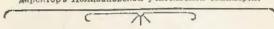
В. Беллюстинь,

жиректоръ Полизановской учительской семинаріи.



METOJIKA APIION

ЧАСТЬ 1:

пональный начальной курсъ иладшаго

Издание 5-е, печатанное съ измънениями съ 4-го, допущеннаго Учен. Ком. М. Н. П. въ учительскія библіотеки низшихъ училищъ.

Ппна 20 коп.





Типографія Г. Лисснера и Д. Совко. Возденжения, Крестовозденж, пер., д. 9. 1910.



ROIL, Того же пвтора: «Задачникъ» 4 выпуска 12, 12, 15 и 12 кон. и «Методика», годъ П, III, IV по 20 1 ариеметики» 75 коп. занатій» 15 кон. «Какъ постепенно дошли люда до мастоящей «Дневникъ

В. Беллюстинь,

ниректоръ Поливановской учительской семинарів,

METOLIKA APHOMETIKI.

YACTH !:

курсь младшаго отдёленія начальной школы.

Изданіе 5-е, печатанное съ измѣненіями съ 4-го, допущеннаго Учен. Ком. М. Н. П. въ учительскія библіотеки визшихъ училищь.

Цина 30 коп.





MOCKBA.

Типографія Г. Лисснера и Д. Совко. Воздаиженка, Крэстовоздажн. пер., 4 э. 1910.



ROIL. годъ П, Ш, IV по 20 KOH. 10 ариеметики» до настоящей 12, 15 и 12 коп. и «Методика», «Какъ постепенно пошли люди же автора: «Задачникъ» 4 выпуска 12, запатій» 16 коп. «Дневникъ

Toro

ПРЕДИСЛОВІЕ.

Предпагаемая вниманію читателя книжка вполнѣ соотвѣтствуетъ примѣрной программѣ начальной ариөметики, изданной Министерствомъ Народнаго Просвѣщенія въ 1897 году для народныхъ училищъ. Программа эта сохранила свое значеніе до сихъ поръ, я ее считаю удобной и выполнимой, и ссылаюсь въ этомъ случаѣ на мнѣніе многихъ учительскихъ совѣщаній, одобрившихъ въ общемъ эту программу.

Способы, изложенные въ моей методикъ, провърены мной на непосредственныхъ, личныхъ занятіяхъ съ учениками начальной школы въ теченіе нъсколькихъ пътъ и предложены были вниманію многочисленныхъ учителей, которыхъ я имълъ честь видъть своими слушателями и собесъдниками на 17 учительскихъ курсахъ и 1 учительскомъ съвздв. Но я далекъ оть того, чтобы считать свои способы единственными, примънимыми всегда и вполнъ. Наоборотъ, я горячо совътовалъ бы принимать во вниманіе развитіе дітей и містныя школьныя условія и вносить въ методику тъ необходимыя измъненія, которыхъ требуетъ учебная жизнь. Не даромъ говоритъ Дистервегъ: «въ рукахъ истиннаго педагога учительство спагается въ свободное искусство и онъ напагаетъ на всъхъ своихъ учениковъ печать своего духа».

Въ 4 и 5 изд. внесены нъкоторыя измъненія, зависящія главнымъ образомъ отъ того, что методика

ариеметики съ теченіемъ времени испытываетъ измѣненія подъ впіяніемъ науки, школьнаго опыта и устройства школъ. Въ настоящее время выдвинуты на очередь важные методическіе вопросы: о наглядномъ обученіи въ первомъ году (вопросъ поставленъ экспериментальной педагогикой), о замѣнѣ устарѣвшихъ, искусственныхъ (больш. част. такъ называемыхъ типическихъ) задачъ вычисленіями и задачами, входящими въ кругъ домашней и школьной, сельской и городской жизни. Еще возбуждены вопросы о расширеніи курса народной школы, распредѣленіи его по годамъ и введеніи въ курсъ ариеметики геометрическихъ свѣдѣній. На всѣ эти вопросы авторъ старается дать въ 4 выпускахъ методики посильный самостоятельный отвѣтъ.

Пятый выпускъ методики, а также методика геометріи готовятся къ печати.

Краткій очеркъ развитія ариеметики.

Ариометика — наука не новая. Свой возрасть она считаеть тысячами лёть. Заполго по Рожпества Христова ариометическія знанія были у египтянъ, халцеевъ и китайцевъ. Знанія эти заключались въ цыфрахъ, нумерацін, сложенім и вычитанім, въ вычисленіяхъ съ мірами. отчасти же касались и умноженія съ д'яненіемъ и даже д'виствій надъ дробями. У всёхъ этихъ народовъ, а также въ древней Греціи и Рим'в ариеметика не пошла палеко. Главная причина такого неуспъха состояла въ томъ, что не была еще выяснена и разработана десятичная нумерація, поэтому обозначеніе чисель было п'вломь нелегкимь, а п'вкствія надъ ними считались и очень трудными. Лишь въ III вѣкъ по Р. Х. обозначилась идея десятичной нумераціи, и тоть народь, которому удалось до нея додуматься — индусы — сталь разставлять цыфры отъ правой руки къ левой по разрядамъ. Въ VIII столетіп мы въ первый разъ встръчаемъ нуль, а до тёхъ поръ мъста пропушенныхъ разрядовъ обозначались пустыми клётками. Въ это же время индусская система была перенята арабами и ими принесена въ Европу подъ именемь своей, такъ что и въ наше время цыфры, по существу индусскія, спывуть подъ именемъ арабскихъ. Трудны были пріемы, которыми первоначально производились ариеметическія дійствія, и лишь въ последніе века, въ конце XVIII и въ XIX, они достигли той упрощенной формы, которой пользуемся мы. Воть образець дёленія, взятый изь ариометики Магницкаго (учебника 1703 года, служившаго нашему Ломоносову): разпълить 5175 на 15.

Здёсь дёлимое 5175 пом'ящено во второй строків, частное находится оправа, д'ялитель 15 переписывается трижды (въ третьей и иятой строкахъ), четвертая и шестая строка отведены отд'яльнымъ произведевіямь, а верхняя — остатку оть вычитанія. Изь этого видно, что рыфры расположены довольно несистематично и неудобно, такъ что сбиться въ нихъ очень легко. И вообще ариометические приемы, практиковаршіеся по средины XVIII стольтія, отдичались сложностью, сбивчивостью и трудностью. Отсюда и проистекало то мижніе, что ариеметика — предметь не легкій, что изучать ее не вейнь подъ силу. Это отибочное метніе разд'яляется нікоторыми и въ настоящее время. На самомъ же пълъ, если учить пътей яснимъ и точнымъ аднеметическимъ выводамъ и излагать имъ простые и доступные способы вычисиеній, то ариометика не будеть для учащихся трудиве, чвив какой-нибудь другой учебный предметь, и не потребуеть она какихъ-то особенныхъ математическихъ способностей, если матеріаль ея разработанъ и не запутанъ. Изъ этого следуеть, что учителю надо хорошо знать тоть предметь, которому онь учить, чтобы ясно представлять себ'в вс'в тъ свъдънія, которыя надо передать ученикамъ, и умъть выбрать наибол ве обработанные способы и наибол ве ясные выводы. Хорошее знаніе учебныхъ предметовъ - первое условіе учительства, и никакимъ искусствомъ, никакой старательностью нельзя развить въ себъ. умѣнье другихъ учить тому, что неизвъстно самому.

Понятіе о методикъ ариеметики.

Не одна только трудность, сложность и неразработанность ариеметических вычисленій тяготила учениковь, занимавшихся ариеметикой въ школахъ древняго міра, въ среднев'вковыхъ школахъ и даже въ школахъ XVI—XVIII в'вковъ. Ариеметика являлась трудной всл'єдствіе трудности способовъ преподаванія, которые обыкновенно были отвлеченными и мало приспособленными къ силамъ и запросамъ учащихся. Знаменитый педагогъ Коменскій (XVII ст.) и въ особенности Песталоци (XVIII ст.) обратили вниманіе учителей на то, что ариеметику надо начинать со счета предметовъ и основывать ее на этомъ счетъ и что вообще преподаваніе ея надо сдёлать доступнымъ для д'втей. Благодаря стараніямъ этихъ двухъ педагоговъ, а также и другихъ, были разработаны ц'єли преподаванія ариеметики и т'в способы, которыми эти ц'єли достигаются «легко, пріятно, основательно» (слова Коменскаго).

Указаніе цілей преподаванія ариометики, а также тіхть путей, которыми достигаются эти ціли, и составляеть содержаніе методики ариометики.

Уметодика основывается, съ одной стороны, на общихъ положеніяхъ

н жхологіи и дидактики, а съ другой стороны, вытекаеть изъ спеціальныхъ свойствь учебнаго предмета, въ данномь случай ариеметики.

Учителю необходимо знать методику, такъ какъ иначе кругозоръ е о въ преподавани будеть ограниченъ; онъ, какъ самоучка, будетъ нользоваться только личнымъ опытомъ и не поможеть себѣ тъми свъдъніями, какія даеть педагогическая наука и оныть другихъ учителей.

Цѣли преподаванія ариеметики.

Всякій учебный предметь, а слідовательно и арнометика, преслівдуєть двів главных цібли. Первая изъ нихъ — образовательная, она состонть въ развитіи способностей человіка; вторая — практическая, иміжная въ виду знавіе и умінье, непосредственно приложимыя къ практической жизни.

Какія же способности развиваются при изученіи ариеметики, то-есть въ чемъ состоить въ этомъ случай образовательная цёль? Прежде всего надо сказать, что развиваются, главнымъ образомъ, умственныя способности, именно разсудокъ и собственно умъ. Что же касается рѣчи и характера человѣка, то на нихъ изученіе ариеметики оказываетъ косвенное вліяніе.

Разсудовъ развивается потому, что ариеметика даетъ много поводовъ для сравненія, различенія и отождествленія; въ ней приходится обобщать и получать отвлеченныя понятія. Все это содъйствуєть развитію сужденія.

Умъ укръпляется и пріобрътаеть силу на выводахъ и заключеніяхъ, а ихъ не мало въ арпеметикъ, такъ какъ вся она состоить изъ изученія о дъйствіяхъ, дъйствія же выводятся послъдовательно изъ простого счета. Ръшеніе задачъ также представляеть много данныхъ для упражненія въ выводахъ, какъ синтетическихъ, такъ и аналитическихъ.

Память при изученіи ариеметики тоже необходима. Д'вйствительно, всякое умственное пріобр'ятеніе челов'яка им'яєть свойство оставаться въ его сознаніи и притомъ т'ямъ кр'япче, ч'ямъ т'ясн'яе оно связано съ другими св'яд'яніями челов'яка. Это такъ называемая ассоціативная память, и она-то им'яєть большое прим'яненіе въ изученіи ариеметики.

Изъ этого вытекаетъ, что ариеметика, несомивнно, преслъдуетъ образовательную цъль и достигаетъ ея въ довольно значительной степени, такъ что занимаетъ въ этомъ отношеніи высокое мъсто среди другихъ учебныхъ предметовъ.

Вторая цёль обученія — практическая, состоящая въ томъ, чтобы научить производству д'яйствій надъ цёлыми и дробными числами,

отвлеченными и именованными, а также научить примъненію этихъ дъйствій къ ръшенію задачь, содержаніе которыхъ взято изъ сферы общечеловъческихъ отношеній.

Начальная ариеметика работаеть не съ отвлеченнымъ матеріаломъ, а съ конкретнымъ, взятымъ изъ дъйствитецьности. И вотъ, при выборъ матеріала хорошій учитель пользуется тъми данными и фактами, которые прямо взяты изъ окружающей обстановки, не выходять за предълы дътскаго міросозерцанія, соотвътствують дъйствительности и готовять вообще къ жизни разумной и трудовой.

Обѣ цѣли находятся между собой въ тѣсной связи и взаимно дополняють другъ друга. Такъ, развитіе ума невозможно безъ пріобрѣтенія знаній, и наобороть, накопленіе знанія и умѣнія ведеть къ укрѣпленію ума. Трудно указать случаи, особенно въ области ариеметики,
гдѣ бы цѣли практическая и образовательная противорѣчили другъ
другу и принуждены были мѣшать одна другой. Поэтому у корошаго
учителя обѣ цѣли обученія достигаются одновременно, при взаимной
поддержкѣ. Правда, иногда въ погонѣ за быстротой представляется
заманчивымъ сообщить какой-нибудь практическій навыкъ безъ достаточнаго объясненія и вывода и тѣмъ какъ бы нанести уронъ образовательной цѣли; но всѣ уклоненія обыкновенно наказывають сами себя,
какъ, напримѣръ, и въ этомъ случаѣ: навыкъ, пріобрѣтенный скоро и
безъ достаточнаго пониманія, скоро можетъ и забыться.

Итакъ, повторимъ еще разъ: преподаваніе ариеметики должно преслѣдовать одновременно и совмѣстно двѣ цѣли: образовательную и практическую

Обученіе должно основываться на наглядности.

Чтобы выполнить съ усивхомъ требованія образовательной цівли, надо развивать разсудокъ и умъ послідовательно, въ соотвітстві съ тіми законами, какіе даеть психологія. Каковы же законы развитія мысли? Первый и основной изъ нихъ состоить въ томъ, что мысль пичается внішними впечатийніями: возбуждается ими, перерабатываеть ихъ и соединяеть запась ихъ въ систематическое, связное цівлое. Такъ какъ исходнымъ пунктомъ мысли является внішнее впечатийніе, то отсюда прямо вытекаеть требованіе наглядности; безъ нея нельзя обойтись во всіхъ тіхъ учебныхъ предметахъ, гдів запась представленій недостаточенъ и требуется пополнять его каждый разъ до того количества, которое дівлаеть возможной обработку этихъ представленій въ понятія. Иногда случается и такъ, что запась представленій

есть, но они блёдны и смутны, т.-е. слабы и не разграничены другь съ другомъ. Въ такихъ случаяхъ тоже нужна наглядность.

Наглядность не должна ограничиваться одними зрительными впечатленіями и состоять только въ показыванім незнакомыхъ предметовъ и неясныхъ процессовъ. Наглядность надо понимать шире, и примънять ее для всёхъ органовъ чувствъ, когда нужнаго представленія у человъка совсёмъ нъть, или оно смутно.

Намъ, взрослымъ, трудно представить себѣ, насколько дѣти нуждаются въ наглядности и какъ они пюбять ее. Они съ громаднымъ интересомъ и удовольствіемъ разсматриваютъ картинки, берутъ вещи въ руки, а малыя дѣти даже на языкъ; они прислушиваются къ незнакомымъ звукамъ. Все это свидѣтельствуетъ о безотчетномъ стремленія къ накомпенію представленій, такъ какъ представленія служать основной пищей для мысли, а мыслить свойственно живому человѣку. Занимаясь съ малыми дѣтьми, учитель никогда не долженъ бояться, что онъ беретъ слишкомъ много наклядности; есть хорошее средство, которое даетъ понять, что наглядности достаточно: дѣти сами, безъ всякаго понужденія, переходятъ къ мышленію отвлеченному, когда у нихъ въ распоряженіи оказывается достаточный запасъ представленій Такимъ образомъ наглядность является лишней только тогда, когда уже образовалось ясное понятіе, или когда для образованія понятія нако-пилось понное количество представленій нли простѣйшихъ понятій.

Общій порядокъ, который опреділяеть правильное пользованіе наглядностью, должень быть таковъ: оть нагляднаго надо переходить къ предметному, а отъ предметнаго къ отвлеченному. Напр., въ самомъ началѣ ариеметики, когда проходится счетъ, надо сперва вести счетъ на предметакъ, чтобы дать этимъ возможность образоваться необходимому числу представленій счета и числовыхъ группъ; затѣмъ переходить надо къ именованнымъ числамъ, т.-е. къ счету такихъ предметовъ, которые мы лишь воображаемъ, и, наконецъ, заняться счетомъ отвлеченнымъ.

Необходимымъ условіемъ разумнаго усвоенія является самодъятельность.

Подобно тому, какъ желудокъ человъческій принимаєть шишу извить и потомъ перерабатываеть ее, приспособляя къ потребностямъ организма, такъ точно и умъ получаеть витшнія впечатлівнія и затымъ ихъ перевариваеть, сплетая изъ нихъ съть знаній. При этомъ работа ума не можеть заміняться какой-либо витшней помощью и должна

быть работой его собственной, иначе умъ не будеть украпляться, а будеть слабъть и можеть атрофироваться, подобно любому органу. который атрофируется, если его лишить дъятельности. Такимъ образомъ если обучение имъеть въ випу развивать умственныя способности. то оно должно непременно проводить принципъ самодентельности. Внёшняя помощь, т.-е. помощь учителя, будеть доставлять въ этомъ случав вившнія впечативнія и располагать ихъ въ такомъ порядкв. чтобы они соотвётствовали силамъ и запросамъ ученика и чтобы усвоеніе ихъ являлось д'вломъ доступнымь. Самый же процессъ пониманія. сужпенія и вывода всецьло должень принадлежать дівятельности самого ученика, и только при этомъ условін его умственныя способности развиваются. Искусный учитель располагаеть учебный матеріаль въ такомъ порядкв, чтобы матеріаль этотъ шель вь постепенномъ и последовательномъ усложнении. Тогда получится рядъ ступеней, нзъ которыхъ каждая следующая возвышается надъ предыдущей пастолько, что подъемъ на нее не превышаетъ личныхъ силъ ученика. Искусный учитель, которому удалось построить подобный рядъ ступеней, выполниль тёмъ самымь въ высшей мёрё свое назначение, такъ какъ далъ полную возможность способностямъ ученика действовать и расти; онъ неизмъримо выще того учителя, который не умълъ поставить своихъ питомцевъ на ноги, и они не въ силахъ шагу сдёлать безъ его помощи.

Предоставляя ученикамъ самодъятельность въ выводахъ и заключеніяхъ, учитель долженъ остерегаться давать имъ механическое заучиваніе. Запоминаніе непонятнаго и неяснаго приносить больщой вредъ уму, такъ какъ оставляеть пробъль и перерывъ въ съти мыслей. Получая оть учителя, главнымъ образомъ, запасъ впечатлѣній, ученикъ долженъ сводить ихъ въ понятія и выводить изъ нихъ заключенія, которыя крѣпко будутъ держаться въ сознаніи, если только опираются на первоначальныя живыя представленія. Если же ученіе приводится къ простому запоминанію, то въ этомъ случать запоминаніе совершается только при помощи повторенія, является, слѣдовательно, безпочвеннымъ, вноситъ перерывы въ умственную дѣятельность, дѣлаетъ сознаніе смутнымъ и вредить развитію ума. Такимъ образомъ, принципъсамодѣятельности исключаетъ возможность механическаго запоминанія, при которомъ бездѣйствуетъ мышленіе и усвонваются памятью готовые выводы.

Обучение, основанное на самодъятельности, является обучениемъ интереснымъ, какъ соотвътствующее силамъ и стремлениямъ учениковъ.

Напрасно думають нѣкоторые, что ариометика не можеть инторесовать дѣтей по своей отвлеченности. Конечно, отвлеченное менѣе свойственно дѣтскому возрасту, чѣмъ зрѣлому человѣку, но оно по существу своему не противно дѣтской природѣ. Именно, когда наконился обильный запасъ представленій и они достигли требуемой силы, то нѣтъ ничего болѣе естественнаго и болѣе сообразнаго съ человѣческой природой, какъ перейти къ отвлеченной дѣятельности на основаніи этихъ представленій. Такъ и ариометика только тогда можетъ быть для дѣтей скучной и неинтересной, когда ихъ заставляють прямо приступать къ отвлеченной дѣятельности, не дожидаясь роста и зрѣлости представленій, и пишають эту дѣятельность постепенности и свободы, при которыхъ только и мыслимо соотвѣтствіе между работой и силамп и безъ которыхъ не проявляєтся естественнаго стремленія живого человѣка къ дѣятельности.

Лучшая форма обученія въ школахъ, при которой болѣе всего дается просторъ самодѣятельности, это катихизпческая съ добавленіемъ умѣло подобранныхъ самостоятельныхъ работъ. При этой формѣ учитель направляетъ дѣятельность учениковъ, вызывая въ нихъ свошин вопросами стремленіе разрабатывать одинъ пунктъ за другимъ. Правильная катихизическая форма и должна быть направляющей, т -е. организующей работу, но никакъ не выполняющей ес. Когда учитель дѣлаетъ выводы самъ за учениковъ и заставляетъ ихъ ппиы запоминать результаты, то это уже извращенная катихизическая форма, и она теряетъ весь свой смыслъ, такъ какъ противорѣчитъ началу самодѣятельности.

Заслуживають вниманія слова, которыя мы заимствуемь изъ одной німецкой методики, вышедшей въ 1909 году*): «Напвыешаго осужденія заслуживаеть ненужная помощь учителя. Въ ней гораздо больше вреда, чімь принято думать. Руководительство въ каждой мелочи, нетерпівливое прерываніе ученика, выгягиваніе изъ него отвітовъ подсказывающими вопросами, ненужныя вставки и исправленія въ его річи — все это нарушаеть послідовательность мысли ученика, пріучаеть его разсчитывать на чужую помощь и приводить къ тому, что ученикь не рішается сділать ни одной задачи безь учителя.

Наобороть, если дътей пріучать къ самостоятельному обдумыванію, то въ нихъ вырабатывается навыкъ въ счетъ, умънье самостоятельно разбираться въ задачахъ и готовность поступать къ тъмъ числовымъ вопросамъ, которые встръчаются въ жизни.

^{*)} Hanft. Altes und Neues zum Rechenunterrichte.

Упражненія и навыки составляють необходимый элементь обученія.

Психическая жизнь человъка заключается не въ одномъ только накопленіи представленій и послёдующей обработкі ихъ, т.-е. мыплении. Психическая ивятельность будеть незаконченной и оставить въ человъкъ чувство неуповлетворенности, если вызванныя ею представленія не проявятся въ п'виствін. Потребность п'виствовать настолько же законна и сообразна съ природой человъка, какъ и потребность наблюдать и мыслить. Обучение будеть скучнымь, неинтереснымъ, если учащійся не видить ціли, для которой онь учится и не примъняеть своихъ мыслей къ нълу, т.-е. не проявляеть того, что онь знаеть, въ действін, Отсюда вытекаеть, что упражненіе - необходимый элементь обученія. При повтореніи упражненія получается навыкъ, имъющій цёну и въ образовательномъ и въ практическомъ отношенін. Челов'якь, обладающій навыками, обладаеть въ то же время постаточной решительностью и сплой воли. Въ практическомъ отношенін навыкь является необходимымь условіємь дівтельности. Невозможно каждый разъ обдумывать всё подробности, необходимо веномогательныя знанія пержать крупко въ памяти; психическая сила человъка, подобно мускупьной, ограничена, и если человъкъ будетъ всякий разъ начинать выводъ снова, съ самаго его основанія, то за время своего ученія онъ можеть пройти слишкомъ мало выводовъ изъ всего числа необходимыхъ выводовъ

Навыкъ пріобрѣтается главнымъ образомъ на самостоятельныхъ работахъ. Желательно, чтобы самостоятельныя работы стояли въ тѣснѣйшей связи съ занятіями съ учителемъ. Желательно напр., чтобы учитель, занимающійся съ 2 отдѣленіями, дѣлилъ свое вниманіе между обонми, и пока одно отдѣленіе обдумываетъ и рѣшаетъ вопросъ, другое получало-бы разъясненія отъ учителя и указанія, что дѣлать дальше.

Необходимость упражненій нь ариометик признается въ значительной мірів издавна, но не всегда обращалось должное вниманіе на пріобрітеніе навыковь. Такъ, издавна для усвоенія ариометики предлагались задачи, но не всегда учителямь удавалось развить въ ученикахъ умінье и навыкъ толково рішать задачи. Между тімь рішеніе задачь — наклучшій способъ для закрішленія пройденнаго, для учененія преподаннаго; не говоримь уже о практической цінности умінья рішать задачи*)

^{*)} Глава о рёшеній задачь помёщена въ III вып методики Здёсь, въ началь курса, также не безполезно съ ней познакомиться.

Обученіе ариеметинъ должно оназывать вліяніе на образованіе ръчи ученина и на развитіе его харантера.

Выше мы поименовали двѣ главныхъ цѣли обученія ариометикѣ: практическую и образовательную. Послѣднюю изъ нихъ нельзя понимать слишкомъ узко, въ смыслѣ одного только умственнаго развитія. Нѣтъ, преподаваніе всѣхъ учебныхъ предметовъ, а слѣд. и ариометики, должно развивать рѣчь ученика и улучшать его характеръ, качества его воли.

Полобно инсьменному знаку, т.-е. пыфов, которая служить для выраженія числа, и слово также необходимо для обозначенія тахъ понятій, которыя вырабатываются при изученій ариеметики, и тёхъ пропессовъ, которые совершаются надъ этими понятіями. Преподаватель ариеметики долженъ пріучать дітей къ изложенію связному, сжатому, точному, простому и ясному. При этомъ связное паложение должно быть какъ устное, такъ и письменное. Сжатость изложенія требуеть, чтобы, стремясь къ полнотъ мысли, ученикъ въ это время не расплывался и не тратиль лишнихъ словь; напр. въ ариометическихъ правилакъ пусть ученикъ указываеть только существенныя стороны, основной холь, а всё второстепенныя, мелочныя подробности пусть пропускаеть, такь какь ов'в или случайны, или само-собою вытекають изъ основного кода. Точность языка нужна, несомивнио, въ адиометикъ, какъ точной наукъ, Точность дъти должны, прежде всего, заимствовать оть учителя: если учитель выражается точно, то и учащіеся будуть говорить довольно точно. Простота языка также существенно необходима при изученін ариометики, особенно же на начальныхъ ступеняхъ. Упрощая науку до д'втекаго пониманія, съ темъ чтобы довести ученика такимъ путемъ до пониманія истинной науки (если онъ продолжить образованіе), мы должны упростить и языкъ. Между мысныю и словомы должно быть постоянное и строгое соотвытствае въ трудности: паралельно съ ростомъ мысли объемъ языка дёлается поливе, а характерь его отвлечениве. Но на первыхъ порахъ строгое научное изложение неумъстно; наоборотъ, изложение должно бытъ доступнымь, простымь и образнымь. Говоря, наконець, объ ясности изложенія, надо съ особенной силой подтвердить, что ясность изложенія требуеть ясности мысян. Именно, різчь будеть тогда ясной, когда созрала мысль, которую требуется выразить рачью. Рачь должна елъдовать за мыслыю, а не предшествовать ей, т -е. всякій выводъ и всякое нонятіе сперва обязательно должны образоваться въ сознаны ученика, и потомь только ихъ следуеть выражать словами, во никакъ не наобороть. Старинное схоластическое обученіе и отличалось этимъ крупнымъ недостаткомъ, что оно стремилось дать учащимся прежде сего слова, а потомъ уже сообщало для этихъ словъ и подходящія, понятія, нерёдко запутанныя и не приведенныя въ связь Въ виду всего этого надо спрашивать дётей излагать только то, что ими хорошо обдумано и достаточно понято.

Дъйстве занятий математикой на характеръ человъка заключается въ слъдующемъ. Такъ какъ учебный матеріаль этого предмета отличается точностью и неоспоримой достовърностью, то поэтому преподаваніе вриометики воспитываетъ въ учащихся настойчивость въ трудъ увъренность въ своихъ силахъ, послъдовательность и аккуратность. Такъ какъ дъти не на въру принимаютъ ариометические выводы, а приводятся къ нимъ силой сужденія, то уваженіе къ силъ сужденія, какъ своей, такъ и чужой, является, обыкновенно, слъдствіемъ занятій этимъ предметомъ.

Содержаніе начальнаго курса ариеметики.

Начальная школа, которую наша методика имветь, главнымъ обравомъ, въ виду, ограничиваеть курсъ ариометики 4 двйствиями надъ цвими отвлеченными и составными именованными числами, а также простъйшими долями, необходимыми въ практической жизни.

Такой объемъ ариометических свъдъній опредъляется, съ одной стороны, поставленными выше цълями, т.-е. образовательной и практической, а съ другой стороны, матеріальными условіями русской начальной школы.

Производство 4 дъйствій должно быть устное и письменное, а въ сложеніи и вычитаніи цълыхъ чисель необходимо также пройти и выкладки на счетахъ, такъ какъ среди русскаго народа счеты пользуются большою распространенностью. Предълъ устнаго счета опять-таки устанавливается тъмъ практическимъ соображеніемъ, что наиболье употребительныя и необходимыя устный вычисленія заключаются въ предъльсотни, и, слъдовательно, устный счетъ приходится полагать обязательнымъ въ предълъ 100 и во всъхъ тъхъ случаяхъ, которые примо сводятся къ предълъ 100 и во всъхъ тъхъ случаяхъ, которые примо сводятся къ предълу 100, т.-е. есля во время вычисленія встръчаются сложныя единицы выше сотни, но количество единицъ менъе 100 напр., 12000, × 8 можно замъннть черезъ 12 × 8). Устный счеть выше 100 можно признать только желательнымъ, но не обязательнымъ, потому что новыхъ развивающихъ элементовъ сравнительно съ предъломъ

100 онъ вносить мало, также и практическия удобства его невелики, такъ какъ человъкъ, ведущий такія довольно большия вычислентя, въроятно, имъетъ въ своемъ распоряженіи письменцыя принадлежности, которыми и можетъ облегчить свой трудъ и сдѣнать его болѣе производительнымъ. Аналогичными соображеніями приходимъ мы и къ тому выводу, что письменное вычисленіе достаточно вести въ начальной школѣ въ предѣлѣ 100.000, такъ какъ ни цѣль развитія ни потребности жизии не нуждаются въ распространеніи дѣйствій на очень большія числа, т.-е. билліоны и трилиіоны.

Кром'в производства д'вйствій, начальная школа должна научить д'втей прим'внять д'вйствія къ р'яшенію задачь, условія которых соотв'ятствують жизненнымъ отношеніямь и развивають соображеніе.

Теоретическая часть начальнаго курса, не задаваясь изученіемь ариеметики-науки, ограничивается сравненіемь дійствій и ихъ способовь, выводомь производныхь дійствій изъ основныхь, указаніемъ краткихъ правиль вычисленія и сообщеніемъ самыхъ необходимыхъ терыпновъ.

До сихъ поръ мы имёли въ виду русскую начальную школу установившагося типа, т.-в. съ трехгодичнымъ курсомъ ученія. Эта школа пачеко уступасть школамь другихь государствь по своей программы и по времени ученія. Поэтому ощущается большая потребность въ школъ повышеннаго типа, съ четырехгодичнымъ и пятигодичнымъ курсомъ ученія. Что же проходить въ такихъ школахъ по ариометикъ, и накова должна быть ихъ программа? Прежде всего, надо утвердить положение, что школа повышеннаго типа должна имъть и повышенную программу и что нёть основаній къ тому, чтобы содержаніе курса трехъ лътъ распредълять на 4 года безъ прибавленія матеріала. Наша программа начальной школы слишкомъ мала для того, чтобы не пользоваться всякимъ подходящимъ случаемъ для ея увеличенія. На нашь взглядь, въ 4 годъ надо пройти элементарный курсь пробей, какъ простыхъ, такъ и десятичныхъ, а въ 5-й - повторить по краткому учебнику все пройденное съ тымь, чтобы систематизировать разрозненныя ариеметическія знанія, пополнить пробілы, которые могли оказаться по ходу дёла, и обобщеть всё данныя свёдёнія и навыки при помощи отвлеченных выводовь При такой програмив мы не вводимъ въ ариеметику ничего алгебранческаго, такъ какъ имвенъ дало во все время съ числомъ, а не съ количествомъ, и предоставляемъ 6-му году, если онъ имъстся въ какихъ-либо учебныхъ заведеніяхъ, развить главу о пропорціяхъ и о всёхъ ариометическихъ свойствахъ,

которые лежать на рубемъ между ариометикой и алгеброй. Программа. намвченняя нами для 4-го и 5-го года, представляется намъ выполничои и практически полезной, такъ какъ даеть свёдёнія, нужных въ жизви; она же удовлетворяеть и пплактическимъ положеніямъ такъ какъ относить отвлечение и обобщение на самый конецъ курса. Что касается включенія простыхъ и десятичныхъ дробей въ программу опного четвертаго года, то два соображения вліяють на такой выборь: 1) прошедшій четырехгодичную щколу выносить изъ нея и вкоторый ваконченный матеріаль и въ то же время не лишенъ возможности пополнить свое образование въ пятигодичной шковъ; 2) если простыя и десятичныя дроби проходятся въ одинъ годъ, по крайней ибрѣ въ основныхъ чертахъ, то правила и свойства ихъ взаимно украпляютъ другь друга при помощи сравненія и вывода, такъ что д'яйствія надъ десятичными дробями можно всецько основать на действіяхъ съ простыми дробями, и благодаря этой связи лучше уясняется общее учение о пробякъ.

Раздъление ариометического матеріала на ступени.

Выше было объяснево, что необходимымъ условісмъ разумнаго преподаванія является самод'вятельность учащихся. Самод'вятельность же возможна лишь при постедовательномь распределении матеріала, когда онъ располагается въ порядкі постепенняго усложненія. Этоть принципъ постепеннаго усложнения наиболье цвлесообразнопроявляется въ такъ называемомъ концентрическомъ обучении, при которомъ вся сумма знаній располагается какъ бы паралелльными кругами съ общимъ центромъ, такъ что каждая ступень вкиючаетъ въ себъ предыдущую ступень и сама входить въ составъ послъдующей. На какія ступени распредёлить по этой систем'в курсь начальном ариеметики, это не существенно важно, лишь бы при этомъ выполнялось 2 условія: а) матеріаль усложнялся оть простого къ сложному и б) каждая ступень имъпа бы свою ясно выраженную цъль, къ которой бы настойчиво стремилось преподаваніе, при чемъ всё эти цёли еходились бы въ одной конечной. Мы предлагаемъ 6 ступеней и считаемъ ихъ подходящими потому, что онв удовлетворяють поставленнымъ выше требованіямь, но мы не отрицаемь, что ступеней можно разработать больше шести или что вывсто шести можно взять гораздо меньше

I ступень. Дъйствія въ предъль 10. Это ступень преимущественно наглядныхъ упражненій, и цёль ея — дать представленія счета и цьиствій надъ простыми единицами. Дъйствія въ предъль 10-и могутъ

быть разграничены ясно и раздёльно. Сущность цействи не вависить оть величины чисель, и даже малыя дёти въ дошкольный періодъ могуть отличать прибавленіе, отниманіе и дёленіе, такъ что въ предёлё 10 остается снабдить ихъ только однимъ новымъ представленіемъ, именно, представленіемъ умноженія, котораго они не довели до ясности потому, что замёняли умноженіе сложеніемъ, какъ болёе легкимъ и доступнымъ.

II. Дъйствія въ предъль 20. Здысь больше всего значенія имветь то, чтобы познакомить съ числомь, состоящимь не изъ простыхъ едипиць, а изъ простыхъ и сложныхъ, т.-е. изъ простыхъ единиць и дссятковъ; здысь же усванвается таблица сложенія и вычитанія.

III. Дъйствія въ предъль 100. Цъль ихъ — выработать нормальпые пріемы 4 дъйствій и добыть 2 недостающихъ таблицы: умноженія и дъленія.

IV. Д'виствія въ пред'ял'в 1000. Въ этомъ пред'ял'в къ нормальнымъ способамъ присоединяются пскусственные, частные, а къ устнымъ вычисленіямъ — письменныя, п главное вимманіе уд'яляется сравневію т'ёхъ и другихъ пріемовъ.

 V. Дъйствія надъ числами выше 1000; пхъ цёль — выработать механизмъ письменнаго вычисленія.

VI. Дъйствія надъ составными именованными числами.

Что касается простыхъ именованныхъ чиселъ и употребительныхъ долей, то они проходятся въ теченіе первыхъ 3 лётъ на всёхъ 6 ступсияхъ.

Въ вычисленіяхъ мы не отличаемъ въ это время простѣйшихъ долей (напр. ³/₄ = 3 четверти) отъ именованныхъ чиселъ (напр. 3 аршина), а вычисленіе надъ именованными числами приводимъ къ такъ навываемымъ предметнымъ числамъ (3 человѣка). Такимъ образомъ, всѣ нычисленія замѣняются въ этомъ случаѣ вычисленіями съ цѣлыми отвлеченными числами.

Курсъ 4-го года обученія даеть еще 2 дополнительных в ступени: VII. Элементарный курсъ дробей.

VIII. Элементарный курсь десятичныхъ дробей.

Въ обоихъ этихъ отдёлахъ вычисленія съ дробями идуть по соображенію, которое интастся въ этомъ случаї аналогіей между дробями и именованными числами. Для правиль подготовляется обильный фактическій матеріалъ, который систематизируєтся и объединяется на слідующей ІХ ступени, составляющей содержаніе 5-го года. Характеръ ея указанъ выше.

СТУПЕНЬ І.

Дѣйствія въ предѣлѣ 10.

Счетъ.

- 1. Начало занятій. Вскор'в посл'в того, какъ составится младшая группа, можно начинать съ ней занятія по ариометик'в. Н'єть ц'єли долго не начинать занятій ариометикой. Познакомиться съ учениками можно довольно скоро, да это и совершается лучше всего при д'єловой работ'є; начавши счеть до истеченія первой нед'єли, мы вносемь разнообразіе и интересъ въ школьныя занятія.
- 2. Испытаніе познаній и способностей учениковъ. Порядокъ и успѣхъ занятій сильно зависять отъ того, каковы ученики, поступающіе въ школу, каково ихъ умѣніе соображать и говорить и чему они научились до школы. Что они усвоили до школы, съ того и надо начинать въ училищѣ. Въ русскую начальную школу обыкновенно поступають дѣти, которыя умѣють нѣсколько считать, но счеть ихъ иногда бываеть съ ошибками и перерывами. Поэтому съ провѣрки счета надо начинать занятія: безъ счета невозможны дѣйствія*), а въ дѣйствіяхъ ариеметическихъ заключается все содержаніе ариеметики.
- 3. Усвоеніе ряда числительных имень. Умінье считать основано на твердомъ знаніи ряда числительных имень. Сь этого и начинаемь занятія. «Кто изь васъ умінь считать воть такь: одинь, два, три...?» Желающіе изъ учениковъ внятно и раздільно произносять рядь словь, до того преділа, до котораго могуть, напр. до 50—100. Если группа не особенно велика, то полезно переспросить всёхъ.

Если группа большая, то пусть считають по нёскольку учениковы сразу, тогда легко примётить, кто изъ дётей считаеть слабо, отстасть. За одиночнымъ повтореніемъ можеть итти произношеніе хоромъ.

^{*)} Всё люди обынновенно выражають свои мысли словами и только глуконёмые выражають знанами; точно такъ же всёмь нормальнымь людимъ свойственно начинать свои армеметическій знаній со счета, а глазом'єрное опредёленіе количества, опредёленіе безь счета, возможно только въ особенныхъ случаяхъ.

Вътактъ, который указывается рукой учителя, дъти произвосятъ «одинъ, цва, три.... десять».

4. Прецметный счеть. Въ указанномъ случав цети считають взмахи руки или даже тъ числительныя имена, т.-е. слова, которыя произносятся ими одно за другимъ. Но если бы обнаружилось, что. поступивни въ школу, они почти не умѣють считать, тогда надо вести упражненія на предметахъ, след. упражненія будуть сопровождаться зрительнымъ усвоеніемь и не будуть ограничиваться однимь воспріятіемъ словъ. Лучтее нагнядное пособіє въ этомъ случав — какіе-нкбуль квалратные или круглые однородные предметы свътлаго цевта, которые можно брать въ руки; напр., дюймовые квадратики изъ бёлаго картона, свётныя пуговки и т. п.: ихъ можно раздать ученикамъ на руки, а кром'в того т'в же предметы, но н'всколько увеличеннаго размъра, полезно прикалывать къ классной доскъ, чтобы всъ видъли ихъ расположение. Располагать эти шашечки или косточки удобнъе всего не понь рянь, а попарно, отнажя нашечку оть шашечки небольшимь промежуткомъ, пару же отъ пары большимъ. Кромъ того третью пару можно ставить не въ одну линію съ остальными, а нъсколько пониже и это потому, что, судя по опытамь, одновременное созерцание 4 предметовъ совершается сравнительно легко, а начиная съ 5-6 съ гораздо большей трупностью. Что касается раздачи на руки всёмъ ученикамъ, то эта мъра полезна темъ, что къ усвоению привлекается въ этомъ случав еще другое чувство - осязаніе.

Посив того, какъ двти привыкнутъ считать на шашечкахъ или косточкахъ, сивдусть перейти съ ними къ предметамъ классной обстановки. Считаютъ 2 руки, 3 стекла; 4 ножки стула, 5 пальцевъ, 6 двочекъ, 7 мальчиковъ, 10 пальцевъ и т. д.

Для болье способной группы обучение счету можеть быть ускорено; наобороть, для группы слабой придется сперва разучить счеть не до десяти, а только до 5, и затымь уже послы твердаго разучивания счета до 5 перейти къ счету въ предыль 10. Во всякомъ случав надо сораз мъряться съ силами учениковъ.

За простымь счетомь следуеть порядковый. «Ты, будто, первый», говорить учитель одному изъ учениковь, «ты второй», говорить овь сосёду, «ты третій», «а ты который?» Ученики называють себя по порядку: 4-й, 5-й и т. д., кончая десятымь; далее счеть повторыется: 1-й, 2-й и т. д.

Напомнимъ еще разъ сказанное выше. Если ученики еще до школы научились считать и ум'вють производить н'вкоторыя д'вйствія, то не иадо останавливаться на томъ, что имъ извъстно, но надо только позаботиться, чтобы пополнить пробълы и довести до ясности то, что ученики понимають снутно. Съ болъе подготовленными учениками возможно не только сократить счеть въ предълъ 10, но и бъгло пройти самыя дъйствія въ предълъ 10, а можеть-быть, и въ слъдующемъ препълъ.

Сложеніе.

5. Присчитывание единицы. Счеть твено связань съ присчитиваниемъ. Различие между ними состоить лишь въ следующемъ: счеть всегда начинается съ единицы, присчитывание же начинается съ того числа, которону равно первое слагаемое. Примеръ счета такой: одинъ, два, три... десять. Примеръ же присчитывания пяти къ пяти выразится такъ: пять, шесть... десять.

Присчитываніе единицы является первымъ и самымъ легкимъ видомъ сложенія, такъ какъ здёсь 2-е слагаемое им'єсть наименьшую величину, а д'єтей затрудняеть какъ разъ величина 2-го слагаемаго, а не перваго, потому что 2-е слагаемое приходится разлагать на единицы или на группы, и чёмъ оно больше, темъ разлагать трудн'е.

Начинаемъ съ предметнаго присчитыванія. Для этого пользуемся, напр., налочками или нальцами рукъ. Десяткомъ палочекъ можетъ запастись каждый ученикъ; пусть онъ ихъ носить съ собой и вынимаетъ по требованію. Палочки неудобны лишь тогда, когда группа слишкомъ многочисленна и учителю трудно слёдить за всёми или же когда дёти сидять скученно. Достоинство же ихъ заключается въ слёдующемъ: дёти не только ихъ видятъ, но и осязають, слёдовательно работаютъ 2 чувствами: арёніемъ и осязаніемъ. Пальцы незамёнимы въ томъ отношеніи, что они всегда налицо. Напрасны опасенія, что ученики, привыкнувъ къ счету по пальцамъ, долго не перейдуть къ счету отвлеченному: нётъ, какъ только опи запомнять употребительные результаты сложенія, такъ нужда въ предметномъ счетъ ослабнеть; примъръ болёе способныхъ товарищей и одобрене учителя заставять всёхъ перейти съ пальцевого счета на устный.

Присчитываніе начинается вопросомъ: «Сколько будеть: два пальца да одинъ палецъ?» Отвъчають полными предложеніями: «Два пальца да одинъ палецъ будеть три нальца». Такъ же къ 3 пальцамъ присчитывають 1, къ 4—одинъ; вст подобные отвъты, которые необходимо вапомнить, должны выражаться полнымъ предложеніемъ. «Но догадается ли кто-нибудь изъ васъ: о чемъ и спрошу дальше?» Нткоторые,

навърно, скажутъ: «5 пальцевъ да 1 будетъ 6 пальцевъ». Такъ продолжають присчитывание до 10. Подобныя догадки о томъ, что будетъ дальще, вносить въ работу оживление и придають ей долю полезной самостоятельности.

6. Переходъ въ отвлеченному присчитыванию. Когда присчитывание на предметажь усвоено достаточно, тогда переходимь из отвлеченному присчитыванію: «Сколько будеть 1 карандашь да еще 1 каранпать?» «Сколько будеть 1 ручка да еще 1 ручка?» «Сколько будеть 1 грифель да 1 грифель?» «Сколько будеть одинь да одинь?» «Сколько будеть два да одинь?» Отвъты непремънно полные. «Сколько будеть тои па опинь?» «Кто скажеть далве?» Ученики по очереди говорять. при чемъ походять по 10. Различныя пособія взяты были затёмъ, чтобы правильно совершился перехопь оть предметнаго счета къ отвлеченпому, такъ какъ отвлеченный счеть и есть обобщение счета на различпыхъ наглянныхъ пособіяхъ. Загімъ нісколько разъ издагають всю таблицу связно: «одинъ да одинъ будеть два, два да одинъ будеть гри, три да одинъ будеть четыре,... девять да одинъ будеть десять». Можно, для закрёпленія, повторить песколько разъ коромь. Работа заканчивается вопросами вразбивку: «Сколько будеть 4 да 1, 8 да 1,. 3 да 1, 6 да 1, 9 да 1?»

Чтеніе хоромъ вносить въ уроки черту дружной, общей, веселой работы. Учителю надо стараться, чтобы дёти говорили не врозь, а чтобы фраза произносилаеь въ такть. Для этого дёлать остановку всякій разь, какъ только голоса разойдутся; самому помогать громкимъ произношеніемъ. Хоровое чтепіе прилагать надо не часто, чтобы оно не прискучило (въ урокъ разь или два).

7. Усвоеніе основных суммъ. Въ предълъ 10 возможны слъдующіе случам сложенія: 1+1, 2+1, 3+1, 4+1, 5+1, 6+1, 7+1, 8+1, 9+1; 1+2, 2+2, 3+2, 4+2, 5+2, 6+2, 7+2, 8+2, 1+3, 2+3, 3+3, 4+3, 5+3, 6+3, 7+3, 1+4, 2+4, 3+4, 4+4, 5+4, 6+4; 1+5, 2+5, 3+5, 4+5, 5+5; 1+6, 2+6, 3+6, 4+6; 1+7, 2+7, 3+7; 1+8, 2+8; 1+9.

Составлена эта табличка такъ: сперва присчитывается единица къ однозначнымъ числамъ, потомъ 2, потомъ 8 и т. д.; при этомъ суммы не должны превыпать десятка, иначе онв выйдуть за предвлъ. Девять случаевъ, гдв присчитывается единица, мы прошли; остается 36. Немыслимо для двтской памяти быстро усвоить 36 ответовъ, темъ болье, что они такъ похожи одинъ на другой. Помощь является съ той стороны, что некоторые результаты сложенія двти знають еще до постуроны, что некоторые результаты сложенія двти знають еще до постуроны,

пленія въ школу Но въ такомъ случай очень полезно взять сперваз не всй сложенія, а лишь употребительныя, основныя, къ которымъмы причислимъ слёдующія: 2+2, 4+2, 6+2, 8+2, 1+2, 3+2, 8+2, 7+2, 3+3, 6+3, 4+4, 5+5. Ихъ изучить легко, остальныя же сведутся къ нимъ.

Эти основныя сложенія выд'ялили мы, руководствуясь сл'ядующимъ. Во-первыхъ, счетъ парами взять весь, безъ пронуска, такъ какъ это прост'я присчитыванія посл'я присчитыванія единицы: на немъ усвоиваєтся присчитываніе группъ и его д'яти встр'ячали до школы. Изъ трудныхъ же видовъ сложенія, когда приложить надо тройку. четверку и т. д., взяты лишь т'я, гд'я получаєтся счеть равными группами, напр. 6 † 3 означаєть, что къ 2 тройкамъ надо прибавить одну. Этотъ счеть равными группами очень полезенъ для умноженія, и его результаты необходимо скор'яє запомнить, да и легче это сд'янать, такъ какъ, заучивая «четыре да четыре восемь», мы твердимъ два различныхъ слова: четыре и восемь, а не 3.

Считаемъ число рукъ у 2-хъ человъкъ. Выводъ: «къ 2 присчитатъ 2, будетъ 4». (Отвътъ долженъ выражаться полнымъ предложеніемъ). При этомъ выясняется, что 2 можно присчитать или сразу, пли по одной. Потомъ присчитываемъ 2 къ 4, 6, 8 и т. д., пока не усвоимъ всъ основныя суммы. Присчитывая 2 не въ порядкъ (т.-е. не въ такой послъдовательности: 1 + 2, 3 + 2, 2 + 2, 4 + 2, 5 + 2, 6 + 2, 7 + 2, 8 + 2) мы избътаемъ того, что дъти станутъ говорить отвъты, не вычисляя: они подмътять, что отвъты идуть одинъ за другимъ: 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10. Найденные результаты слъдуетъ повторить нъсколько разъ въ томъ проядкъ, какой нами указанъ, и тогда возможны вопросы вразбивку, въ отвлеченной формъ: «Сколько будетъ, если къ 2 прибавить 2, къ 3 три, къ 4 четыре, къ 5 иять, къ 6 два, къ 6 тригбавить 2, къ 3 три, къ 4 четыре, къ 5 иять, къ 6 два, къ 6 тригбавить присчитатъ, прибавить и приложитъ; слова же «слагаемое» и «сумма» отложниъ до средней группы.

8. Нахожденіе остальных суммъ. Указанныя выше сумым содержать присчитываніе единицы (1+1, 2+1, 3+1, 4+1, 5+1, 6+1, 7+1, 8+1, 9+1) и двухъ (2+2, 4+2, 6+2, 8+2, 1+2, 3+2, 5+2, 7+2), счеть тройками (3+3, 6+3), четверками (4+4) и пятками (5+5). Онъ должны быть твердо усвоены на память. Для этого нъсколько разъ надо находить ихъ на предметахъ и повторять результаты. Особенно полезно повторять въ началъ каждаго урока тъ результаты, которые найдены на предыдущихъ урокахъ.

Остается еще насколько суммъ. Въ накоторыхъ изъ нихъ первое слагаемое больше второго (4 + 3, 5 + 3, 7 + 3, 5 + 4, 6 + 4), въ остальных оно меньше. Прежде всего выясняется на предметахъ общий порядокъ, въ которомъ можно высчитать, напр., 7 + 3: присчитываемъ или по ениницъ, или же сперва 2, потомъ 1; чтобы присчитать 5 къ 3, можно присчитать 2 раза по паръ и 1 разъ единицу. Дъти легко понимають, какъ нахопить суммы, но съ большимь трудомь задомкнають результаты, если не знали ихъ до поступленія нь школу. Помогаеть запоминанію частое пересправинваніе и придумываніе примітровь самими учениками. Подезно продълать нъскольно такихъ упражненій, гив панное число налочекъ, кубиковъ и т. п. разнагается на 2 спагаемыхъ. «Возьмите по 7 палочекъ. Разложите ихъ на 2 кучки, по скольку получите?» Особенно хорошо упражнение, которое можеть служить и для самостоятельной работы: разлагать данное количество шашечекъ въ красивые ряды и фягуры, подобные тъмъ, какіе мы видимъ на игральныхъ картахъ; образцы можетъ дать учитель, нарисовавши на доскъ, а нети бунуть попражать и придумывать свое.

9. Облегченіе при усвоеніи результатовъ, не принадлежащихъ къ основнымъ. Укажемъ, наковецъ, путь, спѣдуя которому, значительно облегчимъ запоминаніе и замѣнимъ его соображеніемъ. Тѣ результаты, въ которыхъ первое слагаемое больше второго, (4+3,5+4,5+3,6+4,7+3), прямо сводятся къ основнымъ суммамъ. Напр , пустъ ученикъ говорить ошибочно: 4 да 3 будетъ 6»; учитель спрашиваетъ: «Сколько же будетъ 3 да 3?»

Если ученикъ скажетъ, что 4 да 3 будетъ 8, то наведемъ его тъмъ, что спросимъ, сколько будетъ 4 да 4. Несообразный отвътъ, что 4 да 3 будетъ 9, опровергается тъмъ, что 6 да 3 будетъ 9, или же тъмъ, что 4 да 4 дастъ 8, значитъ, 4 да 3 не можетъ дать болъе 8. т.-е. 9. Для наведенія, очевидно, достаточно 2 свойствъ, виолиъ доступныхъ для дътскаго пониманія: 1) если измѣнимъ одно изъ прикладываемыхъ чисепъ, то сумма не останется безъ измѣненія, т.-е. 4 да 3 не можетъ дать столько же, сколько 4 да 4, 2) если слагаемое сдълается больше или меньше, то и сумма сдълается тоже больше или меньше, напр., если 3 + 3 дастъ 6, то 4 + 3 не можетъ дать меньше 6, такъ какъ первое слагаемое 3 перешло въ большее число 4. Само собою понятно, что всъ эти объясненія должны вестись на предметахъ, а не отвлеченно.

Всв остальныя сложенія, гдв первое слагаемое менве второго, не пребують никакого запоминанія, а вполив основаны на томъ, что сложить большее число съ меньшимъ все равно, что меньшее съ большимъ. Для цѣтей это не очевидно и требуетъ вывода на нѣсколькихъ наглядныхъ примѣрахъ Дѣти не сразу рѣшаются сказать, что 4+2=2+4. Дѣйствительно, естъ значительная разница между тѣмъ и другимъ дѣйствіемъ. При присчитываніи 2-хъ къ 4-мъ, мы говоримъ: 4+1=5, 5+1=6; при присчитываніи же 4-хъ къ 2, мы говоримъ: 2+1=3, 3+1=4, 4+1=5, 5+1=6. Итакъ, всѣ сложенія, въ которыхъ первое слагаємое менѣе второго, замѣняются соотвѣтствующими сложеніями, въ которыхъ первое слагаємое болѣе второго.

10. Задачи на сложеніе. Простыя задачи на сложеніе, т.-е. тр. которыя рашаются одникь дайствіемь, обыкновенно затрудняють только тогда, когда дёти слабо вычисляють. Поэтому, задачи съ условіями неум'єствы до т'єхъ поръ, пока д'єти не получили навыка въ вычисленій или не запомнили необходимыхъ результатовъ. До этихъ поръ надо вести преимущественно наглядныя упражненія. Простыя задачи указывають различные случаи примененія действій и развивають быстроту счета. Условія легкихъ задачь повторять палишне, такъ какъ подобное повторение можеть приучать къ невнимательности, па кром' того, разв' мы, обыкновенные люди, въ своихъ разговорахъ повторяемъ чужіе вопросы? Если не ділаемь этого мы, то безъ нужды не полжна делать и шкода. Полезно повторять лишь запутанныя условія задачь, или же условія, затрудняющія благодаря тому, что ученнки утомлены. Иные говорять: повтореніе условій учениками развиваєть ръчь и увеличиваеть запась словь, которымь владъють ученики. Хотя это отчасти и върно, но на это можно возразить: ръчь лучше всего разовьется тогда, когда дёти будуть выражать связно не чужія мысли, в свои, добытыя посильнымь трудомъ.

Когда условіе прочтено учителемъ внятно, раздѣльно и выразительно, многіе изъ учениковъ быстро рѣшаютъ и поднимаютъ руку. Учитель выспрациваєть отвѣты, начиная со среднихъ учениковъ, при темъ не оставляеть безъ вниманія и слабыхъ. «Какъ вы узнали?» говорить онъ при нѣкоторыхъ задачахъ. — «Мы присчитали къ столькимъ-то столько-то». На такой отвѣтъ наводитъ учитель предметнымъ рѣшеніемъ задачъ. Вообще, въ 1-е полугодіе надо стараться рѣшать задачи на тѣхъ предметахъ, которые упоминаются въ условіяхъ; если это невозможно, то на тѣхъ, которые подъ руками. Много хорошихъ задачъ можно составить также по картинамъ, если онѣ есть въ школѣ. Предметный счеть важенъ не только, какъ примѣненіе наглядности, но и какъ средство, разнообразящее занятія: трудно цѣлый урокт провести на однихъ устнихъ упражненіяхъ. Въ промежуткахъ между рѣшеніемъ задачъ унъстень бѣглый счеть.

11. Начало письменных работь. Черезь недблю или двъ послъ начала занятий пора приступать и къ письменнымъ работамъ. Оне представияють большое поиспорье иня учителя, занятаго съ двумя или тремя группами. Онъ важны даже и тогда, когда заниматься прихопится съ одной группой: вносять разнообразіе и уменьшають утомленіе, которому такъ скоро подвергаются діти, начинающія учиться. Большинство школь бёлны и должны довольствоваться доской и грифелемъ. Но грифель не допускаеть должнаго нажима, а доска пріучаеть къ безпорядку, такъ какъ при ней трудно установить правильную повърку. Гив только преиставляется возможность, тамъ лучше пользоваться бумагой, карандашомъ и резиной. Теперь эти матеріалы вовсе не слишкомъ дороги (резины достаточно для ученика на 2 к. въ годъ). Форма теградей: удлиненная, въ 1/а листа, при чемъ у четвертинки перегибается не длинная, а короткая ея сторона. Клутчатая ливовка спва ли лучше линовки частыми горизонтальными чертами. При такой формъ тетрадей и при такой линовкъ ученики пишуть въ строкъ только по одному действію, такъ что действіе располагается подъ действіємъ и ихъ разделяеть пропущенная строка Съ первыхъ же уроковъ учигель ставить требованіе : а) не перечеркивать и не смазывать ошибочно маписаннаго, а стирать резиной, или же, оставляя ошибочное, писать вновь правильно, б) не пачкать обложекь, не писать лишняго подъ строками, надъ строками и съ боковъ. Много заботъ, часто мелочныхъ. солженъ приложить учитель въ 1-е полугодие, если онъ хочеть видеть порядокъ и чистоту въ тетрадяхъ дётей. Но эти заботы лишь временныя и онъ съ избыткомъ окупятся впоследствін.

Для первыхъ работь можно давать письмо вертикальныхъ палочекъ. Дъло туть будеть не въ количествъ написаннаго, а въ ужъньи пользоваться письменными принадлежностями.

Вычитаніе.

12. Обратный счеть. Нёсколько учениковъ связно, безъ перерывовъ со стороны учителя, произносять обратный рядъ числительныхъ именъ: десять, девять,... одинъ. Для этого можно и самому учителю произнести этотъ рядъ, а потомъ заставить повторить. «Протяните руки вверхъ. Сколько пальцевъ на 2-хъ рукахъ? «Загните одинъ палецъ. Сколько осталось?» «Какъ же это сказать полно?» «Отъ 10 отсчитать одинъ, будеть 9». Такъ же производится отсчитываніе единицы отъ 8, 7 и т. д, кончая отсчитываніемъ единицы отъ двухъ. Все отсчитываніе повторяется нёсколькими учениками въ отвлеченной формъ «отъ 10 отсчитать 1, будеть 9; отъ 9 отсчитать 1. будеть 8» и т. д.

Нагляднимъ пособіємъ здёсь могуть служить тё самыя шашечка и пуговки, о которыхъ упомянуто выше. Располагаются онё каждымъ ученикомъ отдёньно на партё и порядокъ ихъ расположенія остается всегда одинъ, чтобы усвоеніе шло легче.

Вопросы учителя, относящіеся къ отниманію единицъ, ндуть въ посибдовательномъ порядкѣ, вполнѣ ясномъ для дѣтей. Спросивши, напр., «сколько будетъ 8 безъ 1?», учитель потомъ даетъ вопросъ: «сколько будетъ 7 безъ 1?» Въ подобныхъ случаяхъ, когда вопросыидутъ въ опредѣленной, понятной для дѣтей посиѣдовательности, весьма полезно довольствоваться только начальными вопросами, а потомъ прямо предлагать: «кто скажетъ дальше?»

За отвлеченнымъ повтореніемъ отсчитыванія единицы можеть сивдовать хоровое разучиваніе и вопросы вразбивку.

13. Основныя разности. Всего въ предълъ 10 возможно 45 вычитаній, соотв'ятственно 45 сложеніямь. Если исключить изъ этого числа 9 вычитаній единицы, то останется 36 случаевъ. Скоро запомнить 36 разностей нътъ возможности, да нътъ и нужды запоминать ихъ всъ. Ограничимся сперва следующими основными вычитаніями, соответствующими основнымъ сложеніямъ: 10-2, 8-2, 6-2, 4-2; 9-2. 7-2, 5-2, 3-2; 9-3, 6-3, 8-4, 10-5. Эти основные спучаи выбраны такъ. Во-первыхъ, взято отнимание 2-хъ отъ чисепъ перваго десятка, какъ простейшій видъ вычитанія, после вычитанія единицы. Во-вторыхъ, изъ случаевъ вычитанія 3-хъ, 4-хъ и т. д. взяты ть, гдь идеть обратный счеть равными группами. Напр. 9 — 3 представляеть собою вычитание одной тройки изъ 3-хъ троекъ. Прежде всего на предметакъ объясняется порядокъ отсчитывания: можно отнимать или по единиць, или по нъскольку единицъ. Напр., требуется отнять 4 отъ 8, тогда говоримъ: 8-1-7, 7-1-6, 6-1=5. 5-1=4, или же 8-2=6, 6-2=4. Дёти должны достаточно понять и усвоить, что отсчитывать можно или по единице или группами единицъ.

Чтобы наглядныя пособія не прискучили однообразіємъ, совѣтуемъ чертить на классной доскѣ палочки и потомъ стирать ихъ столько, сколько требуется вычесть. Можно пользоваться косточками, которыя имѣются на торговихъ счетахъ, хотя раннее знакомство со счетами можетъ спутывать: много на нихъ проводокъ, да и на одной-то проволокъ косточки дежатъ иногда и направо и налѣво. Еще корошей работой можетъ служить рисованіе какихъ-нибудь фигуръ и постепенное отчеркиваліе или стираніе ихъ.

Гермины вычитанія: отсчитать, безь, отнять; всё они могуть употребляться совийство.

Основныя разности должны быть вполн'в усвоены. Этому способствуеть частое повтореніе и переспращиваніе. Необходимо указатіна связь между сложеніемъ и вычитаніемъ. «Оть десяти палочекъ отнимите 2. Сколько будеть?» «А если къ 8 опять приложить 2, сколько будеть?» Выводъ излагается учениками въ полной форм'в: «8 да 2 будеть 10, 10 безъ 2-хъ будеть 8». Для большаго закр'впленія пусть ученики представять свои подобные прим'вры.

Вообще, придумивание примъровъ самими учениками является въ высшей степени полезнымъ прісмомъ Этимъ изощряется сообразительность и вносится оживленіе въ работу; этимъ доставляется возможность судить, насколько понятно объясненное. Вездъ, гдъ только можно, пусть учитель лишь начнетъ работу, дастъ образецъ ея, а ученики пусть продолжатъ, подыскивая отъ себя упражненія, соотвътствующія данному образцу.

14. Римскія пифры. (І, ІІ, ІІІ, ІІІІ, V, VІ, VІІ, VІІІ, VІІІ, Х). Письменныя упражненія можно бы начинать прямо съ арабскихъ цифръ, но римскія нывють преимущество въ слёдующихъ отношеніяхъ: а) начертаніе ихъ проще и для неопытной руки доступнѣе, б) онѣ являются косвеннымъ нагляднымъ пособіемъ, такъ какъ видно, напр., что значокъ девяти состоить изъ значковъ цяти и четырехъ, с) онѣ довольно однообразны и поэтому легко запоминаются. Замѣтимъ, что начертанія «ІІІІ» и «VІІІ научно вполнѣ правильны; ими иногда пользовались и римляне, особенно въ надписяхъ на камняхъ. Эти начертанія гораздо легче по смыслу, чѣмъ болѣе употребительныя ІV и ІХ, такъ какъ послѣднія объясняются вычитаніемъ, а первыя сложеніемъ.

Введеніе римскихъ цифръ пѣкоторые методисты оправдываютъ историческими соображеніями. Именно, установленъ фактъ, что различные народы по мѣрѣ своего умственнаго развитія переходили постепенно отъ пальцеваго счета къ счету па искусственныхъ пособіяхъ (бирки, торговые счеты). Благодаря первоначальному счету по пальцамъ рукъ, и система счисленія вездѣ принята десятичная. Но если принять, что развитіе отдѣльнаго лица аналогично развитію народа, то спѣдуетъ допустить, что для начинающаго учиться считать свойственно считать пятками, по пальцамъ; римскія же цифры стоятъ въ прямой связи со счетомъ пятками и съ пальцевымъ счетомъ.

Ознакомпеніе съ цифрами можеть итти примерно такь. Учитель держить въ рукв или помвіцаеть въ конвертв ивсколько монеть, перьевъ и т. п. «Сколько у меня въ рукѣ перьевъ? Отгадайте?» Дѣти пытаются, но, конечно, безуспѣшно. «Смотрите, я напишу, сколько». Пишетъ на классной доскѣ «ІНІ». Дѣти догадываются, что четыре. Производится повѣрка, дѣйствительно и въ рукѣ четыре пера. Сколько у меня карандашей въ коробкѣ?» При этомъ шишетъ «ІН». Дѣти говорятъ, что 3, а учитель даетъ пересчитать карандаши. «Конеекъ у меня вотъ сколько»; пишетъ «V». Всѣ недоумѣваютъ, что значитъ этотъ «крючокъ», а учитель объясняетъ: «какъ только увидите этотъ крючокъ, такъ и знайте, что у меня копеекъ, карандашей или чего-нибудъ другого — цятъ». Повторяютъ нѣсколько разъ «крючокъ значитъ цятъ». «Встаньте: сколькимъ встать, то напишу»; пишетъ «VI». Встаютъ шестеро. Точно такъ же учитель пишетъ, а ученики встаютъ въ числѣ 7-ми, 8-ми и 9-ти. Идетъ объясненіе, почему написанные значки выражають семь, восемь и девять.

Чтобы познакомить со значкомь «Х», можно начертить на двухъ бумажкахь по значку «V» и соединить эти значки остреями. Послѣ, римскія цифры, а особенно значокъ десяти, можно сопровождать 2 горизонтальными чертами, чтобы значокъ десяти не смѣшивался со знакомъ умноженія (Х и ×).

Затёмъ рядъ цифръ, начиная съ 1, дёти переписывають въ порядкъ въ свои тетради. Для лучшаго усвоенія, учитель заставляєть обозначать на классной доскѣ и въ тетрадяхъ, что оконъ въ комнатѣ семь, дверей три, партъ десять и т. п. Предметы намѣренно берутся различные, чтобы ясно было, что цифрами обозначаются какіе угодно предметы, лишь бы количество ихъ было опредѣленное, соотвѣтствующее знаку. Терминъ «цифра» вводить рано; лучше отложить его до 2-го полутодія.

Письмо римских в цифръ, по порядку или же черезъ одну, въ прямой и обратной посл'вдовательности, можно давать для самостоятельной работы.

Многіе боятся того, что дівти смішають цифру съ числомь. Можеть, конечно, это случиться, но, главнымь образомь, только тогда, когда самь учитель неосторожно обращается съ этими терминами.

15. Разности, не принадлежащія къ основнымъ. Это, во-первыхъ, пять наиболье трудныхъ: 7-3, 8-3, 10-3, 9-4, 10-4, а во-вторыхъ, всь тв, въ которыхъ вычитаемое больше остатка, напр. 8-5=3. Нъть нужды изучать всь эти разности подробно и послъдовательно.

Если сложение пройдено, какъ следуетъ, то вычитание можно сво-

дить къ нему (что уже и указано было на основных разноотяхъ). Напр. ученикъ не знаетъ твердо, сколько составитъ 7 — 3, и говоритъ что 5. Учитель наводитъ: «а сколько же будетъ 5 да 3?» Если связъмежду сложеніемъ и вычитаніемъ неясна, то ее еще разъ указать наглядно. Конечно, такая замъна вычитанія сложеніемъ не исключаетъ и общаго, простого, но медленнаго пріема: отчитыванія едкницами или группами единицъ.

Можно также польвоваться для наведенія и слідующими соображеніями: а) 7-3, напр., не можеть равняться 3, такъ какъ 6-3-3, и не можеть равняться 5, такъ какъ 7-2-5; б) 7-6, напр., =1. такъ какъ 7-1=6; въ этомъ случай дёти пользуются тёмъ, что при отниманіи остатка получается вычитаемое.

16. Задачи на вычитаніе. Цёль ихъ та же, что и задачь на сложеніе: на рёменіи ихъ развивается навыкь въ прикладномъ счетё и указываются случаи, въ которыхъ примёнимо дёйствіе. Слёдуетъ постараться, чтобы отчетливо указывалось дёйствіе. Рёмивши задачу «въклассё стояло 7 партъ, 3 вынесли, сколько осталось?» дёти, на вопросъ «какъ узнали?» должны сказать: «отъ 7 отсчитали 3, осталось 4».

Мърм, которыя упоминаются въ задачахъ, должны быть, по возможности, показаны всв. Линейныя мърм, напр. аршинъ, футъ, полезно бы сдълать въ нъсколькихъ экземплярахъ и раздать ученикамъ на руки, да они и сами могутъ сдълать хорошіе аршины и футы изъ палучекъ. Чтобы представленіе о мърахъ запечатя пось еще тверже, можно указать, что сажень немного больше роста высокаго человъка, аршинъ почти что рука или шагъ, вершокъ — суставъ пальца и т. и Слъдуетъ постепенно пріучать къ глазомърному опредъленію длины.

Нѣкоторыя задачи ученики продѣлывають на предметахъ, при нѣкоторыхъ же записывають данныя числа и отвѣтъ. Записываніе идетъ пока столбцомъ, т.-е. цифра располагается подъ цифрой. Это дѣлается потому, что еще не показаны знаки сложенія и вычитанія и знакъ равенства, если же писать цифры въ строку, то онѣ могутъ слиться. Записывать надо не сиѣша, значокъ за значкомъ, и почаще свѣряться, у всѣхъ ли написано правильно.

17. Бъгдый счетъ на сложение и вычитание. Въ началъ или концъ урока или же въ промежуткахъ между отдъльными задачами кужно повторять возможно чаще таблицу сложения и вычитания, особенно же основныя суммы и разности. Если таблица излагается въ порядкъ, то пусть говорять ее сами ученики, учитель же ограничится только начальными вопросами.

Для нучнаго усвоенія результатовъ полезенъ и такъ наз. бЪглый, т. е. быстрый, счеть. Снерва ученики привыкають говорить отвъть лишь на 2 посивдовательныхъ дъйствія; съ теченіемъ времени вопросы могуть усложняться. Безъ лишнихъ объясненій и предисловій, учитель раздільно читаетъ приміръ, хотя такой: «къ 3 присчитайте 3, отъ полученнаго отсчитайте 2, сколько получили?» Дается короткій отвіть: «4». Повторять условіе приміра налишне, кроміт того случая, когда оно трудно. Тогда можно пользоваться и такимъ средствомъ: спросить отвіть перваго дійствія и потомъ уже прочитать второе лівйствіе.

18. Самостоятельное ръшеніе примъровъ на сложеніе и вычитаніе. Самостоятельныя работы и вообще всё письменныя упражненія гребують въ первое полугодіе особыхъ заботь со стороны учителя. Только то можно дать на самостоятельную работу, что продълано и отчасти записано на урокъ съ учителемъ. Лишь при этомъ условіи можно достигнуть чистоты, порядка и правильности въ записяхъ. Что касается провърки, то, конечно, лучше бы всего просматривать по вечерамъ всъ тетради; но въ большинствъ случаевъ это невозможно по недостатку времени. Тогда достаточно просматривать только иъкоторыя работы, особенно работы слабыхъ учениковъ.

Возможна и устная повёрка, когда одинъ читаеть, а остальные слёдять и исправляють. Примёры для самостоятельных работь пишутся на классной доскё, четко и въ такочъ порядкё, въ какомъ они должны итти въ тетрадяхъ. Ничего не должно быть на доске лишняго: оно сбиваеть начинающихъ.

19. Знави: «присчитать» и отсчитать». Прижеры на сложеніе и вычитаніе записывались до сихь поръ столбцомь, безъ внаковъ. Ілаждый разь указывалось словесно, какое действіе производится: сложеніе или вычитаніе. Этимъ дети достаточно приготовнены къ тому, чтобы понять, насколько необходимо различать на письме одно действіе съ другимъ. Учитель даеть еще разъ нёсколько примеровъ на счетахъ: въ однихъ примерахъ прибавляется, а въ другихъ — отнимается; при этомъ действія записываются. Затемъ учитель пишетъ новый столбецъ, напр пи и предлагаетъ угадать, что требуется сделать въ этомъ столбце: присчитать или отсчитать. Ученики, конечно, сбиваются. Учитель говорить: «чтобы вы не сбивались, я буду ставить крестикъ всякій разъ, когда надо присчитать». Повторяется нёсколько разъ: «крестикъ значитъ присчитать». Учитель продолжаеть: «будемъ ставить черточку всегда, когда требуется отсчитать». Это правило

повторяется въ такой формъ: «черточка значить озсчитать». Оба правила повторяются совмъстно. Далъе слъдують примъры, которые учитель пишеть, а ученики читають, и, наконецъ, примъры, которые придумывають, диктують и провъряють ученики.

Оба внака можно показать на разныхъ урокахъ, но лучше на одномъ. Дъйствительно, внаки употребляются для того, чтобы отличать одно дъйствіе отъ другого. Поэтому и вводимъ 2 дъйствія вмъсть, такъ какъ, чтобы отличать, надо имъть, по крайней мъръ, 2 вещи.

20. Задачи на сложение и вычитание. Некоторыя изъ этихъ задачь можно решить устно, довольствуясь одинмъ только ответомъ. нёкоторыя рёшить на предметахъ, у иныхъ же записать рёшеніе въ должномъ порядкъ. Послъднее требуетъ особаго вниманія: еще въ мланшей группъ пъти полжны научиться, по возможности, тому, чтобы самостоятельно определять и записывать ходъ решенія хотя бы пвойных задачь, т.-е. состоящихь изъ 2 простыхь. Воть образець ръщенія. Читается запача: «Хозяйка сняла съ гитада сперва 3 яйца, потомъ еще 7: 5 штукъ она израсходовала. Сколько янцъ у ней осталось?» Льти, подумавши, дають отвыть: «5». «Что вы сперва спылыц, чтобы получить отвъть?» - «Къ 3 присчитали 7, получилось 10» Это записывается со знакомъ дъйствія. Если не отвътять, то или заставляемъ продълать на предметахъ, или же для наведения повторяемъ начало условія: «хозяйка сняла съ гнъзда сперва 3 яйца потомъ еще 7» (Могуть сказать, на вопросъ: «что вы сперва сдѣлали?» и такимъ образомъ: «оть 10 отсчитали 5, получили 5». Такой ответь можно принять и записать, а потомь спросить: «вёдь я вамь 10 не прочиталь; какъ вы его получили?» Когда скажуть, то новую строчку записать выше ранье понученной.) Когда первая строка «къ 3 присчитать 7, будеть 10» записана, учитель спрациваеть: «какъ вы дальше дълали?» Отвъть: «оть 10 отсчиталь 5, получили 5». Если этого отвъта не дадуть, то или заставить решить на предметахъ или повторить конедъ условия задачи, именно: «5 штукъ она израсходовала». Ръщеніе, записанное въ 2 строкахъ, прочитывается нъсколько разъ и переписывается съ классной соски въ тетради. На каждомъ урокъ ръшать этимъ порядкомъ около 2 задачь, остальныя же задачи рёшать болёе бёгло.

Необходимо остановиться на задачахъ, подобныхъ слѣдующимъ «Мальчикъ купилъ 9 яблоковъ; пара изъ нихъ оказалась гнилыхъ. Гколько хорошихъ яблокъ купилъ мальчикъ? Отвътъ (7) находятъ безъ особаго труда. Но этого мало. Надо точно указать, какимъ дѣйствіемъ найтевъ отвътъ. Найденъ же онъ вычитаніемъ, но не сложеніемъ:

сложение адъсь служить повъркой, а не ръшениемъ. Чтобы ученики правильно указали дъйствие, надо сперва спросить отвътъ, повторить его и записать; потомъ спросить данныя, при чемъ исрвое данное молно обозначить наглядно, и, наконецъ, сказать: «что же слъдуетъ сдълать съ данными числами (поименовать, конечно), чтобы получить отвътъ (такой-то)?» Въ случаъ, если подобное объяснение окажется труднымъ, его можно отложить до второго года.

21. Знакъ равенства. Знакъ равенства или, проще, знакъ «будетъ» указывается такъ. Бъгло высчитывають въсколько формуль, въ родъ $V_{+}III, V_{-}II, X_{-}V, IIII_{+}II,$ при чемъ онѣ записываются въ строчку; отвътъ послъдней формулы (VI) пищется рядомъ со слагаемымъ II, немного отступя. Отдельные ученики читають къ четыремъ присчитать два, будеть шесть». Это же читають и хоромь, при чемъ учитель указываеть на соотвътствующіе цифры и знаки, а когда читается слово «будеть», указываеть на промежутокъ между слагаемыхъ н суммой. Затымь въ этоть промежутокъ вставляется знакъ равенства. Читають еще разь всю формулу и разбирають, какое слово зам'внено какой цифрой и въ сущности, повтореніе основныхъ сумиъ: 2-1-2-4+2,6+2 ц т. д. (Съ тою ценью и проходятся предварительно основныя суммы, чтобы не совствит твердое знаніе таблицы сложенія не помъшало умножению). Учителю стоить только начать таблицу умножения 2-хъ, дети ее продолжатъ. Некоторой заботы требуеть иншь правильное выговаривание относящихся къ формуль словь; четко следуеть произносить: «З ваять 3 раза, будеть 9», и повторять хоромъ. Терминъ «умножить» вводить цока преждевременно. Продёлывать прим'вры лучше всего наглядно, потомъ уже отвлечение. За усвоеніемъ въ порядк'в идеть связное повтореніе, а зат'ямь вопросы вразбивку. Каждый примъръ ръшается и сложенісмъ и умноженісмъ.

Хорошимъ нагляднымъ пособлемъ при счете тройками являются суставы пальцевъ, кроме, разумется, большого пальца.

25. Задачи на умноженіе. Отвъть при ръшеніп задачи, конечно, важень, но не менъе важно и правильное указаніе дъйствія, которымы ръшается задача. Весьма полезно вы задачаль на умноженіе записывать то, какъ ръшали, двояко: сложеніемы и умноженіемы. Этимы достаточно закрыштся связы между обоими дъйствіями, правильное мредставленіе которой существенно необходимо. Вы задачь: «сколько ногы у 2 лошадей?» должны получиться такія 2 строки: 4 + 4 = 8, 4 × 2 - 8. На первыхы поражы дъти склонны писаты лишь строки, модобныя 4 + 4 = 8, и учителю надо спрашивать: «не запишеть ли

кто вибудь иначе?» тогда сперва лучшіе, а по ихъ приміру и остальные ученики привыкнуть къ записи, подобной $4 \times 2 - 8$.

Еще въ предълъ перваго десятка возможно прилагать полезный пріемъ придумываніе задачъ самими учениками. Это дъло интересуеть ихъ и побуждаєть къ оживленной умственной дъятельности, когда ведется въ послъдовательности Напр., послъ задачи «сколько аршинъ въ 3 саженяхъ?» учитель говоритъ «придумайте отъ себя, не про 3 сажени, а еще про сколько-инбудъ». Ученики придумываютъ про дът, четыре и т. д. Не бъда, если при этомъ выйдутъ изъ предъла 10-ти: переходъ черезъ предълъ, если совершаєтся не часто, т.-е. не вноситъ безпорядка, полезенъ, такъ какъ разнообразитъ занятіе и развиваетъ въ дътяхъ предпріимчивость и привычку соразмърять свои силы съ работой.

Въ задачѣ «листъ бумаги стоитъ грошъ, сколько стоятъ 2 листа?» ученики могутъ измѣнять условія въ такой послѣдовательности: а) придумаютъ не про 2 листа, а еще про сколько-нибудь, какъ кто умѣетъ. б) предположатъ, что листъ стоитъ не грошъ, а копейку, двѣ и т. п.,

с) придумають не про бумагу, а про какой-нибудь другой товарь, при чемь назовуть количество этого товара и почемь онь продается.

26. Арабскія цифры. Теперь, когда рука дітей достаточно окрівня и они привыкли къ вычисленіямь, возможень постепенный переходь отъ римскихъ цифръ къ обыкновеннымь, т. е. арабскимъ Медленная заміна предпочтительніве быстрой, такъ какъ при ней повые значич запоминаются безъ особаго труда. Они вводятся въ порядкі трудности начертанія: сперва 7, потомъ 4, 3, 6, 9, 8, 10, 2, 5. Рано заботиться о полной каллиграфической правильности, о діленій начертаній на энементы; достаточно, если усвоена будеть общая форма пачертаній, отділку же предоставимъ позднійшему времени На первихъ порахъ діти слишкомъ коверкають цифры, поэтому учителю надо почаще писать ихъ для образца на классной досків. По мірті замісны римскихъ цифръ обыкновенными, посліднія вводятся во всі упражненія, такъ что нівкоторое время почучаются смізшанныя записи, т.-в. содержащія цифры обонхъ родовъ.

Показыная обозначение десяти, не надо упоминать, что значить единица и что значить нуль: это умъстно сдълать въ концъ года, при нумераціи въ предълъ 100. Теперь же просто написать и сказать: «такъ пишется 10».

Замвна цифръ можетъ итти такъ. Учитель пишетъ на классной доскв VII и заставляетъ прочитать. «Не знаетъ ли кто-нибудь, какъ

семь пишется иначе?» Навіврно вызовется желающій, который и папишеть на досків. Сравнивають, которое обозначеніе короче. Ученики нісколько разь пишуть новую цифру у себя вы тетрадяхы, учитель же просматриваеть ихъ работу.

Ознакомленіе съ цифрами и знаками дъйствій полезно разложить на длинный промежутокъ времени съ такой, между прочимъ, цълью. Вводя новое понемногу, иы придаемъ занятіямъ интересъ. Если сразу сообщить много новаго, то масса матеріала подавить дъятельность учениковъ, а носятдующіе уроки, состоящіе лишь изъ стараго, будутъ казаться скучными. Вообще всякія новыя подробности лучше всего вводить постепенно, понемногу, наблюдая, достаточно ли дъти привыкли къ тому, что пройдено ранте.

27. Задачи на первыя три дъйствія. Рѣшеніе ихъ можеть итти устно, при чемь спрашивается лишь отвъть, или на предметахъ, или же, наконецъ, можно рѣшеніе записывать строками. Учитель выспрашиваеть, какую строку записать ранѣе, какую потомъ, самъ пишеть для образца на доскѣ, а ученики переписывають въ тетради. Особенныхъ ваботъ требують простыя задачи на умноженіе. На вопросъ: «что туть слѣдуеть сдѣлать?» ученики могуть, конечно, указать не только умноженіе но и сложеніе; но записывать теперь пора лишь одно умноженіе, такъ какъ достаточно уже было практики въ двойномъ записываніи умноженія, когда рѣшались простыя задачи на это дѣйствіе. Дана, напр., задача: «Въ бочкѣ было 9 ведеръ воды; нзъ нея брали 2 раза по 3 ведра. Сколько ведеръ воды осталось въ бочкѣ?» Этой вадачѣ должна соотвѣтствовать такая запись: $43 \times 2 - 6$, 9 - 6 = 3», а не такая: 43 + 3 - 6, 40 - 6 = 3».

Если сложная задача, въ которую входить простая задача на умноженіе, окажется непосильной для дѣтей, то можно выдѣлить эту простую задачу, продѣлать предварительно, а потомъ уже обратиться къ сложной. Напр., предъ задачей: «Я купиль 2 лимона по 4 коп. Сколько мнѣ дадуть сдачи съ гривенника?» умѣстно рѣшить рядътакихъ вопросовъ: сколько стоять 2 лимона по 5 к., 4 к., 3 к., 3 лимона по 3 к.? Разработавши отдѣльно простую задачу, мы поможемъ рѣшенію сложной.

Мъста производителей ни въ какомъ случат не могутъ быть перемъняемы. Въ примъръ: «сколько аршинъ въ 2 саженяхъ?» сдинственно правплъная строка такая: $3 \times 2 - 6$, но не такая: $2 \times 3 = 6$. Всякій разъ, когда ученики смъщиваютъ множимое съ множителемъ, ближе всего обращаться къ замънъ умноженія сложеніемъ. «У тебя, будто бы,

«ажень; сколько это аршинъ?» «Да у тебя сажень; сколько аршинъ?» «По скольку у васъ аршинъ?» «По скольку же спъдуетъ взять?» «Сколько разъ?»

Часто дъти, правильно записавши множимое и множителя, складывають, но привычкъ, первое число со вторымъ. (Особенно на самостоятельныхъ работахъ.) Это значить, что они еще не постигли разницы между обоими дъйствіями, умноженіемъ и сложеніемъ. Лучшая помощь — наглядность, напр. черченіе письменныхъ знаковъ на классной доскъ: крестиковъ, кружковъ, съ объясненіемъ.

Иногда, види передъ собой задачу на умноженіе, діти недоумівають, какое имъ произвести дійствіе. Напр.: «сколько надо заплатить за 4 двухкопеечныя свічи?» Лучшее наведеніе — обратиться къ сложенію, притома къ сложенію на предметахъ. «Сколько стоить свівча?» — «2 коп.» — «Протяни 2 пальца!» «Сколько стоить другая свівча?» «Протяни, ты, сосідъ, 2 пальца!» «Сколько разь надо протягивать?» «По скольку пальцевъ?»

28. Бъглый счетъ на первыя три дъйствія Новымъ видомъ бъглаго счета является тотъ, гдъ отыскивается задуманное число. Легче всего отыскивать задуманное слагаемое. «Я задуманъ число», говоритъ учитель, «знаете ли вы, сколько я задуманъ?» Ученики, если и пытаются отгадать, то, конечно, безъ успъха. «Я вамъ намекну: къ задуманному числу я прибавить 5, и тогда у меня получилось 10». Болъе способные ученики догадываются, для остальныхъ же дълается наглядная повърка, напр. на пальцахъ. Еще задается нъсколько подобныхъ примъровъ; ръшеніе провъряется наглядно. Затъмъ можно задумать 1-е спагаемое, а также уменьшаемое, вычитаемое и т. д.

Дѣти любять примѣры съ задуманными числами, когда эти примѣры посильны для нихъ. Они яюбять вообще загадки и отгадки, и этой чертой дѣтекой природы можно пользоваться во многихъ случаяхъ для оживленія занятій. Особенно интересуеть всѣхъ, когда задумывать начнутъ сами ученики, а отгадывать будутъ товарищи или даже учитель.

Дъленіе.

29. Два случая дъленія. Дъленіе, какъ извъстно, распадается на 2 вида, различающієся не вычисленіємъ, но смысломъ: дъленіе на части и дъленіе по содержанію. «З братьямъ дали 6 пряниковъ и велъли раздълить поровну, сколько получилъ каждый?» Это примъръ дъленія на части. Примъръ дъленія по содержанію такой: «братьямъ дали

6 пряниковъ и велъли газдълить по паръ; сколько было братьевъ?» Первый видъ дъленія значительно доступнъе: съ него мы и начнемъ, при чемъ всегда будемъ точно отличать одинъ отъ другого.

30. Таблица д'вленія. Если пропустить т'в прим'вры, гдів въ частномъ получается единица (3:3,5:5 и т. п.), какъ несомнівню легкіе, то получимъ слівдующую таблицу д'вленія: 4:2,6:2,8:2,10:2,6:3,8:4,10:5. Составить и усвоить ее не особенно трудно. Учитель начнеть, положимъ, съ такого вопроса: «Если 2 калача раздіблить поровну на васъ двоихъ, то сколько тогда получитъ каждый?» Отвівть полный: «Два раздіблить на двоихъ, будеть по одному». — «4 раздіблить на двоихъ?» «Кто дальше?» Ученки безъ труда проведуть всю таблицу; въ конців они должны повторить ее всю снова, нівсколько разъ. Полезна наглядная провіврка таблицы.

Можно разрабатывать таблицу прямо вразбивку. «Кто изъ васъ умъетъ раздълить сколько-нибудь на двоихъ?» Когда исчернаютъ дъление на двоихъ, тогда очередь за дълениемъ на троихъ, четверыхъ и т. д.

Выражаться лучше всего проще. «Раздёлить на двоихъ», «подёлить между двоими», «раздёлить пополамъ» - эти выраженія удобнёе, чёмъ менёе знакомое дётямъ «раздёлить на двё равныя части»

Большого вниманія и подробной наглядной разработки требуеть здёсь, какъ и въ послёдующихъ предёлахъ, дёленіе съ остаткомъ. Это самый цённый случай дёленія, и всякій, кто мало обращаєть вниманія на этоть случай, дорого платится потомъ при дёленіи многозначныхъ чиселъ. Выбираемъ изъ наглядныхъ пособій, хотя палочки и раскладываемъ ихъ сперва на 2 одинаковыхъ кучки, потомъ на 3, на 4 и т. д. Сперва беремъ для раскладыванія десятокъ, потомъ 9 и т. д. Эту работу можно повторить не разъ: чёмъ чаще, тёмъ лучше; она даетъ массу примёровъ на дёленіе съ остаткомъ.

- 31. Знакъ «раздълить». Когда таблица дъленія составлена, повторена, провърена наглядно, вообще достаточно усвоена, можно сообщить знакъ дълснія. Дъти уже привыкли къ различнымъ знакамъ, убъдились въ ихъ необходимости и понимають ихъ смыслъ. Поэтому, нътъ никакого вреда, если прямо написать «:» и сказать, что эти двъ точки значить «раздълить». Для укръпленія въ памяти, ученики читають строки, написанныя учителемъ, и сами пишуть подъ его диктовку.
- 32. Задачи на д'вленіе. Р'вшаются он'в подобно задачамъ на предыдущія д'вйствія. Записывать р'вшеніе легко, если въ задач'в прямо

помѣщено слово «раздѣлить». Но если вмѣсто этого слова имѣется «разсынать», «разставить» или же совсѣмь нѣть словь, прямо указывающихъ на дѣйствіе (напр. въ задачѣ: «сколько стоить аршинъ сукна, если за 5 аршинъ заплачено 10 руб.?»), то представляется не мало опасности, что дѣтн собьются: вмѣсто дѣленія они укажуть что-вибудь, болѣе знакомое, напр. сложеніе или умноженіе (въ предыдущей задачѣ запишуть такъ: 2 + 2 + 2 + 2 + 2 = 10 или $2 \times 5 = 10$. Не отвергая подобныхъ отвѣтовъ, какъ имѣющихъ извѣстную долю основательности, наводимъ на дѣленіе такимъ пріемомъ Представляемъ дѣлимое наглядно. «Вотъ эти 10 косточекъ замѣняютъ 10 руб.» «Сколько куплено аршинъ?» «Ты, будто бы, купилъ 1 арш., да ты, ты, ты». «Кто же будетъ платпть эти деньги: одинъ кто-вибудь?» — «Нѣтъ, всѣ». — «Какъ же: поровну, или нѣтъ?» — «Что же надо сдѣлать съ этими 10-ю рублями?» — «Раздѣлить на пятерыхъ».

33. Дёленіе нечетныхъ чисель пополамъ. Ознакомпеніе учащихся въ начальной школь съ простейшими долями очень важно въ практическомъ отношении: по выходъ изъ школы, имъ гораздо чаше булуть встречаться употребительныя доли (половина, четверть, восьмушка), чёмъ большія числа. Многіе до поступленія въ школу привыкли обращаться съ половинами, и мы не внесемъ никакой трудности, если введемъ дробь половину въ курсъ перваго полугодія. Она можеть явиться прежде всего въ вид'в знакомыхъ величинъ: полкопейки, т.-е. гроша, полфунта, полсажени, полъ-листа и т. д. Загъмъ находять половину четнаго числа и, наконець, половину нечетнаго. Для послёдней цёли беремъ, котя, полоски изъ цвётной бумаги. въ числѣ 9, 7, 5, 3, и ваставляемъ двоихъ учениковъ дѣлить между собою поровну. Получатся отвёты: четыре съ половиной, три съ половиной и т. д. Обозначение 1/, показывать рано (это д'вло средней группы): всё отвёты должны выражаться устно, записывать же достаточно лишь пълыя числа.

Изученіе простійших долей должно совершаться нагляднымь путемъ, напр. на различныхъ предметахъ указывается, что въ ціломъ предметі содержится дві половины.

34. Дѣленіе по содержанію. Въ немъ важна не таблица и не знакъ, а самый смыслъ дѣйствія: таблица прежняя и знакъ прежній, смыслъ же совершенно особый.

Учитель береть 10 палочекь п говорить, что онь кочеть раздівнить десятокь на пятки. «Какь же я кочу разділить десятокь? Это невторяють ийсколько разь, пока не затвердять; иначе потомъ спутаются

в скажуть, что учитель хотёль раздёлить пополамь. Наглядно находять отвёть и высказывають его такъ: «Десятокь раздёлить на пятки, будеть 2». Чтобы убёдиться, понятна ли эта фраза, можно спросить: «чего это два?» — «Два пятка». Затёмь начинается записываніе. «Сколько мы дёлимь?» Пишуть 10. «Что мы дёлаемь?» — «Дёлимъ». Пишуть двё точки. «Какъ мы дёлимъ?» — «На пятки». — «Какой же значокъ надо написать?» Отвёчають, что пять. Конець записывается безъ труда, самими учениками. Получается строка: 10:5—2, которая и читается нёсколько разъ такъ: «десятокъ раздёлить на цятки, будеть два».

Точно такъ же разрабатываются вопросы: десять раздѣлить на пары, 8 раздѣлить на пары, 6 и 4 раздѣлить на пары; 9 раздѣлить на тройки, 6 на тройки и 8 на четверки. Всего восемь результатовъ. Когда они разработаны наглядно, даемъ вопросы вразбивку отвлеченно. «Раздѣлить 4 на пары, сколько будеть?» Всѣ усилія надо употребить на то, чтобы дѣленіе по содержанію читалось именно такъ, какъ показано, и чтобы не смѣшивались выраженія: «раздѣлить на пары» и «раздѣлить нополамъ», точно такъ же, какъ нельзя смѣшивать множимаго съ множителевъ.

Когда дъти привыкнутъ къ подобному чтенію, можно его нъсколько изм'внить и пользоваться такимь: «десять разд'влить по пяти, будеть двоимъ» или «десять разложить на пятки, будеть два». Терминъ «содержится» полезно пока опустить, съ тъмъ, чтобы ввести его въ предълъ 20 или 100. Знакъ пъйствія остается одинь и тоть же пля пъленія на части и діленія по содержанію, такъ накъ въ обоикъ случаяхъ мы пользуемся терминомъ «раздёлить» (поэтому-то и не торопиться съ выраженіемъ «содержится»). Если берется отвлеченный примъръ, въ родъ 6:2-3, то онъ читается двояно: «6 раздълить пополамъ, будеть 3», «6 раздълить на пары, будеть 3». Иногда учитель требуеть обоихъ чтеній, иногда же довольствуется одинкь, именно тъмъ, какимъ пользуется ученики. Какъ только можно чаще, надо выяснять наглядно, что делимь ли 6 пополамь, или же делимь 6 на пары, отвъть получаемъ одинаковый въ обоихъ сдучаяхъ. Но если въ отвлеченныхъ примърахъ допустимъ оба чтенія, то въ задачахъ. смотря по ихъ содержанію, со всей точностью необходимо разграничивать оба случая дёленія.

Въ задачахъ на дъленіе по содержанію ученики часто, вмъсто дъленія, указывають сложеніе или умноженіе, какъ болье извыстния, а также вмъсто дъленія по содержанію хотять взять дъленіе на части.

Учитель обязанъ принимать эти отвёты, но въ то же время поволить непременно и до совершенно точныхъ ответовъ. Прочитана, напр. задача: «На фунть идеть 4 свечи: сколько фунтовъ въ 8 свечахъ?» Прежде всего пусть найдуть правильный отвъть, независимо оть того, кто какимь действиемь его нашель. (Правильный ответь служить средствомъ наведенія.) Потомъ предлагается высказать: «какъ узнали, что въ 8 свечахъ 2 фунта?» На это могуть ответить: или «4 + 4 - 8». или «4 ×2 — 8», или же «8 разделить пополамъ, будеть 4». Лучшее наведеніе — разборъ данныхъ чиселъ. «Сколько всего свъчъ?» «8». Данное это записывается, при чемъ число 8 можно еще представить 8-ю палочками на классной доскъ. «Что еще сказано про свъчи?» -- «Что ихъ на фунть илеть четыре». Число 4 записывается, Числа 8 и 4 прочитываются несколько разь, сь той пелью, чтобы лети запомнили данныя: «Каковъ ответь задачи?» - «2». - «Что же нужно сдёлать съ 8 и 4, чтобы получить 2?» Сказавши, что надо разделить, делять 8 черточекъ на четверки: разп'едить на 4 равныя части цельзя, такъ какъ получится въ ответе 2 свечи.

Итакъ, общій порядокъ наведенія слѣдующій: а) спрашиваєтся отвѣтъ, b) выписываются данныя числа и с) ставится вопросъ: «что надо сдѣлать съ данными числами, чтобы получить отвѣтъ?»

Общіе выводы о дъйствіяхъ въ предълъ 10.

36. Наглядность. Предѣлъ перваго десятка разрабатывается преимущественно наглядно.

Иногда результать можеть быть сперва найдень устно, а потомъ уже провърень на наглядныхъ пособіяхъ.

Лучшими наглядными пособіями служать тѣ, которыя окружають ученика, находится у него подъ руками: окна, картины, стулья, парты, сами дѣти и т. п., въ особенности пальцы. Затѣмъ стѣдують рисунки на классной доскѣ. Пособія должны быть разнообразны и ясно видны ученикамъ. Сажень полезно оклепть двѣтной бумагой такъ, чтобы каждый аршинъ отличался отъ сосѣдняго двѣтомъ; также отмѣтить вершки на аршинѣ и дюймы на футѣ.

37. Вотъ еще дешевое, простое и интересное для дѣтей нособіе. Оно пригодно въ особенности тогда, когда повторяются всѣ дѣйствія до 10. Берется картонная полоса, длиной около полъ-аршина и шириной вершка четыре; параллельно ширинѣ наклеиваются на нее полоски цвѣтной бумаги попарно. Полученная полоска годится для счета

парами, для дёленія на пары, для сложенія и вычитанія паръ. Показывая полосу, учитель предлагаеть дётямь сдёлать числовые выводы, какіе кто можеть Можно прпготовить полосы для счета тройками, четверками и пятерками.

38. Полные отв'яты. Забота о развитіи устной р'ячи приводить къ необходимости полныхъ отв'ятовъ. Ими должны выражаться вс'я наибол'я важныя м'яста: части таблицъ, объясненія, окончательные отв'яты задачъ, выводы. Едва ли можно сочувствовать той форм'я полныхъ отв'ятовъ, когда ученикъ обязательно повторяетъ и вопросъ, придерживаясь словъ учителя: эта форма тяжела и неестественна. Лучше дать просторъ свободной р'ячи, состоящей, конечно, изъ полныхъ предложеній (съ подлежащимъ и сказуемымъ).

Воспитывая въ ученикахъ привычку говорить связно, учитель не долженъ, безъ особой пеобходимости, прерывать ихъ ръчь, снабжать ее вставками п т. п. Пусть учепикъ выскажется, а учитель прослушаетъ; потомъ пусть учитель поправитъ, а ученикъ повторитъ связно, въ исправленной формъ. Вообще, съ первыхъ же недъль стараніе учителя должно быть направлено на то, чтобы на урокахъ ученики какъ можно болъе пзлагали связно.

39. Задачи. Цёль рёшенія задачь въ предёлё 10 — научить дётей правильно указывать, какимъ дёйствіемъ нашли они отвёть.

Опасиве всего, когда прямое двиствіе сившивается съ обратнымъ (сложеніе съ вычитаніемъ, умноженіе съ двленіемъ) и менве вредно, когда основное съ производнымъ (сложеніе съ умноженіемъ). Помня основную цвль: указаніе двиствій, учитель допустить большую ошибку, довольствуясь только ответями. «Умвють правильно рвшать, такъ чего же больше?» Это невврное соображеніе приводить къ тому, что передъ сложными задачами двти становятся втупикъ.

Лучтіе способы рішенія задачь, ведущіе къ достиженію нам'єченной выше ціли, состоять въ наглядномъ рішеніи или такомъ устномъ, за которымъ слідуеть записываніе. Но всі задачи рішать такимъ путемъ будеть долго, и нікоторыя можно рішать бігло, довольствуясь однимъ отвітомъ.

Условія задачь должны быть близки къ жизни учениковъ. Учениковъ оживляєть тогь пріємъ, когда они привлекаются къ составленію условія; напр. учитель спрашиваєть ихъ о цівнахъ, вісті и другихъ, извівстныхъ имъ, данныхъ. Сильно развиваєть сообразительность то, когда вопросъ задачи не читаєтся, а предоставляєтся смітливости дівтей: «угадайте, что спрашиваєтся въ задачь?»

- 40. Бѣглый счетъ. Слъдующія мѣста въ предълѣ 1-го досятка намболѣе трудны: а) суммы и разности, не принадлежащія къ основнымъ, b) дѣленіе съ остаткомъ, с) переходъ сложенія въ умноженіе и d) различіе между дѣленіемъ на части и дѣленіемъ по содержанію. Эти мѣста особенно часто надо вспоминать при бѣгломъ счетѣ и продѣлывать достаточно примѣровъ, относящихся къ вимъ
- 41. Самостоятельныя работы. Он'в им'вють значение не столько для укрупления знаній, сколько для пріучения къ правильному расположению записей. На порядокь и чистоту должно быть обращено большое винманіе.

СТУПЕНЬ II.

Действія въ предель 20.

Счетъ.

42. Прямой и обратный счеть. Беругся какіе-нибудь предметы, которые всёмъ хорошо видны, и пересчитываются. До 10, конечно, ученики считають вёрно; начиная съ одиннадцати, могуть быть ошибки въ выговаривании словъ; поэтому надо добиваться внятнаго п раздёльнаго произношенія этихъ числительныхъ именъ: «один-надцать». Бывають случан, что слова, въ родё «восемнадцать» смёшиваются со словами, въ родё «восемьдесятъ». Это показываеть, что до полнаго усвоенія названій чисель никакъ нельзя двигаться впередъ. Послё одиночнаго повторенія, можетъ итти хоровое разучиваніе, а затёмъ вопросы вразбивку, напр. «сколько будетъ, если къ 18 прибавимъ 1?»

Обратный счеть не особенно нуждается въ наглядности. За повтореніемъ числительныхъ именъ: двадцать, девятнадцать и т. д., слъдуетъ, въ случать необходимости, коровое разучиваніе и затъмъ вопросы въ разбивку: «сколько будетъ 20 безъ 1, 18 безъ 1, 16 безъ 1?» и т. д.

Хорото, если наглядныя пособія, которыми пользуемся для счета въ предѣлѣ 20, будуть отличаться слѣдующимъ качествомъ: предметы, изъ которыхъ набирается первый десятокъ, будутъ замѣтно разниться съ тѣми, изъ которыхъ набирается второй десятокъ. Напр., первыя 10 палочекъ пусть будутъ круглыя, а начиная съ 11-й — четырехугольныя; или первые 10 человѣкъ будутъ мальчики, а начиная съ 11-го человѣка — дѣвочки. Тогда всегда передъ глазами дѣтей будетъ выдѣляться основное свойство, по которому числа 2-го десятка распадаются на десятокъ и дополнительное число единицъ, напр. 18 — 10 + 8.

Разложеніе чисель на десятокь и единицы требуеть частаго повторенія и большого количества наглядныхъ упражненій. Трудно будеть объяснить сложеніе и вычитаніе, если какое-угодно число не будеть разлагаться быстро на десятокъ и единицы (16 = 10 + 6). Кром'я разложеній на предметахъ, полезенъ еще такой способъ. Три ученика, одинъ за другимъ, произносятъ: 1-ый «один», 2-ой «на», 3-ій «дцать». Учитель говоритъ: «слово одинъ понятно, что же значитъ дцать?» Если показать на разложеніе, сдѣланное при помощи предметовъ, то дѣти догадываются, что дцать значитъ десятъ; остается зам'єнить слово «на» словомъ «да» или «и». Также и для остальныхъ числительныхъ именъ пусть ученики произведутъ подобный разборъ, притомъ нѣсколько разъ, пока, наконецъ, твердо не запомнятъ.

Существенно важно и необходимо обратное упражнение. «Сколько будеть 10 да 7, 10 да 5, 10 да 3?» и т. п. Нёкоторые изъ этихъ прим'вровъ продълать наглядно, напр. на пальцахъ рукъ, при чемъ первые 10 пальцевъ протягиваетъ одинъ ученикъ, а дополнительное къ нимъчисло — другой.

43. Письменное обозначение чиселъ. Оно начинается съ того, что учитель вызываетъ желающихъ «не умѣетъ ли кто-нибудь изъ васъ написать 11 и 12?» Желающіе, навѣрпо, найдутся. «Сколько значковъ написано здѣсь?» «А здѣсь?» «Какой значокъ стоитъ паправо, какой налѣво?» «Почему налѣво одинаковые значки?» При этомъ числа 11 и 12 разлагаются, при помощи предметонъ, на десятокъ и единицы (что значитъ слово единица — придется пояснить: одинъ предметъ). Если ученики не отвѣтять, то прямо присоединитъ второй вопросъ: «одинаковые ли значки стоятъ направо?» «Почему?» При неудачныхъ отвѣтахъ взять еще новое число 13, подчеркнуть одинаковыя лѣвыя цифры и сравнить, по предыдущему, всѣ три числа. Получится выводъ: «десятокъ пишется лѣвѣе, а единицы правѣе».

Подобнымъ же образомъ сравниваются обозначенія 10 и 20, причемъ послѣднее обозначеніе напишеть знающій изъ учениковъ, а въ крайнемъ случаѣ, и самъ учитель. «Какіе значки стоятъ налѣво?» «Почему?» Если не скажутъ, то стоитъ только намекнуть «сколько десятковъ въ 20?» «Сколько десятковъ въ 10?» Или же можно спроситъ: «что показываютъ значки, стоящіе лѣвѣе?» Такимъ образомъ будетъ объяснено, что 2 въ обозначеніи дваддати выражаєть десятки; остается сказать про нуль, или про «кружокъ» (этотъ терминъ пока умъстнъе). «Есть ли въ 20 сколько-нибудь единицъ сверхъ 2 десятковъ?» «Есть ли въ 10 сколько нибудъ единицъ сверхъ десятка?» При этомъ терминъ «единица» можно замѣнить болѣе простымъ «палочка» и такую замѣну полезно производить неоднократво, чтобы дѣти повяли зпачеше слова

«единица». Выводь получается въ такой формъ: «кружокъ ноказываеть, что единиць, сверхъ десятковъ, нътъ».

Если составъ учениковъ не особенно благопріятенъ или же учитель спѣшить, то не будеть никакого вреда въ томь, что прямо, безъ всякихъ объясненій, напишемъ на классной доскѣ: 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, заставимъ прочитать, переписать въ тетради и запомнить. Объясненія же можно отложить до того временя, когда будемъ показывать нумерацію чисель 1-й сотин.

Сложеніе.

44. Усвоеніе таблицы сложенія. Въ предёлё 20 надо усвоить результаты, получаемые отъ сложенія однозначныхъ чисель: Такъ какъ ихъ довольно много, то учить всё подъ рядъ и трудно и скучно. Чтобы облегчить это цёло, лучше всего, по примёру перваго десятка, изучить сперва нёсколько наиболее важныхъ, основныхъ суммъ, а остальныя выведутся безъ труда изъ нихъ. За такія основныя суммы ближе всего принять тв, гдв идеть счеть равными группами. Это будуть: 9+3 (здесь счеть тройками, такъ какъ къ 3 тройканъ прибавляется еще одна), 8+4 (счеть четверками, такъ какъ къ двумъ четверкамъ прибавляется еще одна), 6 + 6 (счеть шестерками), 7 + 7, 8 + 8, 9 + 9. Эти суммы запоминаются довольно легко: 1) ихъ немного, и, сябд., оть цамяти не требуется большого напряжения, 2) онъ боябе навъстны ученикамь, которые еще до поступленія вь школу, можеть-быть, считали тройками, четверками и т. д Суммы эти важны еще въ томъ отношения, что если ихъ основательно изучить, то этимъ будеть оказана большая услуга умноженію. Если, напр., діти знають, что 8 + 4 - 12, то имъ легко смекнуть: $4 \times 3 = 12$; если твердо усвоено, что 6 + 6 = 12, то отсюда прямо вытекаеть, что $6 \times 2 - 12$. Такимъ образомъ, твердое знаніе основныхъ сумиъ зам'ятно облегчаеть умноженіе.

Разрабатывать основныя суммы лучше всего попутно, при прямомъ и обратномъ счетъ парами, тройками и т. д. При такомъ порядкъ вносится въ занятія значительное разнообразіе и ясная послъдовательность. (Конечно, ничто не мъщаетъ прямо приступить къ таблицъ сложенія и пройти ее особо, съ тъмъ, чтобы сложеніе двузначныхъ чиселъ съ однозначными отодвинуть на послъдующее время)

45. Счетъ парами, пятками и десятками. Это самая легкая работа въ предёлё 20, такъ какъ здёсь нётъ труднаго перехода изъ одного десятка въ другой, а требуется только знать сложеніе чисель въ предёлё 10 и составъ двузначныхъ чиселъ изъ десятка п единицъ. Нагляднымъ пособіемъ возьмемъ, хотя, нальцы. Учитель начинаетъ: «Сколько будетъ 2 да 2?» «4 да 2?» «Кто скажетъ далѣе?» Ученики излагаютъ полными предложеніями: два да два будетъ четыре, четыре да два будетъ шестъ...», кончая 18+2=20. Хорошо, если всю эту таблицу повторитъ одинъ ученикъ, безъ помощи учителя и товарищей. Затѣмъ можно повторитъ таблицу хоромъ и предложить вопросы вразбивку: «Сколько будетъ 14+2, 16+2, 12+2?» и т. д.

Обратный счеть парами совершается подобнымь же образомь. «Кто умѣеть отсчитывать парами?» Начать отсчитывать оть 20. Начнеть болые способный ученикь, а за нимь продолжать и слабые. Заканчивается обратный счеть связнымь повтореніемь всей таблицы (20-218-2, 16-2, 14-2, 12-2, 10-2, 8-2, 6-2, 4-2, 2-2) и вопросами вразбивку.

Несомивнию, что обратный счеть можно отложить до вычитація. Здвсь же онъ введень съ тою цвлью, чтобы двти лучше освоились съ числами отъ 10 до 20 и еще разъ усмотрели связь между сложеніемъ и вычитавіемъ.

Нагляднаго объясненія требуеть, въ особенности, слѣдующее мѣсто. При сложенін, наприм., 14 и 2, дѣти должны понять, что стопть только сложить 4 съ 2 и отвѣть 6 присоединить къ десятку. Это вполиѣ будеть видно въ томъ случаѣ, если будемъ объяснять на пальнахъ, пли если палочки 1-го десятка будуть отличаться отъ палочекъ 2-го десятка.

Но этоть приемъ, по которому 2 прикладывается къ 4 и полученное число 6 присоединяется къ 10, можетъ показаться труднымъ въ первые уроки. Тогда обратиться къ извъстному пріему, т.-е. присчитать сперва одну единицу, а затъмъ и другую: 14+1-15, 15+1-16. Точно такъ же и при обратномъ счетъ парами, можно отнимать сперва одну единицу, а потомъ другую, если дъти плохо поймутъ, что достаточно отнять 2 отъ единицъ в остатокъ присоединить къ десятку.

Прямой и обратный счеть пятками и десятками сводится къ спѣдующимъ дѣйствіямъ: 5+5, 10+5, 15+5, 20-5, 15-5, 10-5, 5-5, 10+10, 20-10.

46. Счетъ четверками и восьмерками. Онъ непосредственно примыкаеть къ счету парами, такъ что счетъ четверками можно основать на счетъ парами. «Сколько будеть 4 да 2 да 2?» «Сколько будетъ 8 да 2 да 2?» «Сколько будетъ 8 да 4?» Такимъ образомъ, чтобы приложить 4 къ 8, прикладываемъ сперва одну пару, а потомъ къ полученному

чисну и другую. Далъв 4 прикладывается къ 12 и 16. При сложеній 16+4 дучие всего дълать такъ: 6+4-10, 10+10=20, но можно и такъ: 16+2=18, 18+2=20, или же наконецъ: 16+1=17, 17+1=18, 18+1=19, 19+1=20. Хотя первый слособъ скоръе ведеть къ цёли, но нельзя отпергать и остальныхъ: если отвъть ученика нравиленъ, то необходимо принять этотъ отвъть, а потомъ уже и наводить на тотъ, который считается болъе пригоднымъ (въ данномъслучаъ тотъ, когда сразу прибавимъ 4 къ 6).

Чтобы приложить 8 къ 8, прикладываемъ къ 8 сперва 4, а потомъ къ полученному еще 4.

Обратный счеть четверками и восьмерками состоить изъ такихъ дъйствий: 20-4, 16-4, 12-4, 8-4, 4-4, 16-8. При этомъ, напр., 16-4-12 потому, что 6-4=2, а 10+2-12, или же можно отсчитывать по паръ (16-2, 14-2), по единицъ и т. д.

47. Счетъ тройками, шестерками и девятками. Естественнымъ нагляднымъ пособіемъ при счетѣ тройками являются суставы пальцевъ, такъ какъ ихъ на каждомъ изъ 4 пальцевъ находится по три. Прямой и обратный счетъ тройками выражается такими дѣйствіями: 3+3,6+3,9+3,12+3,15+3,18 3,15 3,12-3,9-3,6-3,3-3. Труднѣе другихъ усванваются строки: 9+3 и 12-3. Въ нихъ присчитываніе и отсчитываніе 3-хъ можетъ быть вамѣнено присчитываніемъ и отсчитываніемъ единицъ, или же отсчитываніе можетъ быть сведено къ присчитыванію: «Сколько будетъ 9 да 3?» «Сколько будетъ 12 безъ 3-хъ?», т.-е. пользуемся связью между сложеніемъ и вычитаніемъ, которая выясняться должна, главнымъ образомъ, наглядно.

Счеть пестерками и девятками приводится, въ случав затрудненія, къ счету тройками, такъ какъ 6-3+3, а 9-3+3+3. Что 9+9=-18, это могуть ученики объяснить и такъ: 10+10-20, да надо съ каждаго десятка скинуть по 1, останется 18.

48. Счетъ семерками. Что 7+7-14, это узнается разложеніемъ второй семерки на группы и присчитываніемъ этихъ группъ, напр. 7=3+4, поэтому 7+3=10, 10+4=14, 7+7=14. Что 14-7=7. это ученики скажутъ, если только они помнятъ, что 7+7=14.

Для пучшаго усвоенія счета семерками, равно какъ раніве объясненнаго счета парами, тройками и т. д., полезна новіврочная наглядность, т.-е. сперва находять отвіть устно, а потомъ провівряють его на наглядныхъ пособіяхъ. Въ преділів второго десятка пора уже мереходить отъ непосредственной наглядности къ этой повіврочной. Помогаетъ усвоенію результатовъ также и письмо табличекъ, особенно самостоятельное, притомъ многократное. Когда таблицы написаны въ тетрадяхъ или на классной доскъ, ихъ можно читать и разучивать хоромъ.

Основныя суммы, во всякомъ случав, должны быть усвоены твердо, иначе нельзя двигаться далве; впрочемъ, это усвоение идеть легко и скоро.

49. Нахожденіе суммъ, не принадлежащихъ къ основнымъ. Вст онт сводятся къ основнымъ. Средства для наведенія следующія: а) Перестановка слагаемыхъ. Такъ какъ 8+4-12. то 4+8 тоже равняется 12. Вообще, если 1-е спагаемое менфе второго, то, переставивши ихъ, получимъ случай, гдъ 1-е сдагаемое болъе второго. б) Приведение нь извъстнымь сумнамъ и опровержение, при ихъ помощи, опибочныхъ отв'ятовь. Напр. 6+5 не можеть равняться 10, такъ какъ 5+5=10, не можеть равняться 13, такъ какъ, если 6+6=12, то меньшее число 5 витесть съ темъ же числомъ 6 никогда не дасть большаго числа, т.-е.13. с) Вездъ, гдъ слагаемымъ служитъ 9, достаточно замънить его десяткомъ, а потомъ сдълать соотвътствующую поправку. Напр., требуется вычислить 9+5; такъ какъ 10+5=15, то 9+5 даетъ на единицу менъе. т.-е. 14. d) Если одно изъ данныхъ чисель измъняется на единицу, то и сумма измъняется на столько же. Если 6+6-12, то 7+6. =13: точно такъ же, 8+4=12. поэтому 8+5=13. e) Наконець, можно пълать навеление при помощи пятковъ, напр. 7 + 6 замънить черезъ 5+2 и 5+1, а такъ какъ 5+5=10 и 2+1=3, то всего бупеть 13.

Свойствами, которыя здёсь приведены въ пунктахъ а, b и d, приходилось пользоваться еще въ предёлё 1-го десятка. Въ случаё необходимости, не лишнее еще разъ объяснить эти свойства при помощи предметовъ.

Существенно важно, чтобы дъти привыкли сами прилагать свойства, указанныя въ пунктахъ а, b и d, и связно объяснять ихъ примъненіе. Достигается это лучше всего тогда, когда ученики придумывають примъры, подобные тъмъ, какіе береть учитель. «Сколько будеть 9 да 3?» «Сколько будетъ 3 да 9?» «Скажите оба отвъта вмъстъ». Ученики говорять: «9 да 3 будетъ 12, и 3 да 9 будетъ 12?» — «Сколько будетъ 17 да 2?» «Сколько будетъ 2 да 17?» «Скажите оба отвъта вмъстъ». «Сколько будетъ 8 да 5?» «Кто догадается, про что я спрошу теперь?»— «Сколько будетъ 5 да 8». — «Върно, скажите же оба отвъта вмъстъ». «Кто придумаеть спои примъры, гдъ бы также приходилось говорить

2 отвъта виъстъ». Ученики придумывають и выпажають примъры такъ: «9 да 2 будеть 11, и 2 да 9 будеть 11».

Суммы, не принадлежащія къ основнымъ, усванваются постепенно, на прим'трахъ и задачахъ. Въ случат ошибокъ, помогають тъ наведенія, какія указаны выше.

50. Задачи на сложеніе. Въ предѣлѣ 1-го десятка достаточно разобрать простѣйшіе изъ вопросовъ сложенія, встрѣчающіеся въ житейскихъ расчетахъ. Въ предѣлѣ же 2-го десятка пора заняться болѣе труднымъ дѣломъ и внести задачи, въ которыхъ требуется найти число, большее даннаго на нѣсколько единицъ. Напр.: «Въ одномъ городѣ 9 церквей, а въ другомъ 2-мя больше. Сколько церквей во 2-мъ городѣ?» Дѣти достаточно подготовнены къ тому, чтобы не затрудниться подобными вопросами. Впрочемъ, если бы потребовалась помощь, то выраженіе «2-мя церквами больше» удобно замѣнить болѣе легкимъ: «лишнихъ двѣ церкви». Слово «увеличить» вводить пока преждевременно: умѣстно имъ пользоваться, начиная со 2-го года.

Въ подобныхъ задачахъ, т.-е. въ такихъ, гдв отмскивается число, больше даннаго на нёсколько единицъ, избёгать надо слишкомъ искусственныхъ условій, не соотвётствующихъ характеру дёйствительныхъ практическихъ вопросовъ. Напр.: «кофейникъ вёситъ 5 фунт., тазъ на 2 фунта тяжеле, найти вёсъ таза», -подобные расчеты, гдё вёсъ таза сравнивается съ вёсомъ кофейника и измёряется при его помощи, чужды даже и взрослымъ, не говоря уже о дётяхъ. Дётямъ доступны и интересны вопросы, гдё они спорятъ, кто выше, кто тяжеле, въ чьей деревнё больше домовъ и т. п.

Вообще, содержаніе задачь имѣеть большое вліяніе на успѣхъ, съ которымь онѣ рѣшаются. Стопть дать задачу, условіе которой противорѣчить обыкновеннымь житейскимь отношеніямь, и дѣтн останавливаются въ недоумѣніи, и это случается не потому, что для нихътрудно вычисленіе, а потому, что они раздумывають, какъ можеть нолучиться то неестественное положеніе, о которомъ говорится въ задачѣ.

Вычитаніе.

51. Основныя разности. При обратномъ счетв парами, тройками и т. д. вычитаніе уже усвоено въ значительной мёрё. Теперь остается его повторить и распространить. Основными разностями служать: 12 — 3, 12 — 4, 12 — 6, 14 — 7, 16 — 8, 18 — 9, т.-е. всё тё, которыя выражають обратный счеть тройками, четверками и т. д., и притомъ

составляють однозначныя числа. Онъ должны быть твердо усвоены. Для этого служать наглядныя упражнения и бъглый счеть.

52. Таблица вычитанія. Всв остальныя разности, не принадисжащія къ основнымъ, могуть быть усвоены постепенно, при решенін задачь, при б'вгломъ счетв и на самостоятельныхъ работахъ. Побывають ихъ дёти по одному изъ слёдующихъ способовъ: а) отсчитывають гоуппами по ивскольку единиць или даже отсчитывають по единиць: напр., чтобы вычесть 7 изъ 15, отсчитывають сперва 3, потомъ хотя 2, потомъ еще 2; чтобы вычесть 6 изъ 13, вычитають сперва 3 и нотомъ опять 3, б) Пользуются основным разностями, напр. 13 — 4 не может: равняться 8, такъ какъ 12-4=8, не можетъ равняться и 10, такъ какъ 14-4=10, сл'єдовательно должно равняться непрем'єнно 9. с) Сводять вычитание къ сложению. Если, напр., ученикъ ошибочно р'ящить, сколько будеть 12 безь 5, и скажеть «6», то учитель наводить вопросомъ: «Сколько будетъ, если 6 сложить съ 5-ью?» Это средство наведенія полжно употребляться предпочтительно передъ тіми, какін указаны въ пунктахъ а и б. На первое время придется, можетъ-быть, наглядно напомнить о связи между сложениемъ и вычитаниемъ. Вообще же, чёмь чаще выставлять эту связь вы примерахы и задачахы, тъмъ полезнъе.

Примёры, подобные 17 — 3, т.-е. въ которыхъ остатокъ двузначный, не принадлежать, собственно говоря, къ таблицъ. Они объясняются такъ. На палочкахъ или на чемъ-нибудь подобномъ выводится, что отнимать следуеть отъ единиць, а десятокъ остается неприкосновеннымъ. Ученики должны умъть давать слъдующее объяснение: «Оть 7 отнять 3. будеть 4, а оть 17 отнять 3, будеть 14». На этой ступени вполнѣ уже можно требовать подобныхъ краткихъ и доступныхъ объяснений Сперва ихъ, конечно, способны говорить лишь лучше ученики. При этомъ учитель съ большой теривливостью и списходительностью пусть выслушаеть рёчь, не прерывая ея ни въ какомъ случав, пока она не окончена, не торопя и не дълая вставокъ, вообще не мъщая говорить. Если рфчь требуеть исправленія, то сділать его тогда, когда ученикъ кончиль, затёмь заставить повторить, пока всё не запомнять исправленной формы. Можно дать образець подобной формы. Первые шаги на пути самостоятельныхъ объясненій особенно требують ум'юстнаго одобренія со стороны учителя; когда же діло нізсколько окрівшеть, тогда допустимо и болъе строгое отношение къ отвътамъ.

Прим'вры, подобные 17 — 14, т.-е. въ которыхъ уменьшаемое и вычитаемое двузначныя, тоже не принадлежать, собственно говоря,

къ таблицъ вычитанія. Порядокъ рѣшенія ихъ таковъ. Наглядно объясняется, что отъ десятка отнимается десятокъ, при этомъ ничего не остается, потомъ отъ 7 единицъ отнимается 4, остается 3 Ученики могутъ выражать выводъ въ такой краткой формъ: «отъ 7 отнять 4, будетъ 3, значитъ отъ 17 отнять 14, будетъ 3» Чтобы разематриваемое свойство было видно яснъе, можно данныя числа записыватъ и изложеніе нести по записи, тогда наглядно представится то, что цифры пссятковъ одинаковы.

53. Задачи на вычитаніе. Въ задачахъ этого отдёла упомінастси уменьшеніе числа, т.-е. нахожденіе такого числа, которое меньше даннаго на нѣсколько сдінніцъ. Дѣти уже достаточно подготовлены для того, чтобы безъ труда рѣшать подобные вопросы. Дана, напр., задача «Въ одной деревиѣ 19 домовъ, а въ другой 1 доможъ меньше. Сколько домовъ во 2-й деревиѣ?» Если бы выраженіе «однимъ домомъ меньше» затруднило дѣтей, то его можно бы замѣнить такимъ «во второи деревиѣ недостаетъ одного дома противъ первой» или «нехватаетъ» Можно воспользоваться въ этомъ случаѣ и наглядностью.

Въ задачахъ на разностное сравненіе, т.-е. на опреділеніе того, на сколько одно чисто больше другого, ученики иногда ошної вотом въ томъ, какимъ дійствіемъ найденъ отвітъ. «На сколько дюжина больше десятка?» Въ этой задачі правильная запись такова: 12 — 10 — 2. Чтобы навести на нее, выспращиваемъ сперва отвітъ и иншемъ его на классной доскі; потомъ спращиваемъ про данныя числа; накопець, ставится вопросъ, какъ изъ 12 и 10 получить 2. Если діяти скажуть, что «къ 10 присчитать 2, будеть 12», то опровергнуть тівмъ, что у нихъ отвіть 12, а нуженъ отвіть 2.

Нѣкоторымъ дѣтямъ съ трудомъ даются фразы въ родѣ «12 больше 10 на 2». Въ такомъ случаѣ, пусть сперва самъ учитель произнесеть раздѣльно по словамъ, а по его примъру пусть произнесутъ и тѣ ученики, которые неправильно выговариваютъ слова.

Задачи на вычитаніе, пості устнаго різшенія, иногда записываются для того, чтобы выділить дійствіе, какимь оні різшены.

54. Задачи на сложеніе и вычитаніе. Сложныя задачи нь преділів 20 должны різнаться нівсколько иначе, чізна сложныя задачи въ преділів 10. По мітрів того какть ученики все боліве и боліве привыкають вычислять, писать и объяснять, они должны все самостоятельніве записывать и объяснять різшеніе. Въ задачахть на сложеніе и вычитание можно двинуться впередъ въ томъ смыслів, что ученики съ меньшем помощью учителя будуть писать строки різшенія. Возьмень для при-

мъра такую задачу: «Должникъ заняль 19 рублей, 13 рублей онъ уплатить въ срокъ. Остальное просить разложить поровну на 2 мъсяца. Поскольку хочеть платить онъ въ мъсяць?»

Условие задачи прочитывается внятно и разд'вльно, при чемъ осо-Сенно ясно должны быть произносимы числительныя имена. Условіс можеть быть повторено учителемь или учениками лишь въ томъ случак, если п'яти утомились и не въ состояни усвоить его съ перваго раза. Затъмъ дается время подумать. Говорять отвъть сперва средніе ученики, потомъ слабые (особенно, жезающее изъ нихъ) и, наконецъ, лучине, слабыхъ нельзя спрашивать въ самомъ началъ, такъ какъ оди сава ли успъли придумать. Отвъть справинвается потому, что опъ много способствуеть правильному разбору рёшенія. Разборь начипается вопросомь: «что вы сперва сцелали, чтобы решить задачу "» Можно бы спросить «что вы узнали?», но этоть вопросъ трудиве пелваго и болье соотвътствуеть развитию учениковь средняго отдъления, Отв'ять сивдуеть такой: «оть 19 отсчитали 13, осталось 6». Если бы отвъта не последовало, то пришлось бы заставить продъдать задачу на предметахъ или повторить начало условія: «должникъ заняль 19 рублей. 13 рублей онъ уплатиль». Строка «19 — 13 — 6» не записывается, а лишь запоминается. Второй вопросъ ставится въ такой формъ. «что вы сдёдали далёе?» Ответь: «6 раздёлили пополамь, получили по 3», Опять, въ случай неудачнаго отвита, навести тимь, что прочитать «остальное просить разложить»; если не поможеть, то спросить «сколько рублей остается?» «Какъ разложить?» Теперь, когда ходь рфиентя изложень, пусть ученики запишуть его сачостоятельно «Сколько строкъ вы запишете?» «Иншите». Учитель обходить парты и просматриваеть работы. Затемь верная запись переносится на классную доску для того, чтобы слабые ученики могли проварить строки.

Какъ видно, разница между этичь порядкомъ ръшения и тъчъ, какон прилагается въ предълъ 10, состоить въ расширскіи самостоятельнаго записыванія: записывается ръшение все въ цълости, послъ того какъ оно изложено устно, а не записывается по строкамъ, по мъръ того какъ указываются эти строки.

Умноженіе.

55. Усвоеніе таблицы. Таблица умноженія въ предёлё 20 содержить, во-первыхь, изкоторые результаты, найденные еще въ предёлё 10, а во-вторыхь, слёдующия новыя произведенія: 2 × 6, 2 × 7,

 2×8 , 2×9 , 2×10 ; 3×4 , 3×5 , 3×6 ; 4×3 , 4×4 , 4×5 ; 5×3 . 5×4 , 6×2 , 6×3 ; 7×2 , 8×2 , 9×2 , Ecan ochobhus cymnu въ препала 20 усвоены тверно и счеть парами, тройками и т. п. разъясненъ основательно, то умножение дается легко. Учитель только начнеть рядъ вопросовъ: «сколько будеть 2 нары?» «З пары?» «Кто прополжить ²» Ученики, замѣтивши послѣновательность, продолжають счеть парами; не будеть никакого вреда, если они при этомъ выйдуть за предълъ 20. При счетъ тройками пусть самостоятельно напишуть табличку $3 \times 2 - 6$, $3 \times 3 = 9$, $3 \times 4 = 12$, $3 \times 5 = 15$, $3 \times 6 - 18$, учитель дасть только начальные вопросы, а потомъ заставить, для проверки, прочитать строки и повторить ихъ несколько разъ въ одиночку и хоромъ, съ цъл зо лучшаго усвоенія. Объясняется умисженіе сложениемъ. Напримъръ $3 \times 6 = 3 + 3 + 3 + 3 + 3 + 3$ или же такъ: 5 троекъ составляють 15, да еще 1 тройка, всего 18. Таблица умноженія 4-хъ, 5-ти и т. д. составляется подобнымъ же образомъ. Запоминаются всё найденныя произведенія безь особаго труда, путемь частаго повторенія и бъглаго счета. На первое время можно обойгись безъ тверцаго знанія результатовъ, такъ какъ цёти понимають, какъ они вычисляются, и быстро нахолять ихъ сложеніемь.

Запоминаніе табличныхъ результатовъ является для дѣтей занятіемъ однообразнымъ и скучнымъ. Для оживленія, можно въ концѣ урока обращаться съ вопросомъ: «кто изъ васъ что-инбудь заломниль изъ этого урока?» Иногда попробовать самому учителю давать въ шутку мевѣрные отвѣты и заставлять учениковъ поправлять себя. Учитель говоритъ: «З четверки составляютъ 13». Ученики должны поправить.

56. Перестановка производителей. Общія числовия свойства, въ родѣ «сумма не измѣняется при перестановкѣ слагаемыхъ», «произведеніе не измѣняется при перестановкѣ производителей», «если слагаемое сдѣлается на единицу меньше, то и сумма тоже сдѣлается на единицу меньше, то и сумма тоже сдѣлается на единицу меньше» и т. п., должны быть сообщены дѣтямъ еще въ первомъ году, но никакъ не въ видѣ отвлеченныхъ выводовъ, а на примѣрахъ. «Сколько будетъ 5 × 3?» «Сколько будетъ 3 × 5?» «Повторите все вмѣстѣ». Ученики говорятъ: «З пятерки будетъ 15, и 5 троекъ будетъ 15». Учитель даетъ еще нѣсколько примѣровъ въ томъ же родѣ и потомъ заставляетъ учениковъ придумывать свои примѣры и говоритъ хотя такъ: «2 семерки будетъ 14, и 7 паръ будетъ 14». Свои примѣры ученики могутъ сперва писатъ, съ тѣмъ, чтобы потомъ прочитыватъ написанное. Перестановка производителей облегчаетъ вычисленіе

м даеть средство для провѣрки. Кто не знаеть, что б четверокъ составляють 20, тотъ, можеть-быть, помнить, что 4 пятка равни 20, и этимъ воспользуется. Точно такъ же, для умноженія 2-хъ на 6, наводящимъ вопросомъ является тотъ, гдѣ 6 берется 2 раза

Но перестановка производителей никоимъ образомъ недопустима въ строкахъ, выражающихъ ръшеніе задачи. Въ нихъ множимое всегда занимаетъ первое мъсто, а множитель второе.

Напримъръ, «Сколько полуфунтовъ въ 9 фунтахъ?», эта задача даетъ строку: $2 \times 9 = 18$, а не $9 \times 2 = 18$.

- 57. Увеличение въ ибсколько разъ. Увеличить число въ нъсколько разъ значить найти такое число, которое болье даннаго въ ньсколько разъ. Этоть родь увеличенія болже затрудняєть дітей, чімь тоть, который требуеть сложения. Поэтому въ основании объяснения ставимь наглядность. «Воть тебъ пара цебтныхъ полосокъ. Держи. чтобы всёмь было видно». «Воть и тебё пара претныхь полосокь. Пержи выше!» «Поровну ли они получили?» «Паю теб'в еще нару полосокъ, другого цвъта». «Сколько разъ давалъ я ему?» «А ему?» «Даю еще разъ пару цебтныхъ полосокъ. Который получилъ больше?» «Сколько разъ давалъ каждому?» -«Этому 3 раза, а этому одинъ разъ». «Слушайте: у одного втрое бодьше, чъмь у другого». Повторяють въсколько разъ: «У Пушкина втрое больше, чъмъ у Ероесева». «Почему же втрое больше?» - «Потому что у Пушкина 3 пары, а у Ероееева одна пара». Это объяснение повторяется ижсколько разъ. «Воть тебѣ 4 пары карандашей, а тебѣ 1 пара. Сколько штукъ получилъ каждый изъ насъ?» «Во сколько разъ 8 больше 2?» — «8 больше 2-хъ въ 4 раза». Это выражение твердо разучивается, такъ какъ къ подобному языку діли мало привычны. «Почему 8 больше 2-хъ вчетверо?» «Потому что въ восьми четыре пары, а въ двухъ одна пара». «Во сколько разъ 15 больше 5?» — «15 больше 5 въ 3 раза». — «Потому что въ пятнадцати 3 пятка, а въ пяти одинъ».
- 58. Этими объясненіями дано понятіе о томъ, что значить выраженіе «одно число больше другого въ нѣсколько разъ». На послѣдующихъ урокахъ не разъ будемъ вынуждены возвращаться къ подобному объясненію, сопровождая его наглядностью. «Протянк, дѣвочка, 5 пальцевъ!» «Протяните, мальчики, 20 пальцевъ!» «Во сколько разъмальчики протянули больше?» «Почему?» «Потому что мальчики протянули 4 руки, а дѣвочки только одну». Подезно чертить крестики или другіе значки. Направо, положимъ, начертили 3 крестика, а налѣво 4 такихъ группы по 3 крестика; сосчитываемъ количество тѣхъ п

другихъ значковъ и выводимъ, что 12 больше 3-хъ вчетверо, потому что направо одна гройка, а налево 4 такихъ гройки.

Для нагляднаго предстарденія, что значать слова «одинъ предметь больше другого въ нѣсколько разъ», пригодны линейныя мѣры сажень, аршинъ и футъ. Напр., впдя передъ собою сажень, раздѣленную на аршины, дѣти сознательно говорять: «сажень больше аршина втрое, потому что въ сажени 3 аршина».

Итакъ, понятіе объ увеличеніи числа должно быть утверядено наглядными работами, подобными предыдущимъ. Переходъ къ отвлеченному увеличенію совершается такъ. «Теб'в и даю 4 пера». «А теб'в кочу дать вдвое больше. Сколько же именно?» Отв'вть 8 пров'вряется, т.-е. наглядно указывается, почему 8 вдвое больше четырехъ. Зат'вмъ сл'ядують вопросы: «Ему втрое больше. Сколько?» «Ему вчетверо Сколько?»

59. Бѣглый счетъ на умноженіе. Нанбольшую важность имѣютъ тѣ вопросы, гдѣ отыскивается число, которое больше даннаго въ нѣсколько разь. Напр. «какое число вдвое больше 10?» Эти вопросы должны быть даны въ большомъ количествѣ, чтобы ученики рѣшали ихъ, въ концѣ, довольно свободно. Если ученики будутъ затрудняться, то надо обращаться къ наглядности и выяснять смысть выраженія: «больше въ нѣсколько разъ».

Лишь тогда, когда основательно будеть пройдено увеличение въ нѣ сколько разъ, умѣстно возвратиться къ увеличению на нѣсколько единицъ и сопоставить оба рода увеличения. Сдѣлать это можно и на предметахъ; или же можно замѣнить данныя выражения болѣе легкими «на 2 копейки больше — значитъ лишнихъ 2 копейки», «вдвое больше — значитъ у одного дважды такая сумма, какая у другого». Когда не будутъ сбиваться при легкихъ выраженияхъ, тогда введемъ обыкновенные термины: «Какое число тремя больше пяти?» «Клкое втрос больше пяти?»

Дъленіе.

60. Таблица д'яленія. Ученики неоднократно должны были вам'ячать посл'ядовательность, въ которой составляются таблицы. Поэтому теперь достаточно небольшой помощи учителя, преимущественно вначал'я, чтобы получинась таблица: 2:2, 4:2, 6:2, 8:2, 10:2, 12:2, 14:2, 16:2, 18:2, 20:2; 3:3, 6:3, 9:3, 12:3, 15:3, 18:3; 4:4, 8:4, 16:4, 20:4; 5:5, 10:5, 15:5, 20:5; 6:6, 12:6, 18:6; 7:7, 14:7; 8:8, 16:8; 9:9, 18:9. Палагать ее можно сперва по частямь: напр., одинь ученикъ говорить опинь результать, пругой ученикъ говоритъ сивдующий результатъ п т. д.; или такъ: одинъ ученикъ говоритъ дъдение на 2. пругой - дъление на 3 и т. д.: затъмъ всъ деленія зашісываются и повторяются несколько разъ коромь Деленіе по содержанию полжно пользоваться не меньшимъ вниманиемъ, чёмъ дъленіе на части. Всё результаты надо пройти сперва съ терминами деления на части («разделить на цвоихъ, троихъ» и т. д.), а потомъ съ терминами деленія по содержанію («раздёлить на пары, тройки» н т. д). Такъ какъ твердое усвоение требуеть несколькихъ уроковъ. то повторительные вопросы вразбивку лучше всего чередовать: на одномъ урокъ дълить на части, а на другомъ по содержанию. Наглядпость нужна будеть лишь въ некоторых в случанхь, притомъ скорев не въ твхъ, гдв добывается результать, а въ твхъ, гдв выясняется связь между дійствіями. Пменно, наглядно указывается связь между умножениемъ и пълениемъ. Учитель предлагаеть раздать дюжину карандашей поровну на 3 парты; действіе записывается: 12:3 = 4. «А если эти карандаши взять оть вась обратно, то сколько карандашей я наберу?» — «12». «Какимъ дъйствіемъ получается этотъ отвътъ 12?» - « $3 \times 4 = 12$ ». Это же свойство указывается и на отвлеченныхъ примърахъ. «Сколько будетъ, если 20 раздѣлить на пары?» «А что составляють 10 паръ?» За нъсколькими примърами учителя начинають и ученики говорить свои подобные примъры.

61. На предметномъ счетъ и на отвлеченныхъ примърахъ указывается также связь между обоими случаями дъленія. «Возьмемъ 15 кубиковъ. Раздълимъ ихъ на троихъ. По скольку будеть?» «А если раздълить на тройки, сколько будеть?» По образцу этого примъра дъти придумываютъ свои и выражаютъ хотя такъ: «12 раздълить на двоихъ, будетъ по шести; 12 раздълить на пары, будетъ шестъ». Для разнообразія занятій, ученики могутъ говорить попарно, напр. 1-ый: «14 раздълить семерымъ, будетъ по два», 2-ой дополняетъ: «14 раздълить на пары, будетъ 7».

Ученики пріобр'єли уже достаточный навыкь въ письм'є. Имъ пора пользоваться этимъ навыкомъ, т'ємъ бол'єе, что при этомъ онъ еще сильн'єе развивается. Прим'єры, которые ученики придумывають, пусть записываются въ тетрадяхъ и прочитываются, по требованно учителя.

62. Дѣленіе съ остаткомъ. Покончивши съ дѣленіемъ безъ остатка, обращаемся къ тому случаю, когда получается остатокъ. Взявъ какое-нибудь число, напр. 20, дѣлимъ его по порядку на пары,

тройки и т. д Когда получается остатокъ, читаемъ такъ: «20 раздѣлить па тройки, будеть 6 и двѣ единицы въ остаткѣ». Или, для дѣленія на части: «20 раздѣлить на троихъ, будеть по 6 и двѣ единицы въ остаткѣ». Конечно, выраженіе «на троихъ» можеть быть замѣнено другимъ: «на три равныя части». Остатокъ нучше всего подписывать подъ дѣличымъ.

Если частное таково, что можеть быть вычислено при помощи проствитих дробей, то мы обязаны воспользоваться этимь практически важнымь путемь вычисленія. Изъ, дробей доступны на этой ступени половина и четверть. Оне боле понятны дётямь, когда совершается дёленіе на части; поэтому безъ труда могуть быть пройдены вопросы «13 коп. раздёлить на двопхъ», «13 коп. раздёлить на четверыхъ» и т. п.; вопрось же: «сколько пудовъ купимь на 13 руб., если будемь платить за пудь по 4 руб?» не легокъ, такъкакъ приводить къ дёленью по содержанью. Нагляднымъ пособіемъпри ознакомленіи съ четвертыми долями можно взять: четвертинку писта, кружка, четверть палочки, бумажной полоски, линіп, начерченной въ тетрадяхъ или на доскѣ. н т. п.

Всѣ вопросы, гдѣ встрѣчаются дроби, рѣшаются устно или наглядно. Письменное обозначеніе дробей отложимь до 2-го года

63. Уменьшеніе въ нѣсколько разъ. Основная забота учителя заключается въ томь, чтобы дѣтн поняли, что значать слова «меньше въ два, три и т. д. разъ». Если начертить на доскѣ, положимь, 15 кру жочковь и раздѣлить ихъ чертами на 3 одинаковыхъ групшы, то видно, что во всей строкѣ кружочковъ больше, чѣмъ въ отдѣльной группѣ. «Сколько кружочковъ всего?» «Сколько ихъ въ каждой части?» «Столько ии въ каждой части, сколько всего?» — «Нѣтъ, меньше». «Во сколько разъ ъ меньше 15?» — «Втрое». — «Почему?» — «Въ пятнадщати три пятка, а въ пяти только одинъ». (Этими вопросами поясняется, что значитъ «меньше въ нѣсколько разъ».) «Какъ и получилъ изъ 15 пять?» — «Раздѣлими 15 на 3 равныя части». — «Вдвое меньше 12 сколько будетъ?» — «Вдвое меньше 12 будетъ 6». — «Какъ получить этотъ отвѣтъ 6?» — «12 : 2 = 6».

Остается еще самому учителю дать нѣсколько такихъ примѣровъ, а потомь потребовать подобныхъ примѣровъ отъ учениковъ.

64. Задачи на д'вленіе на части. Главнымъ содержаніемъ ихъ въ нашемъ сборник'в является нахожденіе такого числа, которое меньше даннаго въ изв'єстное число разъ. Напр. «Стальной ножикъ стоитъ 18 коп., а жел'взный втрое дешевле; сколько стоитъ жел'взный ножикъ?» Если ученики не погуть найти отвъта, то надо пояснить вначение словъ: «втрое дешевле», а для этого дать наводящій вопросъ «сколько жельзныхъ ножей дадуть за одинъ стальной?» и тогда понятно будетъ, что цёну стального ножа слёдуетъ раздёлить на 3 равныя части.

Н'ёкотопыя запачи на д'ёленіе полезно р'ёшать на предметахъ, въ н'ёкоторыхъ же достаточно ограничиться только отвётомъ. Но никакъ нельзя упускать изъ вина записыванія рішенія хотя бы двухь запачь въ теченіе урока. При записываніи точно указывается то дійствіе. которымъ находится отвётъ, и, следовательно, этотъ путь ближайшимъ образомъ венеть къ разграничению пействій. До сихъ поръ учеинки въ состояніи были писать такое рішеніе, которое предварительно зназобрано устно или на предметахъ. Теперь полезно дълать шагъ впередъ и требовать самостоятельнаго записыванія. Дівлается это такъ. Ч гластся условів: «Сколько перьевь вь полдюжинь?» (Что такое дюжина, разъяснить, конечно, наглядно и спросить, какіе предметы считаются дюжинами.) Отв'ять можно спросить для облегченія д'ятей: и если учитель находить задачу нетрудной, то прямо говорить: «ръшите и валините!» Ученики пишуть въ теградяхъ строку «12:2=6». Учитель обходить парты и просматриваеть. Ученики, не принадлежащіе къ дучшимь, прочитывають строку, затімь кто-нибудь изъ слабыхъ пишеть ее на классной доскв, въ то время какъ не успвыше рышить пишуть въ тетрацякъ,

Съ деленія или даже умноженія въ пределё 20 пора начать объясненіе задачь. Сділять это раніве было трудно, такъ какъ при сложеніп и вычитаціи вниманіє устремлялось на письмо цыфръ, обозначеніе чисель до 20 и самостоятельное записывание строкъ. Проствищая форма объясненія следующая. Ученики последовательно говорять. что показываеть каждое изъ чисель, помещенныхь въ записи. Напр. для предыдущей задачи. «12 -- столько перьевъ: 2 (двъ) полдюжины; 6 перьевъ въ полдюжинъ» или болъе отдъланное изложение «было 12 перьевъ; ихъ раздълили на 2 полдожины, получилось въ каждой полдюжинъ 6 перьевъ». Отъ учителя требуется большое терпъніе и настойчивость, чтобы подобныя объясненія шли съ успёхомъ. Онъ должень выслушать первую часть обънсненія, т.-е «12 — столько перьевь», не суетясь, не тороня и не прерывая, а лишь указывая на число 12, написанное на классной доскъ. Если что-нибудь нужно исправить, то пусть учитель сдівляеть это только тогда, когда ученны кончиль; исправленное м'ясто требуеть повторенія: сперва повторить тоть,

кто опибся, а потомъ и другіе. Если ученикъ остановится, не зная, какъ продолжить, то вызвать другого, знающаго, и велѣть говорить сначала, учитель же долженъ самъ говорить лиць въ крайнихъ случаяхъ, и тогда пусть онъ скажеть всю фразу, а не отрывокъ ея, и пусть эта фраза, какъ образдовая, будетъ повторена.

За нервымь числомь, т.-е. 12, объясняется второе, т.-е. 2, и, наконець, третье, т.-е. 6. Далбе: «кто разскажеть все вмъсть?» Первыя объясненія идуть со значительнымь трудомь и требують не мало времени, но подобныя траты труда и времени всегда вознаграждаются. Особенно цънно, если къ изложеніямь будуть привлекаться слабые ученики, такъ какъ иначе они будуть лишь механически переписывать строки съ классной доски къ себъ въ тетради.

65. Задачи на дѣленіе по содержанію. Этоть видь дѣленія пройдень отчасти еще въ предѣлѣ перваго десятка, но и въ данномъ предѣлѣ онъ представляеть значительныя затрудненія, гораздо большія тѣхъ, которыя встрѣчаемъ при дѣленіи на части. Дана задача: «Лавочникъ съ фунта соленой рыбы беретъ 6 коп. прибыли; со сколькихъ фунтовъ получить онъ 18 коп. прибыли?» При разработкѣ ся будемъ держаться слѣдующаго опредѣленнаго порядка: а) найдемъ отвѣтъ, b) запишемъ дѣйствіе, с) прочитаемъ написанную строку и d) объяснимъ ее.

Ответь ученики найдуть безь большого труда. Таблица деления не велика и можеть быть корошо усвоена. Если ученики все-таки ся не знають, то доберутся до ответа при номощи предыдущихь дей ствій или даже произведуть расчеть на предметахь: черточкахь, кружочкахь и т. п.

Найденный отв'єть служить ключомь къ записыванію строчки. «Каковь отв'єть?» «Каковы данныя числа?» Ученики указывають 3, 18 и 6. «Пишите строку, но только такъ, чтобы въ отв'єть долучить 3». Получается строка: 18:6=3.

Прочитывають подобныя строки иногда неудачно: вмёсто дёленія по содержанію указывается дёленіе на части. Ошибочный отвёть опровергается такь: «чего у вась 18?» «Копеекъ». — «Раздёлите 18 коп. на 6 равныхъ частей, по скольку получите?» — «По 3 коп.» «А у вась 3 фунта, а не 3 коп., значить, вы прочитали не вёрно». Тогда ученякамъ придется прочитать иначе, правильно: «18 коп. раздёлить по 6 коп., будеть 3, столько фунтовъ рыбы продалъ лавочникъ».

Объясненіе пдеть въ порядкі, указанномь выше, т.-е. говорится отдільно, каково значеніе каждаго изъ чисель, данныхь въ задачі, и искомаго. Для нашей задачи допустимо такое объяснение: «18 столько копескъ получилъ лавочникъ всей прибыли, 6 коп. прибыти беретъ онъ съ фунта, 3 фунта ему надо продать».

Особеннаго вниманія заслуживають вопросы, въ родів «сколько пятачковь въ двугривенномь?», «сколько пятковь въ 20?», «сколько 3 къ въ 12?» Они важны въ томъ отношеніи, что, не разобравь ихъ основательно, нельзя разумно пройти и задачь на кратное сравненіе.

66. Кратное сравненіе. Къ нему относятся вопросы о томъ, во сколько разъ первое число (дълимое) больше второго (дълителя), а второе меньше перваго.

На міврахъ и вообще на наглядныхъ пособіяхъ еще разъ повторяется, что значитъ, напр., «втрое больше». «Почему сажень втрое больше аршина?» — «Въ сажени 3 аршина, поэтому она втрое больше аршина». — «Почему 12 вдвое больше шести?» — «Въ 12-ти дві шестерки, а въ шести одна».

«У одного ученика 10 перьевъ, а у другого 20; во сколько разъ у второго больше?» Задача разрабатывается въ томъ порядкѣ, какой указанъ выше: а) спрашивается отвѣтъ; если не скажутъ, то навести «сколько десятковъ въ 20?» b) ученики имшутъ такую строку рѣшенія, чтобы отвѣтъ ея равнялся двумъ; наведеніе — «какъ нзъ 20 и 10 получили 2?» с) эта строка прочитывается «20 раздѣлить на десятки, будетъ два» и d) объясняется.

67. Задачи на всѣ четыре дѣйствія. Среди нихъ болѣе сбивчивы тѣ, въ которыхъ встрѣчается вопросъ, «на сколько больше» вмѣстѣ съ вопросомъ «во сколько разъ больше». Предъ подобными задачами полезно помѣщать бѣглый счетъ на разностное и кратное сравненіе, съ тою цѣлью, чтобы напомнить дѣтямъ разницу между обонми видами сравненія.

Двойныя и тройныя (т.-е. ръшаемыя 2-мя и 3-мя дъйствіями) задачи могуть затруднять дътей пренмущественно тогда, когда среди дъйствій встрьчаєтся дъленіе по содержанію, или же увеличеніе или уменьшеніе числа. Тогда, въ случать необходимости, учитель можеть выдълить затрудняющее мъсто, пройти его предварительно на другихь числахь, а потомъ обратиться къ данной задачъ. Напр. дана задача: «Портниха сшила: утромъ 5 рукавовъ да вечеромъ 8. На сколько платьевъ хватить этихъ рукавовъ?» Затруднить здъсь можеть дъленіе по содержанію, притомъ съ остаткомъ. Поэтому, если группа состоить не изъ особенно способныхъ учениковъ, то разрабативаемъ два предварительныхъ вопроса: а) на сколько платьевъ требуется

10 рукавовъ — здѣсь болѣе легкое дѣлене по содержанію, именно безъ остатка; b) на сколько платьевъ кватить 11 рукавовъ — здѣсь болѣе трудное дѣленіе по содержанію, именно съ остаткомъ. — Послѣ этихъ двухъ предварительныхъ задачъ рѣшаемъ уже и данную

Въ болбе значительныхъ затрудненіяхъ прим'внімъ и такой путь, что учитель читаетъ задачу съ промежуточными вопросами, ученики р'вщаютъ ее, а потомъ уже дается та же задача, только съ изм'вненными числами, но уже безъ промежуточныхъ вопросовъ. Напр. задача: «У 2 братьевъ было 15 крючковъ для уженья рыбы. Когда старшій потерялъ 1 крючокъ, тогда у нихъ стало поровну; сколько крючковъ было у каждаго сначала?» Учитель читаетъ, а ученики прод'влываютъ сперва такой рядъ вопросовъ: «У 2 братьевъ было 15 крючковъ для уженья рыбы; когда старшій потерялъ 3 крючка, то (что спрашивается?) сколько крючковъ осталось у обоихъ братьевъ вифстъ?» «Если при этомъ осталось у нихъ поровну, то (что можно отеюда узнать?) сколько осталось у каждаго? «А сколько у каждаго было вначалѣ?»

Если задача такимъ образомъ расчленена, то никакъ нельзя довольствоваться подобнымъ дробнымъ рёшенемъ, а обязательно надоперемѣнивши числа, вновь прочитать условіе и провести все рѣшеніе безъ всякихъ вставокъ и нерерывовъ.

Однообразное ръшение задачъ не должно имъть мъста не въ какомъ случав. Большой вредъ принесла бы выработка такого порядка рвшенія, который приявнялся бы безь изміненія во всі три года. Даже и для одного перваго года вредно было бы принять одинъ порядокъ ръшенія. Въ зависимости отъ количества учебныхъ часовъ, ръщеніе плеть болье или менье подробно. Въ зависичести отъ развитія учениковъ, помощь, оказываемая учителемъ, должна, съ теченіемъ времени, все уменьшаться Въ отделе «Задачи на сложение и вычитание въ предълъ 20» данъ образецъ ръшенія, согласно которому дъйствія, разбросанныя устно или наглядно, записываются учениками самостоятельно, а ватыть уже повыряются учителемь. Поднимансь на сиздующую высшую ступень, опустимь предварительный разборъ и потребуемъ оть учениковъ, чтобы строки были написаны ими безъ вспомогательнаго объясненія. Читаемъ, напр., задачу: «Двѣ подруги сложились м купили 2 арш. лентъ; одна дала 9 коп., другая 5 коп.; что стоитъ аршинъ лентъ?» Послъ прочтенія и, если не усвоили, повторенія условія, задаемъ: «напишите строчки». Ученики пишуть 2 строчки: 9+5=14, 14:2 = 7. Пока пишуть, учитель обходить парты и просматриваеть. Когда около половины учениковъ написали, строчки переносятся на классную доску и объясняются такъ, какъ указано выше, т.-е. упочинается, что обозначаетъ каждое изъ помъщенныхъ въ строкъ чноезъ.

Съ особой настойчивостью должень учитель стремиться къ тому, чтобы дъти научились самостоятельно записывать строки ръшенія. Въ этомь умънін записывать двойныя задачи заключается, въ сущности, искусство ръшенія какихъ угодно длинныхъ задачь (исключая замысловатыхъ).

Иногда, обходя парты, учитель замёчаеть, что у большинства учениковъ строки написаны невёрно. Тогда приходится помочь наводящимъ вопросомъ или нагляднымъ рёшенсмъ, или объясненіемъ, которое дасть ученикъ, умёющій рёшить задачу. Но помощь никакъ не должна касаться всёхъ строкъ, а исключительно только первой; первая строка пусть будеть у всёхъ написана и подробно объяснена, а потомъ пусть ученики попытаются написать вторую строку самостоятельно; это въ большинствё случаевъ и удается, такъ какъ, продёлавши первую строку, мы тёмъ самымъ ближе вникаемъ въ смыслъ второй.

Общіе выводы о дѣйствіяхъ въ предълъ 20.

68. Наглядность. Д'виствія въ пред'вл'в 20 мен'ве нуждаются въ наглядности, ч'ємъ д'виствія въ пред'вл'в 10. Она нужна, главнымъ образомъ, при счетъ, при кратномъ сравненіи и при р'єменіи бол'єє трудныхъ задачъ.

Изъ наглядныхъ пособій, удобныхъ именно въ предвлів 20, укажент еще слівдующее. Берется длинный горизонтальный стержень; на негонадівается 20 шариковъ, въ родів косточекъ, помінцаемыхъ на торговыхъ счетахъ. 10 шариковъ окращены въ одинъ цвітъ, а другіе 10 шариковъ въ другой цвітъ такой разницей цвітовъ отгіняется граница между первымъ и вторымъ десяткомъ. Это пособіе одинаково полезно при всіхъ 4 дійствіяхъ.

Дъйствія въ предълъ 20 допускають, въ значительной мъръ, провърочную налядность, т.-е. результать, найденный устно, провъряется потомъ на предметахъ.

69. Объясненіе производства д'ыйствій и р'ышенія задачъ Языкъ д'ьтей, при достаточномъ матеріал'я, развивается самъ собою съ теченіемъ времени; но развитіє искусства и привычки говорить пой-

деть несравненно быстрве, если на это двло обратить вниманіе учитель. Пусть ученики сперва говорять не очень съладно; учитель, терпфиниво выслушивая до конца, исправляеть крупные промахи, мелкіе же снисходительно опускасть; исправленныя міста обязательно повторяются. Иногда учитель самъ говорить для образца, кратко и просто, и требуеть подражанія; по это подражаніе не должно заключаться въ заучиваніи дословномъ пусть діти говорять своими словами, лишь бы быль смысль въ ихъ рівчи.

70. Разностное и кратное сравненіе. Еще разъ поговоримь о нихъ, а также объ увеличенін и уменьшенни чисель. Эти отдёлы признаются большинствомъ учителей довольно трудными и сбивчивыми. Съ этимъ согласится и читатель методики, нав'врно, въ томъ случать, когда вспомнить свои д'єтскіе годы, когда его начинали учить ариометикъ.

Въ чемъ грудность выраженій «на сколько» и «во сколько разъ»? Не въ том. ии, что они созвучны? Конечно, созвучность не служитъ къ выгодѣ, но она не очень важна, въдъ не смѣшивають же дѣти выраженій «присчитать» и «отсунтать».

Трудность скорже состоить въ томъ, что сравненіе, какъ ботбе высокій акть умственной джятельности, требующій полнаго владжнія матеріаломь, подлежащимь сравниванію, тягозить джтей, требуєть оть нихъ большого напряженія силь и льияется работой, часто превосходящей уровень ихъ развитія. Поэтому-то мы занялись вопросаки сравненія, увеличенія и умснышенія лишь въ преджтв 20, а не въ преджять 10. Но и туть не разъ приходится обращаться къ предметному счету, особенно при кратномъ сравненіи.

Главное же затрудненіе заключаєтся въ слідующемъ Выраженія «больше на иять» и «больше въ иять разъ» різдко употребляются сельскими діятьми въ ихъ обыкновенной разговорной різчи. Это выраженія скорфе дитературнаго или научнаго языка, а не простого народнаго. Спросите мальчика «сколько лишняго?» или «сколько недостаєть (нехватаєть)?» и онъ быстро пойметь, о чемь его спрашивають, різнить вопрось и отвітить правнявно: но въ томь же вопросіб онь легьо собьется, если выразить требованіе въ меніве доступной формів. «па сколько больше?» или «на сколько меньше?» Точно также вопрось «сколько пятковь въ 20?» вовсе не трудень, но мы сразу увеличимь его трудность, если скажемъ такъ: «во сколько разъ 20 больше ияти?»: счысяь вопроса одинаковъ въ об'ємъть фразахъ, только форма выраженія изъ легкой перешла въ малодоступную. Воть средства, облегчающія

изученіе разностнаго и кратнаго сравненія: а) пока дѣти не привыкли из новымь выраженіямь, полезно замѣнять непонятныя слова знакомыми, напр. вмѣсто «въ пять разъ больше» говорить, для разъясненія, «нять разъ по стольку-то», в) терпѣливо неправлять ошибки, встрѣчающіяся въ трудныхъ фразахъ, въ родѣ «12 больше 6 въ два раза»; исправленныя предложенія полезно повторять не одинъ разъ.

Вообще, разностное и кратное сравненіе, увеличеніе и уменьшеніе вовсе не заслуживають какого-инбудь пренмущественнаго вниманія преподавателя ариометики. Если на нихъ необходимо останавливаться, то не въ силу ихъ внутренней важности, а въ силу малой доступности выраженій и вытекающей отсюда сбивчивости. Употребляя время на изученіе выраженій «больше на столько-то», «больше во столько-то разъ» и т. п., мы оказываемъ услугу, собственно говоря, не ариометикъ, а языку, который въ этой услугъ, пожалуй, не особенно и нуждается Итакъ, непроизводительно истратитъ время тотъ препода ватель, который пожемаетъ, чтобы дъти быстро вапомнили эти выраженія и не сбивались въ нихъ Знаніе ихъ придетъ само собой, безъ большихъ усилій, ариометика же не получитъ ръшительно никакого урона отъ такого поздняго усвоенія.

Промахомъ можно считать тоть пріемъ, по которому обыкновенное сложеніе и умноженіе сводится къ увеличенію, а вычітаніе и дѣленіе къ уменьшенію. Это значить дегкое объяснять труднымъ. Вопросы «почему вы употребняй дѣйствіе?» въ младшей группѣ преждевременны. Но и въ наводящихъ вопросахъ можно пользоваться не увеличеніемъ и уменьшеніемъ (они сами требують наведенія), а наглядностью пли болье простымъ дѣйствіемъ. Напр. умноженіе въ трудныхъ случаяхъ мы замѣнимъ сложеніемъ, а никакъ не увеличенісмъ въ нѣсколько разъ. Если дана задача: «Фунтъ муки сто́нтъ 4 коп.; сколько сто́итъ 5 фунт.?», то совершенно неумѣстно наведеніе «1 фунтъ сто́итъ 4 к., а 5 фунт сто́ять виятеро дороже, слѣдовательно, 4 коп. надо вѕячь разъ». Простое, доступное наведеніе должно быть такое: «1 фунтъ сто́нтъ 4 коп., да еще 4 коп., да еще 4 коп., всего 5 разъ по 4 коп.»

71. Задачи. Простыя задачи должны рѣщаться правильно и увѣренно. Увѣренность выражается въ томъ, что дѣти самостятельно, безъ вмѣщательства учителя, находять отвѣтъ и записываютъ дѣйствіе, которычь отвѣтъ найденъ. Въ младшей группѣ непремѣнно надо достигнуть того, чтобы дѣти чогти правильно рѣшить и записать простую задачу.

Что касается сложных задачь, преимущественно двейных, тои здъсь желательно достигнуть того же предъла. Учитель можеть считать себя вполив удовлетвореннымь, если къ концу года онъ прочитаетъ условіе двойной задачи, а ученики сами найдуть отвёть и, главное, запишуть 2 строки ръшенія. Умёнье самостоятельно записывать двойныя задачи — добрый плодъ занятій въ младшей группъ. Еще отмётимъ высокую важность такого пріема: по даннымъ условіямъ ставить вопросъ задачи; особенно это примѣнимо въ простыхъ задачахъ.

Въ начал второго полугодія, когда дъти не привыкли еще къ арабскимъ цифрамъ, на классной доск в пишетъ чаще учитель для образца. Съ теченіемъ времени привлекаются къ письму на доск и ученики. Когда они ръшаютъ задачу и самостоятельно пишутъ строки, одинъ изъслабыхъ можетъ писать на доскъ.

72. Бъглый счетъ. Въ предълъ 20 можно ввести нъкоторые новые види **бъглаго сч**ета.

Пишется на доскі рядъ формуль: 9-8, 6+7, 5+9, 6+8, 4+ i; ученики вычисляють и дають отвіты. Не стирая предыдущихь строкъ, принисываемь къ нимъ еще по дійствію, получимъ, напр., такъ 9+8 10, 6+7 -11, 5+9 -12, 6+8 -13, 4+7 -14. Ученики вычисляють (въ послідней строкі отвіть: «оть 11 нельзя отнять 14»). Приписывается еще по дійствію къ каждой строкі в т. д. Этимъ упражненіемъ хорошо усвоиваются табличные результаты. Раздробленіе и превращеніе вполить доступны и умістны еще въ младшемъ отділенію. Они дають длинный рядъ однородныхъ вопросовъ и поэтому пригодны для бізпаго счета.

- **73. Самостоятельныя работы.** Новыя темы для самостоятельных в работь:
- 1) Опредвленіе задуманнаго числа. Приготовляя къ этой работ. пишемъ на классной доскв, напр., три сложенія 8+4=12,7+9=16. 9+11=20; затвиъ стираемъ первыя слагаемыя и предлагаемъ возстановить ихъ, высчитавши ихъ величину; потомъ пишемъ нѣсколько етрокъ, гдѣ первыя слагаемыя пропущены и ихъ мѣста оставлены пустыми; ученики должны смекнуть, каковы эти первыя слагаемыя Для мачала лучше взять болѣе легкіе примѣры, гдѣ слагаемыя равны между еобою: +6=12, +7=14, +10=20 и т. п. Когда вѣсколько подобныхъ строкъ продѣлано съ учителемъ, можно дать эту работу для самостоятельнаго занятія. На классной доскѣ мѣсто пропущеннаго слагає маго, и вообще пропущеннаго числа, оставляется незанятымъ или же на немъ пишется знакъ вопроса.

2) Самостоятельное разложеніе числа на слагаемыя и производительй. Сперва работа продѣлывается съ учителемь: «Сколько да сколько составить 10?» Отвѣтовь нѣсколько: 9+1-10, 7+3=10, 8+2=10, и т. п. Полезно было бы показать ученикачь, какъ располагать издобныя строки въ порядкѣ: 1+9-10, 2+8-10, 3+7=10, 6+4=10 и т. п.

Если работы пишутся въ тетрадяхъ, то онъ должвы быть исполнени чисто и въ порядкъ. Наблюдать за этимъ теперь уже не особенно трудно, не такъ, какъ въ перпое полугодіс.

СТУПЕНЬ III.

Счетъ въ предѣлѣ 100.

Нумерація.

74. Счетъ песятками. Беседа начинается съ вопроса: «Что у васъ въ деревить считають десятками?» — «Яйца, огурцы, яблоки». — «Мы бунемъ считать налочки». Берутся палочки, перевязанныя въ пучки по 10 штукъ; пучки эти можно въшать на горизонтальную проволоку, чтобы всемь ученикамь хорошо было видно. Отсчитывается сперва песять палочекъ, «Сколько мы насчитали?» — «Десять». «Какъ сказать иначе?» — «Десятокъ». — «Кто скажеть все это выбств. полно?» — «Мы насчитали десятокь, или десять». Сосчитывается ещо десятокъ. «Сколько всего палочекъ насчитали?» — «Два десятка, вли прациать». Палъе говорять: «З песятка, или тридцать», «4 десятка, или сорокъ», кончая: «10 десятковъ, или 100». Оба выраженія, т.-е., напр., «4 десятка» и «сорокъ» произносятся съ тою цёлью, чтобы уяснить значение словь «двадцать», «традцать» и т. д. Рядъ имень: «двадцать», «тридцать», «сорокъ» и т. д. полезно повгорить ивсколько разъ въ одиночку и хоромъ, точно такъ же можно повторить и самый счеть несятками.

Обратный слеть совершается подобнымь же порядкомь. Оть «10 десятковь, или ста» отнимають 10, остается «9 десятковь, или 90». Счеть продолжають сами ученики и говорять такь «оть 9 десятковь, т.-е. девяноста, отнять 1 десятокь, получится 8 десятковь, т.-е. восемьдесять». Обратный рядь словь повторяется и всколько разь: «сто, девяносто... десять».

Затёмь ученики говорять: «два дцать», «трп — дцать» (при этемь одинь говорить «два» или «три», а другой «дцать»). «Что значить: «дцать?» «Что значить: два-дцать?», «шесть-десять?» Ученики придумывають соотвётствующіе примёры Наглядно объяснить придется различіе между «восемнадцать» и «восемьдесять», такъ какь эти слова часто смёщиваются дётьми.

- 75. Мъста пыфръ и значеніе нуля. Ранье (§ 43. Письменное обозначеніе чисель въ предълъ 20) приведена бесъда о томъ, на какихъ мъстахъ ставятся цыфры и что обозначаеть нуль. Эту бесъду слъдуетъ теперь провести еще разъ, на числахъ второго десятка. Придемъ къ такимъ выводамъ: а) десятокъ пишется лъвъе, а единицы правъе, в) нуль показываетъ, что единицъ, сверхъ десятковъ, нътъ. Эти выводы распространены будутъ на всъ числа въ предълъ 100.
- 76. Счетъ въ прецъдъ 100 и обозначение чиселъ. Учитель чертить на классной доскв 10 палочекь, а ученики перечерчивають. На свободной сторов'в доски пишется «10». Подъ 10-ю палочками чертять еще 10 и отмінають число 20. Въ 3-й строчків чертять еще палочку. «Сколько налочекъ во всёхъ трехъ строчкахъ?» — «21». — «Кто умветь записать двадцать одну?» Знающій ученикь пишеть 21, а также, по требованию учителя, 22 и 23. «Напишите въ своихъ тетрадяхъ 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29». При этомъ 2 ученика, вызванные къ доскъ, пишуть: первый черточки, а второй числа, показывающія, сколько черточекъ написано всего. «Посмотрите, какъ написано число 29». «Чего у насъ 2 и чего 9?» — «2 десятка и 9 ениницъ». — «Покажи, гив 2 десятка черточекъ и гив 9 отдельныхъ черточекъ». Несколько человъкъ повторяють: «2 обозначаеть десятки, а 9 единицы». - «Кто обозначить тридцать?» Одинъ изъ учениковъ пищеть «30», а другой дополняеть число черточекь до 30. «Чего у нась 3?» — «З десятка». — «Что показываеть этоть кружокь?» — «Кружокь показываеть, что есть только одни десятки, а единиць нёть». Это повторяють нёсколько разъ. «Напишите теперь сами. 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39». «Прочитайте, что написаль!» «Я начерчу еще несколько палочекь, такъ что всего ихъ будеть 39. Сосчитайте, върно ли я написалъ». Идеть разборъ обозначеній «39» и «40». Черченіе палочекъ, обозначеніе чисель, чтеніе и разборь продолжаются такимъ образомъ до 100. «Кто изъ васъ умъетъ обозначить сто?» Всв пишуть по образцу того, какъ знающій ученикь пишеть на доскі. «Сколько сотень написано?» «Есть ли, сверкъ сотни, десятки?» - «Кружки показывають, что единиць и десятковь нёть, а есть только сотня». Это повторяется нёсколько разъ.

Дъйствія надъ полными десятками.

77. Сложеніе и вычитаніе. Н'єть ц'єли разбирать всё случан сложенія и вычитанія подробно и посл'єдовательно. Достаточно выяснить лишь общее свойство, что десятками считають такъ же, какъ единіцами. Въ д'єйствіяхъ надъ полными десятками ошибки происходять отъ незнанія того, каково значеніе словъ «тридцать», «сорокъ» и т д. Что три десятка да два десятка составять 5 десятковъ, это скажеть всякій ученикъ, а что 30 да 20 будеть пятьдесять, этого въ начал'є многіе не скажуть.

На наглядныхъ пособіяхъ, напр. на пучкахъ палочекъ, идетъ присчитывание и отсчитывание 20-ти, 30-ти, 40 и т. д. Примъры могутъ предлагать сами ученики. При этомъ дъйствие излагается полно: «къ 2 десяткамъ, или двадцати, прибавить 2 десятка, или двадцать, получится 4 десятка, или 40». Если бы подобное объяснение затруднило учениковъ, то его можно расчленить на два, поручивши одну фразу одному ученику, а другую другому: «къ двумъ десяткамъ прибавить 2 десятка, получится 4 десятка» (это говоритъ первый) и «къ двадцати прибавить двадцать, получится сорокъ» (это говоритъ второй).

Кром'в наглядности, значительную помощь оказываеть записываніе слагаемыхъ. «Сложить 40 съ 30». «Запишите эти числа». Но, в'єдь, чтобы записать эти числа, надо вникнуть, сколько десятковъ въ каждомъ изъ нихъ; какъ только это сдѣлано, само дѣйствіе уже не представляеть труда.

Наглядными упражненіями, а также письменнымь и устнымь счетомь діти пріобрітуть навыкь вы сложеніи и вычитаніи полныхь десятковь. Большую пользу принесеть разложеніе полныхь десятковь на слагаемыя, состоящія тоже изъ полныхъ десятковь.

78. Умноженіе и дівленіе. Они изучаются въ той же послівдовательпости, какъ и сложеніе съ вычитаніемъ, т.-е. сперва наглядно, на пучкахъ, потомъ съ помощью письменныхъ обозначеній и, наконецъ, устно.
При устномъ вычисленіи часто придется пользоваться наглядностью,
именно для напоминанія, что сорокъ, напр., ни что иное, какъ 4 десятка,
4 пучка.

Не считая умноженія десять на однозначныя числа и на десять, имѣемъ всего 8 случаевъ умноженія полныхъ десятковъ: 20×2 , 20×3 , 20×4 , 20×5 ; 30×2 , 30×3 ; 40×2 , 50×2 .

При д'вленіи на части хорошо бы ввести и д'вленіе съ остаткомъ. Д'єти не должны привыкать останавливаться передъ неизв'єстными

имъ, но нетрудными случаями. Напр., дѣля 50 пополамъ, они могутъ сказатъ: «20 и 10 въ остаткѣ», или «2¹/2 десятка», или же, наконецъ, просто «25». Случаи, въ родѣ «80 раздѣлитъ на 40 равныхъ частей», на этой ступени преждевременцы. Дѣйствительно, 8 пучковъ нельзя раздѣлитъ сорока человѣкамъ, не развязывая пучковъ, т.-е. не дробя десятковъ въ единицы; если же мы сдѣлаемъ раздробленіе, то не получимъ уже полныхъ десятковъ в нельзя уже будетъ приложитъ правила: «цѣйствія надъ полными десятками производятся такъ же, какъналъ единицами».

По этой же причинъ рано разбирать такіе вопросы на дъленіе по содержанію: «сколько паръ въ 20, 40?» и т. д. Возможно лишь дъленіе по десяти, по 20-ти, по 30-ти и т. д.

79. Задачи. Путь ихъ разработко остается тоть, какой првлагался въ предълъ 20. Попутно съ изучениемъ дъйствій надъ полными десятками, вырабатывается умінье писать строки, которыя приводять къ отвіту. Раньше было уже указано и теперь опять не лишнее вспомнить, что очень полезно читать условіе задачи не все, а пропуская вопрось, съ тімъ, чтобы ученики возстановили пропущенный вопрось.

Счетъ парами, тройками и т. д.

80. Цъть этого отдъла. Счеть единицами и десятками знакомить съ числами въ предълъ 100. Но это знакомство будеть еще совершеннъе, если мы пройдемъ, сверхъ того, счеть парами, тройками и т. д. Времени на это достанетъ, такъ какъ курсъ младшаго отдъленія вовсе не великъ. Разработать же этоть отдълъ значить оказать существенную помощь всъмъ 4 дъйствіямъ въ предълъ 100. Сверхъ того, представляется случай показать на достаточномъ числъ примъровъ, какъ пользоваться торговыми счетами.

Если въ младшей группъ остается въ концъ года свободное время, то вмъсто счета парами, тройками и т. д. не менъе полезно будетъ заняться сложениемъ и вычитаниемъ въ предълъ 100, хотя это, собственно говоря, относится, но программъ, уже къ курсу 2-го года.

81. Объяснение устройства счетъ. Кроме большихъ классныхъ счетъ, поставленныхъ такъ, чтобы всемъ было видно, желательно, чтобы ученики имели ручныя счеты. Учитель говоритъ: «это счеты». «Класть косточки надо на нижней проволоке, вотъ такъ «две». «Прочитай!» Ученикъ читаетъ: «две». «Приложите еще две». Кладутъ. Такъ считаютъ парами до 10 «Отъ какой же руки къ какой отклады-

вають косточки?» — «Косточки откладывають оть правой руки къ пъвой».

«Мий еще нужно приложить 2 косточки, а ихъ ийть на этой проволожий; гдй же ихъ взять?» — «Внизу». — «Нійть, тогда бы ихъ лучше нанизать на одну проволоку. Воть какъ надо: на этой проволокий (указывается вторая проволока) кладуть десятки; положать одну косточку, значить, будеть 1 десятокь. Такъ что показываеть эта косточка?» «Десятокъ». «А эти двё?» — «Дей единицы», «Сколько же всего?» — 12.

Съ перваго же урока надо предупредить дътей, чтобы они не стучали косточками. «Косточками нельзя стучать. Кто знаеть, почему?» «Кто умъеть положить тихо, не стуча?» «Кто еще лучше положить?» «Повторите же, какъ надо класть косточки на счетахъ!» - «Надо косточки класть тихо».

82. Откладываніе паръ. За 14-ю дівти легко положать 16, 18 и 20. При 22-хъ они задумаются, какъ поступить. Тогда стоить только напомнить, что они уже зам'йняли десять косточекъ вижней проводоки одной косточкой верхней проводоки. При этомъ заучивается правило: «какъ только наберстся на нижней проволокъ 10 косточекъ, такъ ихъ сбросить, а вмёсто нихъ положить одну косточку на второй проволокъ». Счеть по 2 продолжается какъ на классныхъ, такъ н на ручныхъ счетахъ. При этомъ д'влается разложение чисель на десятки и единицы, а также повторяются правила о замвив 10-ти нижнихъ косточекъ одной верхней и о месте десятковь и единиць. Здёсь уместно сравнить, на какихъ мъстакъ пишутся десятки и единицы и на какихъ проводокажь они откладываются. Нёкоторыя числа отложить учитель, а ученики прочитають. При этомъ ученики могуть впасть въ такую погръшность: вмёсто сорока, напримёръ, скажуть тридцать десять. Принявъ такой отвёть, какь, въ сущности, правильный, стоить только переспросить: «сколько же будеть 30 да 10?»

Дойдя до сотни, слёдуеть объяснить, что 10 косточекъ второй проволоки замёняются одной косточкой третьей, что, слёдовательно, сотня откладывается на третьей проволоків.

Еслп на счетажь встречаются четверти рубля и четверти конейки, то проволоки конеекъ и гривенниковъ будуть проволоками единицъ и десятковъ, а проволока рублей будеть проволокой сотни.

Обратный счеть парами, начиная со ста, идеть подобнымъ же образомъ Трудность возникаеть при отниманіи 2 хъ отъ 100, 90 и 80. Здѣсь надо напоминть, что верхняя косточка равносильна 10 нижнимъ, такъ что достаточно размінять 1 верхнюю косточку, чтобь сділать возможнымь отниманть.

83. Устный и письменный счеть парами. «Слушайте, я начну: два, четыре, шесть, восець, а вы продолжайте» Ученики говорять четныя числа, кончая сотней. Сперва каждый ученикъ говорить по одному числу, а потомъ и по ивскольку. Особенио труденъ переходъ съ 28 на 30, съ 38 на 40. Если ученики будуть считать слабо, то повторить. Сказавил прямой рядь чиселъ, начинають говорить обратный: сто. девяносто восемь и т. д.

Письмо четныхъ чиселъ, отъ 2 до 100 и отъ 100 до 2, болѣе всего пригодно для самостоятельной работы. Начало этой работы можно написать для образца на классной доскѣ, или пусть дѣти скажутъ, съ чего пачать. Провѣрка заключается въ чтеніи изписаннаго, при чемъ, если обнаружится много ошибокъ, то не лишнее переписать еще иѣсколько разъ, такъ какъ запоминаніе подобныхъ таблицъ очень важно.

Работа заканчивается вопросами вразбивку и примърами, которые придумывають сами ученики: 60+2, 80-2, 36+2 и т. п. Можно разбирать болъе легкіе вопросы, относящіеся къ умноженію и дѣленію, напр., «сколько будсть, если 2 взять 50 разъ?» Отвѣть: « $2 \times 10 = 20$, да еще 20, да еще 20, всего 5 разъ по 20, т.-е. 100». «Сколько паръ въ 80-ти?» Отвѣть: «Въ 20 заключается 10 паръ, а въ 80-ти — 40».

84. Счетъ пятками, тройками и т. д. Счетъ пятками поставлегъ ранфе потому, что онъ легче остальныхъ. Пятками, тройками и т. д. считать можно такъ же, какъ выше указано для паръ.

Воть для примъра прямой счеть пятками: 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60, 65, 70, 75, 80, 85, 90, 95, 100.

Въ счетв тройками два затрудненія. Во-первыхъ, къ 18 приложить 3. Объясненіе: «8 да 3 будеть 11, а 11 составляєть 1 десятокъ и 1 единицу; всего будеть 21». Во-вторыхъ, отъ 81 отнять 3. Объясненіе: «чтобъ отнять 3, отдълімъ 11, 3 изъ 11 — будеть 8, всего 78». Остальныя трудности преодолъваются подобно этимъ.

Дневникъ занятій.

Дъйствія въ предълъ 10.

16 септ. 1 ур. Прямой счеть въ предълъ 10 простой и поряд-ковый.

17 сент. 2 ур. Присчитывание единицы.

19 сент. 3 ур. Присчитывание 2-хъ къ 2, 4, 6, 8, 1, 3, 5, 7; 3-хъ къ 3 и 6: 4-хъ къ 4; 5-те къ 5.

20 сент. 4 ур. Присчитываніе 3-хъ, 4-хъ и 5-ти.

23 сент. 5 ур. Повтореніе присчитыванія. Разложеніе чисель пернаго десятка на слагаемыя.

24 септ. 6 ур. Повтореніе присчитыванія. Выведено на прим'врахъ, что сумма не изм'вняется при перестановкі слагаемыхъ.

27 сент. 7 ур. Задачи на сложеніе: 1—17. Выданы тетради и карандаши; объяснено, какъ ими пользоваться.

29 сент. 8 ур. Самост. раб. Письмо значковъ: I, V, X.

30 сент. 9 ур. Задачи на сложение: 17-31.

3 окт. 10 ур. Обратный счеть въ предъла 10. Отсчитываніе единицы и двухъ.

4 окт. 11 ур. Отсчитываніе 3-хъ отъ 9 и 6, 4-хъ отъ 8, 5-ти отъ 10. Римскія цифры: І, ІІ, ІІІ, ІІІІ, V, VI, VII, VIII, VIIII, X.

6 окт. 12 ур. Самост. раб. Письмо значковъ; І, ІІ, ІІІ, ІІІІ, V, VI, VII, VIII, VIIII, X.

7 окт. 13 ур. Отсчитываніе 2-хъ отъ 10, 8, 6, 4; 3-хъ отъ 9 и 6; 4-хъ отъ 8; 5 отъ 10. Записываніе римскими цифрами (въ столбецъ).

8 окт. 14 ур. Окончено отсчитывание.

10 окт. 15 ур. Решеніе задачь на вычитаніс: 31—41. Записываніе римським цифрами (въ столбець, безь знаковь). Повторено присчитываніе и отсчитываніе.

11 окт. 16 ур. Бъглый счеть на сложение и вычитание (1). Задачи на вычитание: 41—49. Записывание ръшения.

13 окт. 17 ур. Самост. раб. Примеры на сложение.

14 окт. 18 ур. Бъглый счетъ на сложение и вычитание (2). Задачи на вычитание: 49—61.

15 окт. 19 ур. Знаки: «присчиталь» и «оточитать». Задачи на сножение и вычитание: 61 68. Записывание столбцомъ, со знаками дъйствий.

16 окт. 20 ур. Бъглын счетъ на сложеще и вычитание (3) Задачи на сложение и вычитание: 68—80.

23 окт. 21 ур. Устное вычисление строкт со знакомъ \pm и иг — (примъръ: $\mathrm{HI} + \mathrm{V}$). Задачи на сложение и вычитание. 80-90

25 окт. 22 ур. Знакъ «будеть». Вычисление строкъ со знакомъ + или — (примъръ: VII -- V —). Записывание вычисленныхъ строкъ. Устное ръшение задачъ на сложение и вычитание 90—96.

27 окт. 23 ур. Самост раб. Примеры на вычитание

28 окт. 24 ур. Задачи на сложеніе и вычитанте: 96—101. Повторено сложеніе равныхъ слагаемыхъ.

29 окт. 25 ур. Знакъ «взять». Задачи на умножение 101—111. Записывание рёшения строчкой.

31 окт. 26 ур. Повторено умноженіе. Задачи: 111-117.

1 поября 27 ур. Устное ръшеніе строкъ, содержащихъ сложение равныхъ чиселъ (примъръ: 111 + 111 + 111). Задачи на умножение: 117—124.

3 ноября 28 ур. Самост. раб Примъры на двоиное сложение.

4 ноября 29 ур. Бъглый счеть на умножение и сложение (4). Задачи на умножение: 124—127

5 поября 30 ур. Бъглый счеть на умножение и вычитание (4). Задачи на первыя три дъйствия: 127—132

7 ноября 31 ур. Бъглый счеть на сложение и умножение (5) Задачи на первыя три дъйствия. 132—139. Арабская цифра «7».

8 ноября 32 ур. Бъглый счеть на вычитание и умножение (6). Задачи на первыя три дъйствія: 139—145.

10 ноября 33 ур. Самост. раб Примъры на двоиное вычитавіе.

11 ноября 34 ур. Бѣг іый счеть: нашти задуманное множимос (7) Цифра «4». Задачи на первыя 3 дівнетвія: 145—152

12 ноября 35 ур. Бъглый счетъ: найти задуманнаго множителя (8). Цифра «3». Задачи на первыя 3 дъйствля. 152—156.

15 ноября 36 ур. Д'вленіе на части. Цифра «6».

17 ноября 37 ур. Самост. раб. Прим'яры на сложение и вычигание.

18 ноября 38 ур. Повторено дівленіе. Знакъ «раздівлить». Задачи на дівленіе: 156—166.

19 ноября 39 ур. Рёшеніе формулъ на умноженіе. Цифра «9» Задачи на дёленіе: 166—174.

22 ноября 40 ур. Ръшеніе формуль на дъленіе. Цифра «8». Задачи на дъленіе: 174—184.

24 ноября 41 ур. Саност. раб. Примеры на сложение и вычитание.

25 ноября 42 ур. Бъглый счеть на дъленіе и сложеніе (9), Обозначеніе «10». Задачи на дъленіе: 184—188.

28 ноября 43 ур. Бъглый счеть на дъленіе и сычитаніе (10). Цифры: «2» и «5». Задачи на дъленіе: 188—195.

1 дек. 44 ур. Самост. раб. Письмо арабскихъ цифръ. Рітеніе прим'єровъ (на сложеніе и вычитаніе), обозначенныхъ арабскими цифрами.

2 дек. 45 ур. Бъглый счетъ на дъленіе и умноженіе (11). Наглядное пъленіе на пары, тройки, четверки и пятки.

3 дек. 46 ур. Бъглый счетъ: дъленіе всъхъ чиселъ перваго десятка пополамъ (12). Задачи на дъленіе по содержанію: 195—202.

4 дек. 47 ур. Бъглый счетъ на двойное дъленіе (13). Рыменіе задачъ на дъленіе по содержанію: 202—209.

8 дек. 48 ур. Самост. раб. Примъры на сложение равныхъ слагаемыхъ и на умножение.

9 дек. 49 ур. Бъглый счеть на сложение и дъление (14). Задачи на дъление по содержанию: 209—215.

10 дек. 50 ур. Бъглый счеть на вычитание и дъление (15). Задачи на всъ дъйствия: 215—222.

12 дек. 51 ур. Бътяни счеть на умножение и дъление (16). Задачи на всъ дъйствия: 222—229.

13 дек. 52 ур. Бътлый счеть на дъленіе по содержанію (сь остандомь) (17). Задачи на всь дъйствія: 229—235.

15 дек. 53 ур. Самост. раб. Примвры на деленіе.

16 дек. 54 ур. Беглый счеть половинъ (18). Задачи на всё д'ыствія: 235—242.

17 дек. 55 ур. Бъглый счеть: найти задуманное дълимое (19). Задачи на всъ дъйствія: 242—248.

19 дек. 56 ур. Бѣглый счеть: найти задуманнаго дѣлителя (20). Задачи на всѣ дѣйствія: 248—254.

20 дек. 57 ур. Бъглый счеть на всъ дъйствія (21). Задачи на всъ дъйствія. 254—259.

Дъйствія въ предълъ 20.

7 янв. 58 ур. Прямой и обратный счеть въ предѣгѣ 20. Разложеніе чисель на десятокь и единицы, составленіе изъ десятка и единицы и письменное обозначеніе.

9 янв. 59 у .. Прямой и обратный счеть парами, пятками и десятками. Задачи на сложеніе: 259—265.

10 янв. 60 ур. Счеть четверками. Задачи на сложеніе: 265—268. Повтореніе предыдущихъ уроковъ.

12 янв. 61 ур. Самост. раб. Примъры прямого счета по 1, 2, 5, 10. Повторение дъления до 10.

13 янв. 62 ур. Счеть восьмерками и тройками. Задачи на сложевіе: 268—273.

14 янв. 63 ур. Бъглый счеть, прямой и обратный, на пройденное (22). Счеть щестерками и девятками. Задачи на сложение: 273—277.

16 янв. 64 ур. Бъглый счеть на увеличение числа нъсколькими единицами (23). Счеть семерками. Задачи на сложение: 277—280.

17 янв. 65 ур. Беглый счеть на уменьшение числа въсколькний е пиницами (24). Задачи на вычитание: 280—288.

19 янв. 66 ур. Самост. раб. Прямой счеть по 4, 8, 3, 6, 9, 7. Повтореніе умноженія до 10.

20 янв. 67 ур. Бътъни счетъ на перестановку слагаемыхъ (25). Задачи на вычитаніе: 288—295.

21 янв. 68 ур. Бътлый счеть на увеличение и уменьшение числа нъсколькими единицами (26). Задачи на вычитание: 295 -302.

23 янв. 69 ур. Б'яглый счеть на разностное сравненіе (27) Задачи на вычитаніе: 302—310.

24 янв. 70 ур. Бъглый счетъ на сложение и вычитание (28) Задачи на сложение и вычитание: 310—317.

26 янв. 71 ур. Самост. раб. Примъри на сложение.

27 янв. 72 ур. Бъглый счетъ на сложение и вычитание (29) Задачи на сложение и вычитание: 317—324.

28 янв. 73 ур. Бътмый счетъ: неопредъленные вопросы на сложение (30). Задачи на сложение и вычитание: 324—328.

30 янв. 74 ур. Бъглый счеть: неопредъленные вопросы на вычитаніе (31). Задачи на сложеніе и вычитаніе: 328—336.

31 япв. 75 ур. Бъглый счетъ: нахождение задуманнаго слагаемаго при двойномъ сложении (32). Задачи на сложение и вычитание: 336—344.

- 3 февр. 76 ур. Бъглый счетъ на разностное сравненіе (33). Задачи на сложеніе и вычитаніе: 344—350.
- 4 февр. 77 ур. Умноженіе въ предѣлѣ 20. Задачи на умноженіе: 350—353.
- 6 февр. 78 ур. Повторено умноженіе. Задачи на умноженіе: 353—361.
- 7 февр. 79 ур. Бъгдый счеть на умножение (34). Задачи на умножение: 361—369.
 - 9 февр. 80 ур. Самост. раб. Примвры на вычитаніе.
- 10 февр. 81 ур. Бъглый счеть на перестановку производителей (35). Задачи на 3 дъйствія: 369—375.
- 11 февр. 82 ур. Бъглый счеть на увеличение иъсколькими единидами (23). Задачи на 3 дъйствія: 375—381.
- 16 февр. 83 ур. Саност. раб. Примъры на сложение п вычитавие.
- 17 февр. 84 ур. Бъглый счеть на увеличение въ нъсколько разъ (36). Задачи на 3 дъйствія: 381—387.
- 18 февр. 85 ур. Бъглый стетъ на 3 дъйствія (37). Задачи на 3 дъйствія: 387—393.
- 20 февр. 86 ур. Бъглый счеть на увеличение (38). Задачи из 3 пъйствія: 393—400.
- 21 февр. 87 ур. Бъглый счеть: разложение числа на множителей (39). Задачи на 3 дъйствія: 400—405.
- 23 февр. 88 ур. Самост. раб. Примъры на сложение и вычитание.
- 24 февр. 89 ур. Бъглый счеть, разложение числа на множителей (39). Задачи на 3 дъйствия: 405—409.
 - 25 февр. 90 ур. Деленіе на части въ пред. 20.
 - 27 февраля 91 ур. Повторено дъленіе. Задачи на дъленіе. 409-416.
- 28 февр. 92 ур. Бъглый счеть на дъленіе (40) Садачи на дъленіе: 416—424.
- 3 марта 93 ур. Бъглый счеть на умножение и дъление (41). Задачи на дъление: 424—432.
 - 4 марта 94 ур. Дъленіе по содержанію въ пред. 20.
- 6 марта 95 ур. Повтореніе д'єленія по содержанію. Задачи на д'єленіе: 432—440.
- 7 марта 96 ур. Бъглый счеть на дъленіе по содержанію (42). Задачи на дъленіе: 440—448.
 - 9 марта 97 ур. Саност раб Примвры на умножение.

10 марта 98 ур. Бъглый счеть на оба случая дъленія (43). Задачи на пъленіє: 448—456.

11 марта 99 ур. Бъглый счеть на уменьшение числа въ нъсколько разъ (45). Задачи на дъление: 456—464.

13 марта 100 ур. Бъглый счетъ на дъленіе по содержанію (съ остаткомъ) (46). Задачи на веъ дъйствія: 464—472.

14 марта 101 ур. Решеніе формуль, въ которых отыскивается слагаемое (47) Задачи на всё действія: 472—480.

16 марта 102 ур. Самост. раб. Примѣры на дѣденіе. Нахожденіе задуманныхъ чиселъ.

17 марта 103 ур. Бъглый счетъ на дъленіе съ остаткомъ (50). Задачи на всъ дъйствія: 480—488.

18 марта 104 ур. Бъглый счеть на раздробление (52). Задачи на всъ пъйствия: 488—495.

20 марта 105 ур. Бъглый счеть на превращение (53). Задачи на всъ дъйствия: 495—501.

Счетъ въ предълъ 100.

21 марта 106 ур. Прямой и обратный счеть десятками. Объясненіе того, гдв нишутся единицы и гдв десятки.

23 марта 107 ур. Самост. раб. Примеры на нахождение задуманныхъ чиселъ.

24 марта 108 ур. Счетъ и обозначение чиселъ отъ 20 до 100. Объяснение того, что показываеть нуль.

27 марта 109 ур. Сложеніе и вычитаніе полныхъ десятковъ (54). Задачи: 501—505.

28 марта 110 ур. Сложеніе и вычитаніе полныхъ десятковъ (55). Задачи: 505—512.

13 anp. 111 ур. Самост. раб. Обозначение чисель оть 1 до 100 и оть 100 до 1.

14 апр. 112 ур. Разложеніе полныхъ десятковъ на слагаемыя. Задачи на сложеніе и вычитаніе полныхъ десятковъ: 512—521.

15 апр. 113 ур. Умноженіе и діленіе полных в десятков (56). Задачи: 521—528.

17 anp. 114 ур. Разложевіе полныхъ десятковъ на части (57). Задачи на умноженіе и дёленіе: 528—534.

18 апр. 115 ур. Кратное сравненіе полныхъ десятковъ (б. сч.) (58). Задачи: 534—539.

20 апр. 116 уг. Самост. раб. Примъры на сложение и вы-

21 апр. 117 ур. Постореніе счета десятками (59). Задачи: 539-545.

22 апр. 118 ур. Задачи на вев дъйствия съ полными десятками: 545—552.

24 апр. 119 ур. Счеть десятковъ на пальцахъ, пользуясь 10-ью пальцами объихъ рукъ (60). Задачи: 552—559.

25 апр. 120 ур. Счеть десятковъ на пальцахъ, принимая палецъ за десятокъ. Задачи: 559—565,

28 апр. 121 ур. Объясненіе устройства счеть. Прикладываніе на счетахь по 2.

29 апр. 122 ур. Отниманіе на счетахъ по 2. Устный счеть парами. Письмо четныхъ чиселъ.

1 мая 123 ур. Самост. раб. Примъры на умножение и дъление полныхъ десятковъ.

2 мая 124 ур. Прямой счетъ пятками: на счетахъ, съ записываніемъ и устно.

4 мая 125 ур. Обратный счеть пятками.

5 мая 126 ур. Прямой счеть тройками, на счетахъ.

8 мая 127 ур. Прямой счеть тройками: устно и съ записываніемъ.

11 мая 128 ур. Обратный счеть тройками.

12 мая 129 ур. Счеть четверками.

13 мая 130 ур. Счеть шестерками.

15 мая 131 ур. Счеть восьмерками.

16 мая 132 ур. Счеть семерками и девятками.

Примъчание Задачи и примъры взяты изъ сборника, составленнаго авторомъ Методики Вып. I, изд. 7-в. Примъры бъглаго счета на стр. 40.



У ЧЕВНЫЯ И ДРУГІЯ КНИГИ, ИЗДАННЫЯ КНИГОПРОДАВЦЕМЪ М.Л.НАУМОВЫМЪ

Месква, Большая Лубянка, д. Страхового Общества "Россія" складъ изданій въ С.-Петербургѣ, у П. П. Луковнинова.

Арефьевъ, А. и Соколовъ, Ао. Повторительный курсъ ариометеки для началь ныхъ народныхъ училищъ. Изд. 5-е. М. 1898 г. Ц. 10 к. Включено въ про

грамму для церковно-приходскихъ школъ.

Армениковъ, К. П. Методика начальной ариеметики. М. 1910 г. Ц. 1 р. 25 к., въ переплетъ 1 р. 40 к. Изд. 13-е. Уч. Ком. Мин. Нар. Просв. допущ. въ учительскій библіотеки назвикъ учительскій библіотеки назвикъ учительскій

товъ и семинарій.

Сборникъ армемстическихъзадачъ и примъровъ для начальныхъ народныхъ училещъ. Годъ 1-й. Счетъ до 100, дъйствія до 20. Изд. 42-е. М. 1910 г. Ц. 15 к. Годъ 2-й. Первая сотив. Первая тысяча. Изд. 47-е. М. 1910 г. Ц. 15 к. Годъ 3-й. Числа любой ведичины. Изд. 31-е. 1910 г. Ц. 20 к. Особ. Отд. Учен. Комитета М. Н. Просв. допущены къ употреблению въ начальныхъ училещахъ. Годъ 4-й. Обыкновенныя дроби (повтор. курсъ). Метрич. мъры. Десятичныя дроби. Измъреше линій, площадей, поверхностей и объемовъ. Изд. 2-е. 1910 г. Ц. 20 к.
 Отвъты къ Сборнику армеметическихъ задачъ. Изд. 5-е. М. 1909 г. Ц. 5 к.

— Отвъты къ Соорнику ариеметическихъ задачъ. Пад. 5-е. д. 1805 г. ц. о к. - Сборникъ упражненій по геометріи для начахьныхъ училищъ. М. 1910 г. Над. 2-е. измъненное. Вып. 1. Ц. 35 к. Вып. 2-й. М. 1910 г. Ц. 35 к.

Безлюстинъ, В. Директоръ Поливановской учит. семинарін. Дневникъ ванятій по арнометикъ въ начальной школъ. Изд. 4-е. М. 1910 г. Ц. 15 коп. Допущенъ уч. Ком. М. Н. Пр. въ учит. библіотеки инэш. учеби. заведевій.

- Методика ариеметики. Курсъ 1-го, 2-го, 3-го и 4-го года обучения. М. 1910 г. И. 20 к. Изд. 5-е. Допущена Уч. К. М. Н. Пр. въ учит. библют. навш. учил.

(съ прилож. отвётовъ къ сборияку задачъ).

Арнеметическій вадачникъ. Составлевъ согласно приміврной программів М. Н. Пр. 1-й годъ обученія. Ц. 12 к., 2-й годъ обученія. Ц. 12 к., 3-й годъ обученія. Ц. 15 к., 4-й годъ обученія. Ц. 12 к. М. 1910 г. Изд. 7-е. Всё 4 выпуска допущ. Уч. Ком. М. Н. Пр. къ употребленію въ начальныхъ училищахъ.

Вучинскій, Н. Практическая русская грамматика. Изд. 5-е, испр. в дополненное. М. 1908 г. Ц. 50 к., въ переплетъ 65 к. Допущена Учен. Ком. Мин. Нар. Просв. въ качествъ руковод. для пригот. и 1-хъ классовъ среди. учеби. вавеленій и къ класси. употребл. въ городск. и увздя. училищахъ.

 Начальная русская грамматика для городскихъ, приходскихъ и сельскихъ народныхъ школъ. М. 1900 г. Ц. 25 к. Уч. Ком. М. Н. Пр. допущена для

классваго употребл. въ народи, училищахъ.

Воано. Преподаватель Царскосельской Няколаевской гимилзіп. Краткая грамматика французскаго языка по Ноэлю и Шапсалю, Плепу и друг. Изд. 3 с, вновь исправленное. 1-е изданіе одобрено Ученымъ Комитетомъ Мин. Нар. Просвъщенія, какъ руководство для мужскихъ и женскихъ гимиазій, прогимиазій и реальныхъ училищъ. Москва 1909 г. Цена 50 к., въ папке 65 к. Гика, Д. Зависимость между геометрическими теоремами. Математическо-фило-

софское сочинение. М. 1890 г. Ц. 1 р. Рекоменд. Ученымъ Комит. М. Н. Пр. для фундамент. библютекъ средн. учебн. зввед. мужск. и женскихъ.

— Задачи для начальнаго обученія арнометикъ. Цъхыя числь. Изд. 2-е, исправленное и дополненное. Одобрено Учек. Комит. М. Н. Пр. и Духовно-Учеби. Комит. при Святьйшемъ Сиподъ. М. 1885 г. Ц. 45 к., въ перепл. 60 к.

- Перспектива техническаго рисованія. Для реальныхъ училицъ и профессіональныхъ школъ. М. 1897 г. Ц. 35 к. Одобр. Учен. Ком. Мин. Нар. Просв.
 Элементы геометрін. Курсъ среднихъ учебныхъ заведеній, ст приложеніемъ компрастить сторомій способова общенія задвуж на построеній и вычисленія.
- Элементы геометри. Курсъ средних учесных заведения, стариложенных конических съчений, способовъ ръшения задачъ на построение и вычисления объемовъ тъхъ по теоромъ Кавальери. Одобр. Учен. Ком. Мин. Нар. Проси., какъ руководство для гимназій и реальныхъ училищъ, и Учеби. Ком. при Свят. Син. Изд. 4-е. М. 1909 г. Ц. 1 р. 35 к., въ переплетъ 1 р. 50 к.

 Геометрическія задачи на построеніе и методъ нать ръшенія. Одобр. въ начествів учебнаго пособія для среднихъ учебныхъ заведеній М. Н. Пр. (отн. отъ 17 августа 1901 г. за № 21647). М. 1908 г. Ц. 75 к. Изд. 2-е.

 Приложеніе алгебры къ геометрін или алгебранческій способъ рашенім геометрическихъ задачъ на построеніе. М. 1908 г. Ц. 40 к. Пяд. 2-в. Гако. И. в Муропцевъ. А. Геометрическія задачи. Курсъ среднихь учебныхъ заведенії. Часть 1-я. Задачи плоской геометрін (1773 задачи). Пях. 9-е. М. 1909 г. Ц. 85 к., въ переплета 1 р. Одобр. Уч. К. М. Н. Пр.

- Геометрическія задачи. Курсь среднихь учебныхь заведеній. Часть 2-я. Закачи геометрів въ пространстве (закачи съ 1774 до 8213). Изд. 7-в. М. 1908 г.

H. 75 к., въ переплеть 90 к. Одобр. У. К. М. Н. Пр.

Лубовъ. Л., дпректоръ Рыбинской гимназін. Сборникъ фразь и статей для устныхъ и письмени. упражи., въ переводъ съ русск. яз. на датинскій. Изд. 4-е. М. 1900 г. Ц. 1 р. 10 к., въ перепл. 1 р. 25 к. Одобр. Учен. Ком. М. Н. Пр. Ефремовъ. В. Краткій курсь природовідінія, составлевный по программі 118 первыхъ трехъклас. гемн. Ч.1-я. Воздухъ, вода и земля. Курсъ 1-го кл. съ 116 рис. М. 1910 г. Ц. 75 к., въ нер. 90 к. Ч 2 я. Растенія. Курсь 2-го кл. съ 159 рис. въ текств. Ц. 75 к., въ перепл. 90 к. М. 1910 г. Ч. 3-я. Человъкъ и животимя. Курсъ 3-го кл. съ 149 рнс. въ текств. Ц. 75 к., въ перепл. 90 к. М. 1910 г. Козывить, К., преподаватель Московскаго учительскаго виститута. Русская

хрестоматія для средняхъ классовъ средне-учебныхъ заведеній, городскихъ и увадныхъ училищъ. Курсъ II, изд. 18-е. Одобр. Учен, Ком. М. Н. Пр.

М. 1910 г. Ц. 75 к., въ переплеть 90 к.

- Грамматика дерковно-славанскаго языка новаго періода. Съ приложеніемъобразцовъ для этимологическаго и синтактическаго разбора текста Евангелія. Пособіе для городскихъ, убадныхъ и сельскихъ училищъ. Изд. 18-е. М. 1910 г. Ц. 50 к., въ перепя. 65 к. Одобр. Уч. К. М. Н. Пр., какъ руководство.

- Церковно-славянская хрестоматія. Пособіе для сельскихъ и городскихъ училишъ. Книга эта служить приложеніемъ къ "Грамматикъ церковно-славянскаго

языка". Изд. 4-е. М. 1903 г. Ц. 40 к., въ переплета 55 к.

- Синтаксисъ русскаго языка для среди, учеби, завед, и городск, учил, съ при-

ложеніемъ задачника. Изд. 14-е. М. 1910 г. II. 50 к., въ перепл. 65 к.

— Образцы систематическаго диктанта для младшихъ классовъ среднихъ учебныхъ заведеній и городскихъ училищъ. Ч. І. Этимологія. Сост. согласно съ руководствомъ "Русское праволисаніе" акад. Я. Грота. Изд. 11-е. М. 1908 г. И. 75 к., въ переплеть 90 коп. 7-е изд. Допущ. Уч. К. М. Н. Пр. къ классному употреблению въ назшихъ училищахъ.

- То же. Ч. II. Синтансисъ. Изд. 4-е. М. 1908 г. Ц. 80 к., въ перепя. 95 к. 2-е изд. Уч. К. М. Н. Пр. допущено къ класси, употребл. въ низшихъ училищ.

- Логико-ствлистические разборы образдова прозы и поэзів. Пособіе при практическомъ изучения стилистики, теоріи прозы и поззів и при веденій объясицтельнаго чтенія на высшей его ступени. Для среднихъ классовъ гимпазій. реальныхъ училищъ, учительскихъ институтовъ и семинарій и старшихъ классовъ городскихъ училищъ. Изд. 7-е. Одобр. Учен. Ком. Мин. Нар. Пр. М. 1908 г. Ц. 1 р., въ переплетв 1 р. 15 к.

- Ореографическія прописи. Пособіє при изученів ореографія. Тетрадь пер-

вая. М. 1910 г. Ц. 30 кон. Изд. 2-е.

Справочный словарь церковно-славянского явыка. М. 1889 г. Ц. 5 к.

Козьминъ, К. и Покровскій, В. Теорія словесности. Сводъ теоретическихъ положеній, выведенных изъ разбора образцовъ прозы и позвін. Изд. 14-е. Одобр. Учен. Комят. М. Н. Пр., М. 1910 г. Ц. 35 к.

- Біографія в характеристики отечественныхъ образцовыхъ писателей, для городскихъ училищъ и учительскихъ семинарій. Изд. 11-е. Одобр. Учен. Ком. М. Н. Пр. М. 1910 г. Ц. 50 в.

Коневскій, М. Историческія св'ядінія обогослужебномь пінін въ вотхозавітной. новозаватной, исслепской и въ частноств русской церквахъ, съ добавленіемъ краткихъ сведеній о преподаванія церковнаго пенія въ начальныхъ школахъ в организація півческаго хора. Нэд., одобренное Училищнымъ Совітомъ при Св. Сяноде въ учительскія библіотеки церковно-прих. шк. М. 1900 г. Ц. 30 к.

Кругловъ, А. В. "Литература маленькаго народа". Критико-педагогическія бесъды по вопросамъ дътской интературы. 2 выпуска. Допущ. Учев. Ком. Мин. Нар. Просв. въ фундаментальныя библютски среди. учеби. завел., въ библ. учетельск. инст. и с минарій и въ безплатныя народныя библіотеки и читальни, М. 1897 г. Цена каждаго вып. 85 к., въ папке 1 р.

- За чужимъ горбомъ. Повъсть для дътей, съ рисунками въ текстъ. Одобрева Ученымъ Комвт. Мян. Нар. Просв. для ученическихъ библютекъ среднихъ в визмихъ учебныхъ заведенів. Изд. 2-е. М. 1896 г. Ціна въ палкі 1 р.,

въ коленкор, перепл. 1 р. 50 к.

Гикв. Л. и Муровневъ. А. Геометрическія задачи. Курсь средняхь учебныть завеленій. Часть 1-я. Задачи плоской геометрін (1773 задачи). Изг. 9-а. М. 1909 г. Ц. 85 к., въ переплета 1 р. Одобр. Уч. К. М. Н. Пр.
— Геометрическія задачи. Курсь среднихь учебных заведенів. Часть 2-я.

Задачи геометрін въ пространстві (задачи съ 1774 до 8213), Изд. 7-е. М. 1908 г.

Ц. 75 к., въ переплетв 90 к. Одобр. У. К. М. Н. Пр.

Дубовъ, Д., деректоръ Рыбенской гемназін. Сборникъ фразъ и статей для устныхъ и письмени. упражи., въ переводъ съ русск. яз. на латенскій. Изд. 4-е. М. 1900 г. Ц. 1 р. 10 к., въ перепл. 1 р. 25 к. Одобр. Учев. Ком. М. Н. Пр.

Ефремовъ, В. Краткій курсь природов'єдінія, составленный по программ'я 11я первыхь трехъклас. гимн. Ч.1-я. Воздухъ, вода и земля. Курсъ 1-го кл.съ 116 пис. М. 1910 г. Ц. 75 к., въ пер. 90 к. Ч. 2-я. Растенія. Курсъ 2-го кл. съ 159 рис. въ текств. П. 75 к., въ перепл. 90 к. М. 1910 г. Ч. 3-я. Человъкъ в животкыя. Курсъ 3-го кл. съ 149 рис. въ текств. Ц. 75 к., въ перепл. 90 к. М. 1910 г.

Козьминъ. К., препонаватель Московского учительского института. Русская хрестоматін для средних классовь средне-учебныхь заведеній, городскихь и убадныхъ училищъ. Курсъ II, изд. 18-о. Одобр. Учен. Ком. М. Н. Пр.

М. 1910 г. Ц. 75 к., въ переплеть 90 к.

- Грамматика церковно-славнискаго языка новаго періода. Съ приложенівиъ образцовъ для этимологическаго и синтактическаго разбора текста Евангелія. Пособіе для городскихъ, увздныхъ в сельскихъ училищъ. Изд. 18-е. М. 1910 г. Ц. 50 к., въ перепл. 65 к. Одобр. Уч. К. М. Н. Пр., какъ руководство.

- Перковно-славянская хрестоматія. Пособіе для сельских в городских учялицъ. Книга эта служить приложеніемъ къ "Грамматикъ перковно-славянскаго

языка". Изд. 4-е. М. 1903 г. Ц. 40 к., въ переплеть 55 к.

- Сентаксисъ русскаго языка для среди, учебя, завед, и геродск. учел. съ пра-

ложеніемъ задачинка. Изд. 14-е. М. 1910 г. Ц. 50 к., въ перепл. 65 к.

- Образцы систематическаго дактанта для младшихъ классовъ среднихъ учебных ваведеній и городских училиць. Ч. І. Этимологія. Сост. согласно съ руководствомъ "Русское правописаніе" акад. Я. Грота. Изд. 11-е. М. 1908 г. Ц. 75 к., въ переплетъ 90 коп. 7-е изд. Допущ. Уч. К. М. Н. Пр. къ классному употреблению въ назшихъ училещахъ.

То же. Ч. И. Синтаксисъ. Изд. 4-е. М. 1908 г. Ц. 80 к., въ перепл. 95 к. 2-е ивк. Уч. К. М. Н. Пр. допущено къ класси. употребл. въ назшихъ училищ.

- Логико-стилистические разборы образдовь прозы и поэзіи. Пособіе при практическомъ изучение стядистики, теоріи прозы и поэзія и при веденів объясиительнаго чтенія на высшей его ступени. Для средняхъ классовъ гемназій, реальных училиць, учительских институтовь и семинарій и старшихъ классовъ городскихъ училищъ. Изд. 7-е. Одобр. Учен. Ком. Мин. Нар. Пр. М. 1908 г. П. 1 р., въ переплета 1 р. 15 к.

- Ореографическія прописи. Пособіє при наученій ореографіи. Тетрать пер-

вая. М. 1910 г. Ц. 30 коп. Изд. 2-е.

Справочный словарь перковно-славянскаго языка. М. 1889 г. Ц. 5 к.

К. в Покровскій, В. Теорія словесности. Сводъ теоретическихъ положеній, выведенныхъ изъ разбора образцовъ прозы и поэзін. Изд. 14-е. Одобр. Учен. Комит. М. Н. Пр., М. 1910 г. П. 35 к.

 Біографін и характеристики отечественныхъ образдовыхъ писателей, для городскихъ училищъ и учительскихъ семинарій. Изд. 11-е. Одобр. Учен.

Ком, М. Н. Пр. М. 1910 г. Ц. 50 в.

Коменскій, М. Йсторическія св'яднія о богослужебном в вын въ ветховав'ятной, новозавътной, вседенской и въ частносте русской церквахъ, съ добавления краткихъ свъдъній о преподаванія церковнаго пънія въ начальныхъ школахъ в организаців півческаго хора. Изд., одобренное Училящнымъ Совітомъ при Св. Сенодъ въ учительскія библіотеки церковно-прих. шк. М. 1900 г. Ц. 30 к.

Еругловъ, А. В. "Литература маденькаго народа". Критико-педагогическія беседы по вопросамъ детской литературы. 2 выпуска. Допущ. Учен. Ком. Мин. Нар. Просв. въ фундаментальныя библютеки среди. учеби. завел., въ библ. учительск. нист. и семинарій и въ безнатимя народныя библіотек. н читальни. М. 1897 г. Цена каждаго вып. 85 к., въ папке 1 р.

- За чужных горбомъ. Повъсть для дътей, съ рисунками въ текстъ. Одобрена Ученымъ Комит. Мин. Нар. Просв. для ученическихъ библютекъ среднихъ и низшихъ учебныхъ заведеній. Изд. 2-е. М. 1896 г. Ціна въ папка 1 р.,

въ коленкор, перепл. 1 р. 50 к.

Латапненко. К.А. Запискя по грамматик' оусскаго языка. Методическое пуконолство и учебное пособіе для городскихъ, приходскихъ и сельскихъ училиць. Курсъ 3-го и 4-го года городск. училищъ. М. 1887 г. Ц. 75 к., въ перепл. 90 к.

Любутовъ, Я. Пособіе при изученін теоріп словесности. М. 1883 г. Ц. 25 к. Николаевскій. П., директоръ Несвижской учительской семинаріи. Руководство къ изучению главимих оснований педагогики въ учительскихъ семинарияхъ М. Н. Пр. Часть І. Дидактическая пропедевтика, курсъ II класса. Изд. 7-е. Олобр. Уч. К. М. Н. Пр., какъ руководство для учительскихъ семинарій в виститутовъ и для учительскихъбяблютекъ нач. уч. М. 1910 г. Ц. 50 к., въ перепл. 65 к.

- Часть II. Педагогическая пропедентика, курсь III класса. Изд. 5-е. М. 1909г. Ц. 50 к., въ переплетъ 65 к. Одобр. Уч. Ком. М. Н. Пр.

Накитивъ, С. Элементарный курсъ географія для визшихъ классовъ среднихъ учеби, заведеній и элементарных пколь. Вып. 3-й. Отечествовідініе. Вып. 4-й. Міровъдъніе. З-е паданіе одобр. Уч. Ком. Мин. Нар. Пр. Изд. 6-е исправл. М. 1905 г. П. 50 к., въ переплет 65 к.

Остроуновъ, А., учитель пінія въ Поливановской учительской семинаріи. Элементариме уроки панія для учителей начальных училищь и поспитанниковь

учительскихъ семинарій. М. 1899 г. П. 50 к.

Пастуховъ. Пими правильно. Гранматика-кромка, новый практическій спо-

собъкъ изученію правописанія. М. 1909 г. Н. 10 к.

. Дружокъ". Годъ I. Азбукв для русскаго пцерковно-славянскаго чтенія. З-е пад. М. 1909 г. Ц. 15 к. 2-е мад. допущ. Уч. Ком. М. Н. Пр. къ класси. употребл. - "Дружокъ". Годъ I. Первая послъ азбуки книга для чтенія. 3-е изд. М. 1909 г. Ц. 20 к. Допущ. Уч. Ком. М. Н. Пр. къ влассному употреблению.

- "Дружокъ", Годъ II. Вторая книжка после взбуки для русскато и первовно-

славянскаго чтенія. Изд. 2-е. М. 1908 г. Ц. 35 к.

Попровекій, Н. Какъ росло и строилось Русское государство. Разсказы изъ русской исторін. Пособіє для учениковъ I и II класса гимназін и реальныхъ училищъ. Ч.І. 1910 г. Ц. 75 коп., въ переил. 90 коп. съ рисунками. Частъ И. Изд. 2-е. М. 1910 г. Ц. 75 коп., въ перанд. 90 кон. Допущ. Учем. Ком. М. Н. Пр., какъ пособіе для младш. классовъ средн. учеби. заведеній,

Рождественскій, А., преподаватель Костромского реальнаго училища. Краткій очеркъ хвинческихъ явленій. Примѣнительно къ програмив для реальныхъ училищъ. М. 1896 г. Ц. 40 к., въ перепл. 55 к. Одобр. Уч. Ком. Мин. Нар. Просв.

Соневовъ, Ас. Авбука русская и церк.-слав., съ письмен. самостоят. упражи. учениковъ при изученін важдой буквы. Изд. 4-е. М. 1904 г. Ц. 15 ва Допущ. Уч. Ком. М. Н. Пр., какъ учебное руков. для низш. училищъ.

— Методическое руководство къ "Азбукъ русской и церковно-славянской" въ подробныхъ прамерныхъ урокахъ. Изданіе 4-е. М. 1904 г. Ц. 30 к. Допущено въ

библютеки пизинхъ училищъ.

- Объяснительный словарь церковно-славянскаго языка, съ самостоятельными упражненіями ученнковъ въ заучиваніи церковно-славинскихъ словъ. Изд. 3-е, исправленное и дополненное. М. 1901 г. Ц. 10 к. Допущ. Уч. К. М. Н. Пр. въ класскому употреблению въ инзшихъ училищахъ.

- Письменныя упражненія по Закону Божію въ начал. школф. Священ, исторія Новаго Завъта и молятвы. Кинжка 1-и для учещихся. М. 1904 г. Ц. 10 к. Письменныя упражненія по Закону Божію въ начальной школ'я, методическія

заметки для преподавателя Закона Божін. М. 1904 г. Ц. 10 к.

 Сборинкъ дектантовъ. Дополнительная кинжка къ методической грамматикъ. Изд. 3-е. М. 1899 г. Ц. 20 к. Въ 3-мъ изд. эта инига Особ. Отд. Уч. Ком. М. Н. Пр. одобрена въ употреблению въ народныхъ школахъ въ начествъ учебнаго пособія.

Методическая грамиатика. Эдементврное руководство по русскому языку.

Допущ. Ж. М. Н. Пр. 1902 г., № 3. Ц. 25 к.

- Уроки христіанскаго ученія. Концентрическій учебникь для пачальныхъ шковъ. Донунд. Ж. Мин. Нар. Просв. 1882 г., № 2. Изд. 7-е. М. 1907 г. Ц. 30 к. Шириевъ. Элементарный атласъ діаграмиъ цвътковыхъ растеній. Курсъ городскихъ училищъ. М. 1902 г. Ц. 75 к. Уч. Ком. М. Н. Пр. допущ. въ библ. среди. и низм. учеби. заведеній.

Седоровъ. Первые уроки обучения грамоть по наглядно-звуковому методу-1903 г. Ц. 20 в.